



DescartesJS - Nivel II

Libro Interactivo



DescartesJS

Nivel II

INTERACTIVO

Juan Guillermo Rivera Berrío
Institución Universitaria Pascual Bravo



Joel Espinosa Longi
Alejandro Radillo Díaz
Universidad Nacional Autónoma de México



Fondo Editorial Pascual Bravo
Medellín

Título de la obra:
DescartesJS - Nivel II

Autores:
Juan Guillermo Rivera Berrío
Joel Espinosa Longi
Alejandro Radillo Díaz
2ª edición – **2019**

Diseño del libro: Juan Guillermo Rivera Berrío
Código JavaScript para el libro: [Joel Espinosa Longi](#), [IMATE](#), UNAM.
Recursos interactivos: [DescartesJS](#)
Fuentes: [Lato](#) y [UbuntuMono](#)
Fórmulas matemáticas: [K^AT_EX](#)
Núcleo del libro interactivo: marzo 2022

Fondo Editorial Pascual Bravo
Calle 73 73A-226
PBX: (574) 4480520
Apartado 6564
Medellín, Colombia
www.pascualbravo.edu.co
ISBN: 978-958-56858-6-4



[Creative Commons Attribution License 4.0](#) license.

Tabla de contenido

Prefacio	7
1. Vectores y matrices	11
Introducción	13
1.1 Actividades del capítulo	14
1.2 Vectores	15
1.2.1 Dimensionamiento de vectores	19
1.2.2 Variables de espacio	21
1.2.3 Variables del ratón	26
1.2.4 Uso de datos externos para vectores	30
1.3 Matrices	36
1.3.1 Familias matriciales de polígonos	43
1.3.2 Matrices de colores	48
2. Diseño 3D	55
2.1 Actividades del capítulo	57
2.2 Espacios 3D	58
2.3 Sistema de coordenadas 3D	60
2.4 Relaciones espaciales	68
2.5 Superficies paramétricas	80
3. DescartesJS y GeoGebra	93
Introducción	95
3.1 Diseño de la interface con GeoGebra	98
3.2 Comunicación DescartesJS - GeoGebra	107
3.2.1 Enviando órdenes a GeoGebra	108
3.2.2 Enviando varias órdenes a GeoGebra	117

3.2.3 Uso de un sólo bloque para ejecutar varias órdenes de GeoGebra	121
3.2.4 Comunicación mostrando entorno de GeoGebra	125
3.2.5 Construyendo en el entorno gráfico de GeoGebra	135
4. Plantillas	145
4.1 Actividades del capítulo	147
4.2 Macros	149
4.3 Macros prediseñadas	156
4.4 Diseñando con macros	164
5. Diseño de textos	175
5.1 Actividad del capítulo	177
5.2 Texto simple	178
5.3 Texto enriquecido	180
5.4 Cambio de fuentes	183
6. Interactuando con YouTube	187
6.1 Introducción	189
6.2 Modelos con vídeo en local	190
6.2.1 Modelo 1 en local	190
6.2.2 Modelo 2 en local	202
6.2.3 Modelo 3 en local	203
6.2.4 Modelo 4 en local - comunicación doble	205
6.2.5 Modelo 5 en local - múltiples actividades	211
6.2.6 Modelo 6 en local - múltiples actividades y animación	216
6.2.7 Demostrando el teorema de Pitágoras	217
6.2.8 Dibujemos un huevo	219
6.2.9 Construcciones de GeoGebra con DescartesJS	220
6.2.10 El triángulo de Sierpinski y textos condicionados	223

6.3 Plantillas Modelos con vídeo en local	224
6.4 Modelos con vídeos de YouTube	225
6.4.1 Modelo 1 de YouTube	226
6.4.2 Modelo 2 de YouTube	237
6.4.3 Modelo 3 de YouTube - Múltiples actividades	240
6.4.4 Modelo 4 de YouTube - Múltiples actividades y animación	242
6.5 Plantillas Modelos con vídeo YouTube	250
7. Evaluación final	253
7.1 Prueba 1	254
7.2 Prueba 2	255
7.3 Prueba 3	256
7.4 Prueba 4	256
7.5 Prueba 5	257
7.6 Prueba 6	257

Prefacio

Este libro digital interactivo se ha diseñado con fundamento en la filosofía del [Proyecto DescartesJS](#): *"Trabajando altruistamente por la comunidad educativa de la aldea global"*, que sólo busca desarrollar contenidos educativos para el provecho de la comunidad académica, esperando únicamente como retribución el uso y difusión de estos contenidos. El contenido del libro, al igual que los objetos interactivos se han diseñado de tal forma que se puedan leer en ordenadores y dispositivos móviles sin necesidad de instalar ningún programa o [plugin](#). El libro se puede descargar para su uso en local sin dependencia con la red, a excepción de algunos vídeos incluidos en el texto. Todos los objetos interactivos se han diseñado con el Editor DescartesJS.

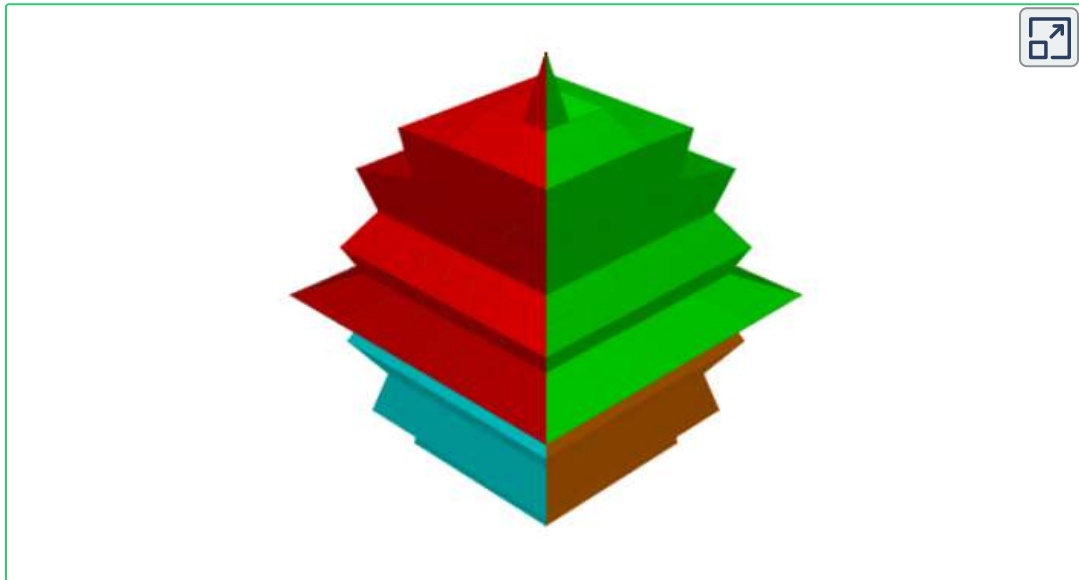
La [herramienta DescartesJS](#) se caracteriza por una innata interactividad, por permitir realizar representaciones de objetos bi y tridimensionales, por gestionar expresiones de texto y de fórmulas, por integrar objetos multimedia como imágenes, audios y vídeos, por tener la posibilidad de reflejar casos concretos y también potenciar la conceptualización de tareas y procedimientos mediante la utilización de semillas aleatorias y controles numéricos, gráficos y de texto, y con ellos poder abordar la evaluación de manera automática, tanto la correctiva como la formativa. Con DescartesJS es posible el diseño y desarrollo de objetos educativos que promueven el aprendizaje significativo, posibilitando esa deseada construcción del conocimiento.¹

El contenido de este libro se basa en un curso de capacitación del editor DescartesJS para docentes que, por la dificultad de concertar un horario presencial, permite una opción autodidacta acompañada de material interactivo para una mayor comprensión de los temas tratados.

¹ Véase <https://proyectodescartes.org/iCartesiLibri/descripcion.htm>.

Retomando la introducción a la [documentación de DescartesJS](#) de Radillo, Abreu y Espinosa, podríamos coincidir en que este libro está destinado tanto a personas que no han usado DescartesJS como a personas que tienen cierta experiencia y desean mejorarla. En cada apartado del libro se proponen ejercicios y se incluyen ejemplos para que el lector pueda comprender paso a paso la funcionalidad de DescartesJS y su enorme potencial para crear objetos interactivos de aprendizaje. Esta segunda parte contempla temas de animación, elementos de programación, vectores y matrices, interfaces con otros interactivos, diseño 3D, entre otros temas, que permitan generar escenas de mayor complejidad a las presentadas en el primer nivel. Es importante precisar que en este libro se incluye documentación tomada del texto de Radillo *et al.*

Presentamos dos ejemplos, que sirvan de motivación a los lectores. El primer ejemplo es una superficie paramétrica (puedes rotarla con clic sostenido).



El segundo ejemplo es una escena interactiva diseñada para el libro digital interactivo de Percepción visual, en la que se genera la ilusión de caras distorsionadas (véase <http://illusionoftheyear.co>).



Esta ilusión fue diseñada por Jason Tangen, Sean Murphy y Matthew Thompson de la Universidad de Queensland, Australia. Ocupó el segundo puesto en los premios a la mejor ilusión de 2012.

Capítulo I

Vectores y matrices

Introducción

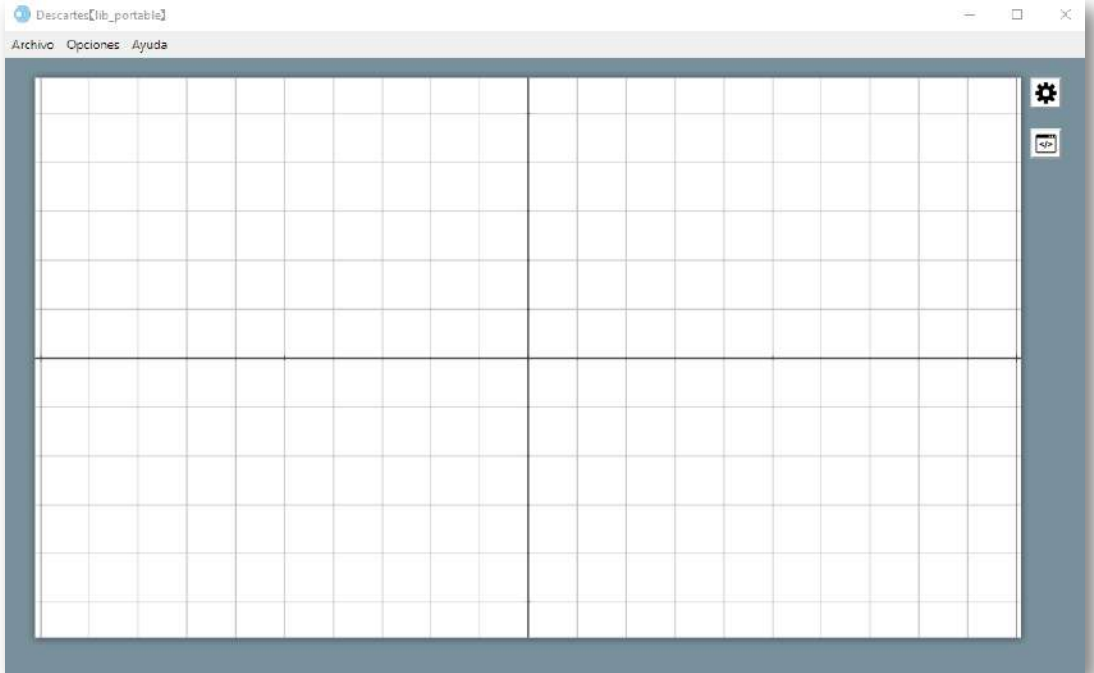


Figura 1.1. El editor de DescartesJS.

Como en el Nivel I, es importante tener a la mano el editor de DescartesJS (DescartesJS.exe en Windows, DescartesJS.app en macOS o DescartesJS.bin en Linux), el instalador puede descargarse desde: <http://descartes.matem.unam.mx/>, que se encuentra en constante mantenimiento incluyendo nuevas mejoras, de tal forma que es siempre una buena práctica reinstalarlo con cierta frecuencia. El programa del editor es una interfaz gráfica para el usuario mediante la cual podrá guardar archivos html con diversos tipos de interactivos. En la **Figura 1.1** se muestra la ventana inicial del editor, el cual se puede buscar dentro de los programas en el ordenador, una vez que se haya instalado.

1.1 Actividades del capítulo

Al terminar este capítulo, habrás diseñado algunos objetos interactivos con el editor DescartesJS, dos de ellos los presentamos a continuación:



La anterior escena usa vectores para almacenar los países y las coordenadas de las capitales, un vector por cada categoría que para el ejemplo serían tres: países, abscisas y ordenadas. Las dos últimas indican la posición en el mapa de cada ciudad capital.

El segundo objeto interactivo es una suma de matrices, cuyos elementos son colores:



Haz clic sobre las celdas de la matriz S para buscar el color

$A =$

Blue	Red	White
Yellow	Blue	Red

$B =$

White	Blue	White
Blue	Yellow	Red

CALCULAR A + B

$S = A + B =$

Yellow	Yellow	Yellow
Yellow	Yellow	Yellow

Verificar

Otro ejercicio

1.2 Vectores

Tal como lo explicamos en el nivel I, una forma de evitar el ingreso o lectura de muchas variables es el uso de vectores. Inicialmente, presentamos la descripción básica de este elemento del selector

Definiciones:

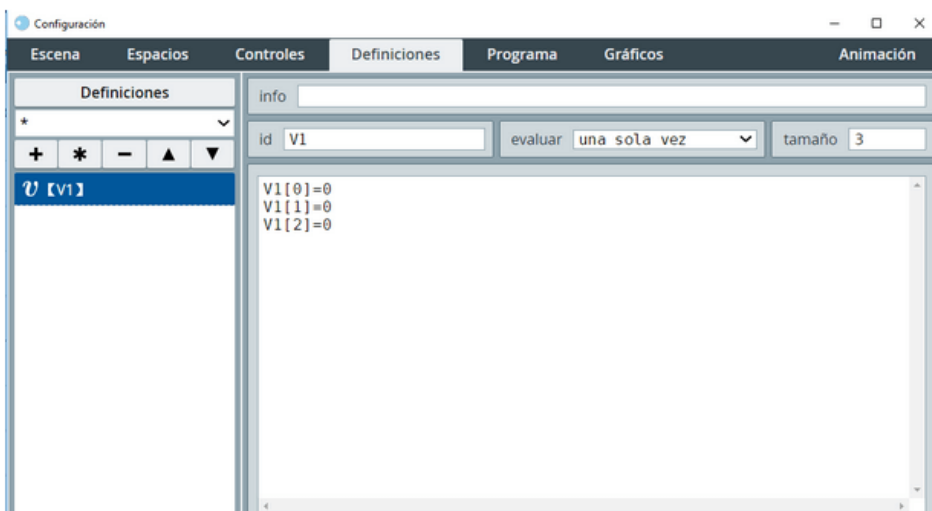


Vector

En ocasiones se desea utilizar una gran cantidad de variables que guardarán un tipo similar de información. En estos casos, puede resultar engorroso crear muchas variables distintas, y conviene en su lugar definir una especie de “mueble con muchos cajones”. Aunque el nombre del mueble es el mismo, cada cajón tiene un número o índice que lo identifica.

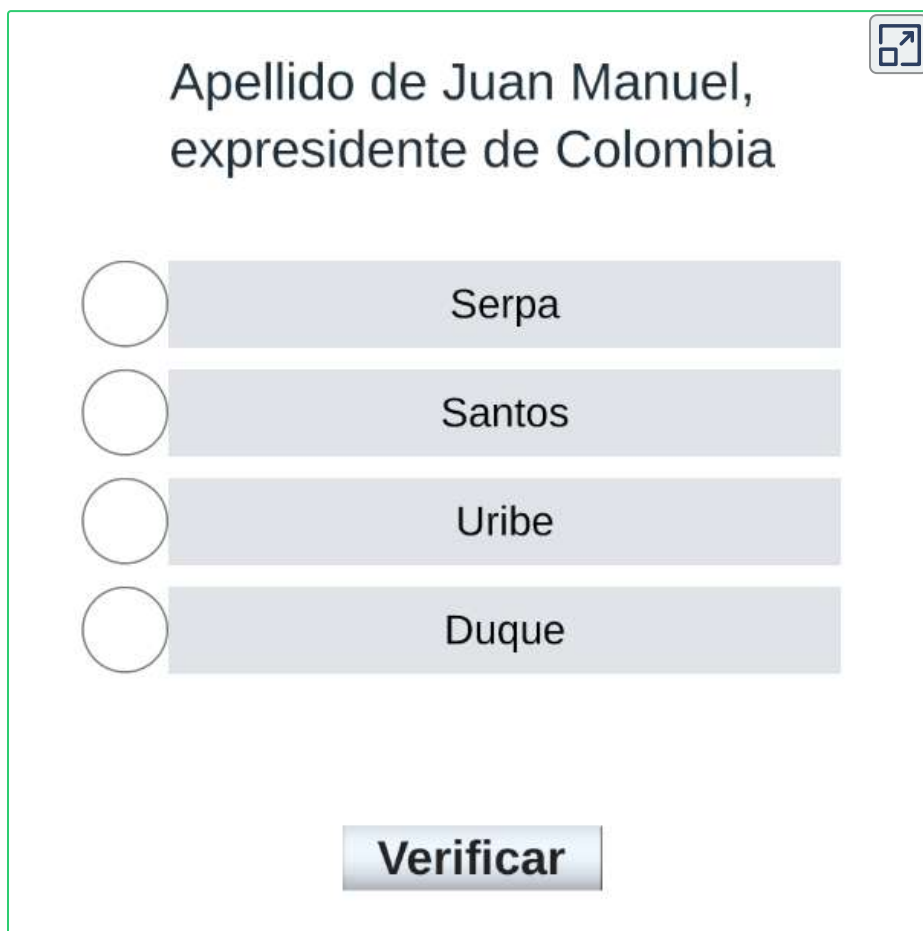
Cuando se agrega un vector, sólo es necesario dar su nombre. Por ejemplo, el vector **E**. Una vez agregado, siempre se hará referencia al mismo indicando el número de cajón en cuestión. Por ejemplo, **E[0]** representa el primer cajón, **E[1]** representa el segundo cajón, y así sucesivamente. Como se puede notar, el índice de los cajones empieza siempre en cero. Cada cajón puede guardar un valor o cadena, como si fuera una variable común y corriente.

En la siguiente Figura se observan los componentes de una definición tipo vector.



Actividad 1

Iniciamos nuestro estudio de vectores con una primera actividad, cuyo propósito es generar un sistema de preguntas tipo selección múltiple. Un primer modelo podría ser el siguiente (descárgalo [aquí](#)):



The image shows a digital quiz interface. At the top, the question "Apellido de Juan Manuel, expresidente de Colombia" is displayed in a large, dark font. To the right of the question is a small icon of a square with an arrow pointing outwards. Below the question, there are four radio button options, each with a light blue rectangular background. The options are "Serpa", "Santos", "Uribe", and "Duque". At the bottom center of the interface is a button labeled "Verificar".

Apellido de Juan Manuel,
expresidente de Colombia

☐ Serpa

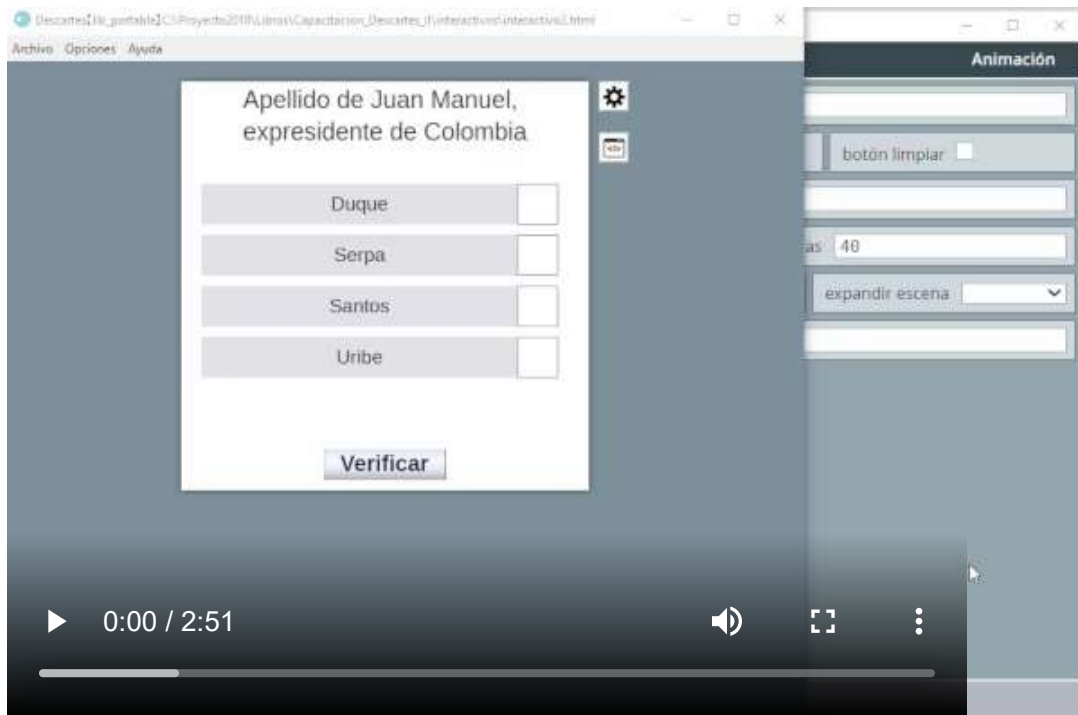
☐ Santos

☐ Uribe

☐ Duque

Verificar

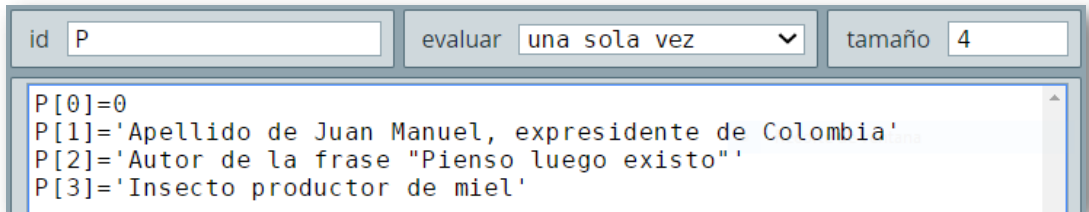
en el cual usamos el control tipo **casilla de verificación**; sin embargo, para nuestro propósito, no es funcional cuando las respuestas son extensas. Así que, a partir de este modelo (que ya descargaste), hemos realizado los siguientes cambios:



Seguramente, ya habrás dado un vistazo a la configuración del objeto interactivo y te habrán surgido varias inquietudes. No te preocupes, que daremos una explicación del contenido del interactivo y las modificaciones que aún faltan; por ahora, haz los cambios sugeridos en el vídeo y verifica que si funcionen bien las nuevas casillas de verificación.

1.2.1 Dimensionamiento de vectores

En el selector **Definiciones** hemos definido dos vectores, uno para las preguntas y otro para las respuestas. Para el ejemplo hemos creado sólo tres preguntas:



id	P	evaluar	una sola vez	tamaño	4
----	---	---------	--------------	--------	---

```
P[0]=0
P[1]='Apellido de Juan Manuel, expresidente de Colombia'
P[2]='Autor de la frase "Pienso luego existo"'
P[3]='Insecto productor de miel'
```

Figura 1.2. Vector P de dimensión o tamaño 4.

Descartes crea por defecto un vector de tamaño 3, donde el primer elemento es $R[0]$. Este primer elemento, en la mayoría de los casos, no lo tendremos en cuenta. Como hemos diseñado el ejemplo para tres preguntas $P[1]$, $P[2]$ y $P[3]$, el tamaño del vector sería 4.

Para cada pregunta tendremos cuatro respuestas (selección múltiple), lo que requiere un vector de tamaño 13 (12 respuestas más el vector $R[0]$).

Si observas el vector R , notarás que hemos cometido un error, pues el tamaño lo hemos dejado en 3 pero... ¡aún así funciona el iterativo! Esto es cierto, pues Descartes, por ahora, es tolerante con este error; sin embargo, procurando una buena disciplina de programación², el vector R debe quedar dimensionado como lo muestra la **Figura 1.3**.

² En la mayoría de lenguajes de programación, el mal dimensionamiento de un vector genera errores, impidiendo la ejecución del programa.

id	R	evaluar	una sola vez	tamaño	13
<pre>R[0]=0 R[1]='Santos' R[2]='Uribe' R[3]='Duque' R[4]='Serpa' R[5]='Descartes' R[6]='Berkeley' R[7]='Francisco Maturana' R[8]='El chavo del ocho' R[9]='Abeja' R[10]='Cucaracha' R[11]='El oso Yogui' R[12]='La matis sagrada'</pre>					

Figura 1.3. Vector **R** de dimensión 13.

Observa que en el algoritmo **INICIO**, hemos declarado dos variables (**total_preguntas** y **pregunta**), las cuales nos servirán para entender la configuración de los dos controles tipo botón.

id	INICIO	evaluar	una sola vez
inicio			
<pre>total_preguntas=3 pregunta=1 asigna_preguntas() calcula_posiciones()</pre>			

Figura 1.4. Algoritmo **INICIO** del interactivo "Selección múltiple"

Pero no sólo basta con estas variables, también hay que comprender cómo funcionan las siguientes variables.

1.2.2 Variables de espacio



Variables de espacio

Las variables de espacio permiten conocer el alto, ancho y escala de un espacio. Adicionalmente, el usuario puede modificarlas para lograr espacios de características particulares.

Las variables de espacio empiezan siempre con un prefijo que es el identificador del espacio en cuestión. Como notación usamos `<Nombre del espacio>` para indicar que ahí va el identificador del espacio.

`<Nombre del espacio>._w`: Esta variable permite conocer el ancho de un espacio en píxeles. El sufijo `w` viene de *width*, que es anchura. Por ejemplo, la variable `E1._w` nos permitiría conocer cuántos píxeles tiene de ancho el espacio `E1`.

`<Nombre del espacio>._h`: Esta variable permite conocer el alto de un espacio en píxeles. El sufijo `h` viene de *height*, que es altura. Por ejemplo, la variable `E1._h` nos permitiría conocer cuántos píxeles de altura tiene el espacio `E1`.

`<Nombre del espacio>.0x`: Esta variable permite conocer el desplazamiento horizontal del origen en píxeles. El sufijo `0x` viene de *offset* de *x*. Por defecto, el origen del plano aparece en el centro del espacio. Pero se le puede asignar un desplazamiento (u *offset*) positivo si se desea moverlo a la



Botón verificar

Habrás notado que los dos botones se encuentran centrados horizontalmente y a unos 10 pixeles del borde inferior. Esto se logra usando las variables de espacio, así:

- Centrado horizontal. Al ancho del espacio le restamos el ancho del botón y dividimos por dos, el resultado es la posición en **x** del botón:
 $x = (E1._w - 120) / 2$
- Posición vertical. Al alto del espacio le restamos el alto del botón y 10 pixeles más: $y = E1._h - 40$

Para el botón verificar de dimensiones 120×30 pixeles, la configuración usada es:

expresión `((E1._w-120)/2,E1._h-40,120,30)`

El uso de estas variables permitió que no se afectara la configuración cuando cambiamos las dimensiones de la escena. Este botón sólo se muestra cuando la variable **ver** es cero (0), a la cual se le asigna uno (1), al hacer clic sobre el botón.

Botón otra pregunta

Su configuración es similar al anterior botón, pero con un ancho de botón de 160 pixeles. Se muestra cuando la variable **ver** es uno (1) y, además, cuando la variable **pregunta** no ha superado el total de preguntas, es decir:

dibujar si `(ver=1)&(pregunta<total_preguntas)`

Al hacer clic sobre este último botón, se ejecutan las siguientes acciones:

```
ver=0  
pregunta=pregunta+1  
asigna_preguntas()  
calcula_posiciones()
```

una de ellas es la variable **pregunta** que se incrementa en uno (1), permitiendo mostrar (**ver=0**) la siguiente pregunta. Las dos funciones invocadas, al igual que lo hace el algoritmo **INICIO**, las explicamos a continuación.

Función **asigna_preguntas()**

Podríamos haber usado vectores para asignar las respuestas a cada pregunta, pero para facilitar su comprensión hemos usado cuatro variables **r1**, **r2**, **r3** y **r4**. Observa con cuidado las expresiones asignadas con respecto al vector **R** que almacena el total de respuestas:

The screenshot displays a software interface with two main panels. The left panel shows the details of a function named 'asigna_preguntas()'. It includes fields for 'id', 'dominio', 'local', and 'inicio', all of which are empty. Below these fields, there is a code block containing four lines of assignment statements: `r1=4*(pregunta-1)+1`, `r2=4*(pregunta-1)+2`, `r3=4*(pregunta-1)+3`, and `r4=4*(pregunta-1)+4`. The right panel shows a list of responses stored in an array 'R'. The array is indexed from 0 to 12, with the following values: `R[0]=0`, `R[1]='Santos'`, `R[2]='Uribe'`, `R[3]='Duque'`, `R[4]='Serpa'`, `R[5]='Descartes'`, `R[6]='Berkeley'`, `R[7]='Francisco Maturana'`, `R[8]='El chavo del ocho'`, `R[9]='Abeja'`, `R[10]='Cucaracha'`, `R[11]='El oso Yogui'`, and `R[12]='La mantis sagrada'`.

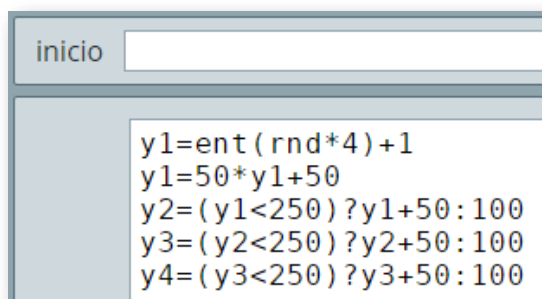
id	R
asigna_preguntas()	
dominio	
local	
inicio	
<code>r1=4*(pregunta-1)+1</code> <code>r2=4*(pregunta-1)+2</code> <code>r3=4*(pregunta-1)+3</code> <code>r4=4*(pregunta-1)+4</code>	

id	R
	<code>R[0]=0</code> <code>R[1]='Santos'</code> <code>R[2]='Uribe'</code> <code>R[3]='Duque'</code> <code>R[4]='Serpa'</code> <code>R[5]='Descartes'</code> <code>R[6]='Berkeley'</code> <code>R[7]='Francisco Maturana'</code> <code>R[8]='El chavo del ocho'</code> <code>R[9]='Abeja'</code> <code>R[10]='Cucaracha'</code> <code>R[11]='El oso Yogui'</code> <code>R[12]='La mantis sagrada'</code>

Por ejemplo, si la pregunta es la segunda (**pregunta = 2**), los valores de **r1**, **r2**, **r3** y **r4** serían **5**, **6**, **7** y **8** que corresponden al segundo bloque de respuestas del vector **R**.

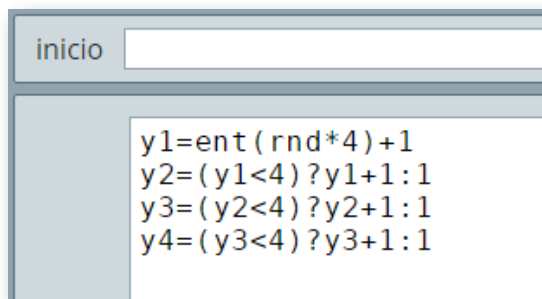
Función **calcula_posiciones()**

Las expresiones asociadas a esta función, fueron diseñadas para el modelo con **casillas de verificación**, las cuales se posicionaban verticalmente en forma aleatoria:



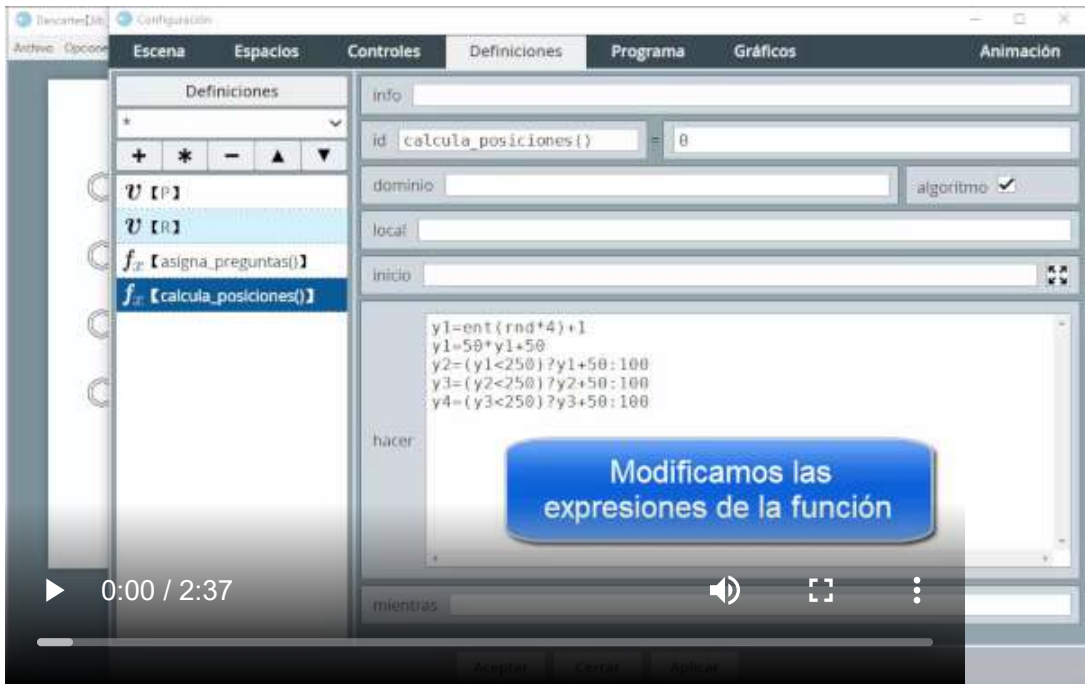
```
inicio   
  
y1=ent(rnd*4)+1  
y1=50*y1+50  
y2=(y1<250)?y1+50:100  
y3=(y2<250)?y2+50:100  
y4=(y3<250)?y3+50:100
```

En este segundo modelo vamos a usar las coordenadas del espacio para ubicar la respuestas, por lo que debemos cambiar las expresiones por:



```
inicio   
  
y1=ent(rnd*4)+1  
y2=(y1<4)?y1+1:1  
y3=(y2<4)?y2+1:1  
y4=(y3<4)?y3+1:1
```

La verdadera aleatoriedad la tiene **r1**, que corresponde a la respuesta verdadera. Observa en el siguiente vídeo cómo vamos a posicionar las respuestas, de acuerdo a los valores de **y1**, **y2**, **y3** y **y4**.



Pudiste observar que ya podemos usar respuestas largas, para ello, hemos puesto un ancho de 500 pixeles. Las demás acciones realizadas ya las hemos explicado en el nivel I. Las expresiones para ubicar las respuestas verticalmente debes analizarlas y deducir su funcionalidad.

Ahora sólo nos falta identificar cuando una selección es correcta o no y, además, explicar las condiciones para mostrar el arco relleno. Para esto, es necesario que indagues sobre las variables del ratón en el siguiente texto.

1.2.3 Variables del ratón



Variables del Ratón

Las variables del ratón se usan para identificar el estado del ratón. Por ejemplo, si su botón izquierdo ha sido oprimido, o si está siendo oprimido. También se pueden conocer las coordenadas relativas del ratón.

Para usar estas variables es preciso indicar el espacio relacionado (sobre el cual se quiere conocer el estado del ratón) mediante un prefijo, que es el identificador del espacio. Como notación usamos `<Nombre del espacio>` para indicar que ahí va el identificador del espacio.

`<Nombre del espacio>.mouse_x`: Esta variable permite conocer la coordenada horizontal relativa al plano cartesiano en que el ratón se encuentra al momento de estar presionado su botón. Su valor se refresca sólo cuando el ratón está oprimido (si el ratón sólo se pasea sin estar oprimido, el valor de esta variable no se refresca, excepto cuando se activa la casilla "sensible a los movimientos del ratón").

Por ejemplo, la variable `E1.mouse_x` nos indica la coordenada horizontal del ratón en el espacio `E1` cuando se hace clic con el mismo

`<Nombre del espacio>.mouse_y`: Esta variable permite conocer la coordenada vertical relativa al plano cartesiano en que el ratón se encuentra al momento de estar presionado su botón. Su valor se refresca sólo cuando el ratón está oprimido (si el ratón sólo se pasea sin estar oprimido, el valor de esta

Ahora entenderás por qué en el círculo relleno usamos la siguiente condición:

```
(abs(s-E1.mouse_y)<0.5) & (abs(-7-E1.mouse_x)<0.5) &  
(E1.mouse_clicked=1)
```

La familia de círculos con centro en $(-7, s)$, con s variando de -2 a 4 y con pasos 3 , son círculos con centros en $(-7, -2)$, $(-7, 0)$, $(-7, 2)$ y $(-7, 4)$. Cuando s es igual a 2 y hacemos clic cerca del centro $(-7, 2)$, significa que se cumplen las tres condiciones y se activa el círculo. Estas mismas condiciones las hemos usado en el algoritmo **CALCULOS** para calcular una variable llamada **selecciona**, la cual es igual a uno (**1**) si se ha activado algún círculo:

id	CALCULOS	evaluar	siempre
inicio			
<pre>selecciona1=(abs(4-E1.mouse_y)<.5)&(abs(-7-E1.mouse_x)<.5)&(E1.mouse_clicked=1) selecciona2=(abs(2-E1.mouse_y)<.5)&(abs(-7-E1.mouse_x)<.5)&(E1.mouse_clicked=1) selecciona3=(abs(E1.mouse_y)<.5)&(abs(-7-E1.mouse_x)<.5)&(E1.mouse_clicked=1) selecciona4=(abs(-2-E1.mouse_y)<.5)&(abs(-7-E1.mouse_x)<.5)&(E1.mouse_clicked=1) selecciona=selecciona1+selecciona2+selecciona3+selecciona4</pre>			

Corregimos los textos para acierto y desacierto:

dibujar si	(ver=1)&(abs(6-2*y1-E1.mouse_y)<.5)		
expresión	(0, -4)		
familia	☐	parámetro	s
intervalo	[0		
texto	¡Eso es correcto!		
fuente	SansSerif	tam fuente	25

Para evitar que se vuelva a hacer clic en otra respuesta, agregamos un espacio igual a **E1**, pero con transparencia, el cual lo hemos llamado **mascara**:

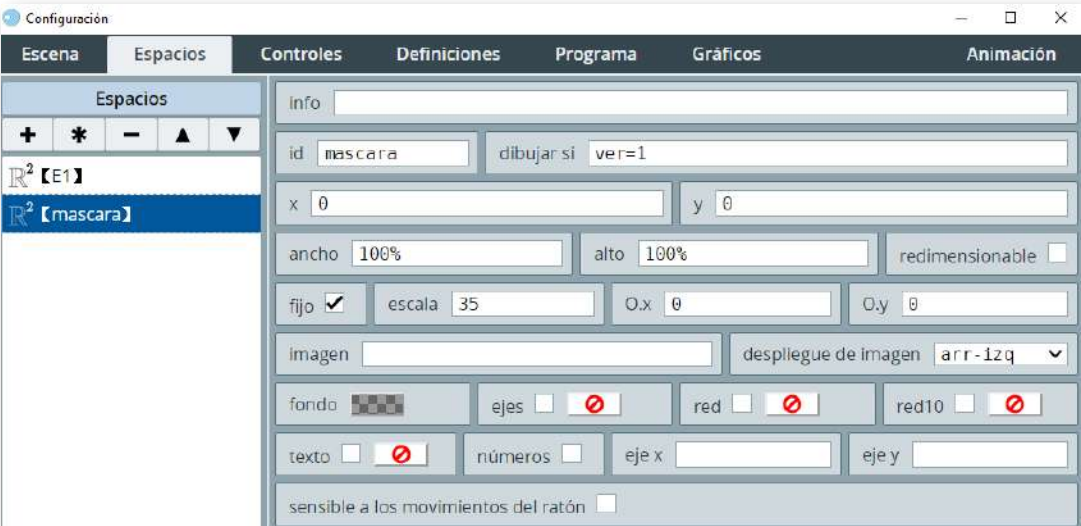
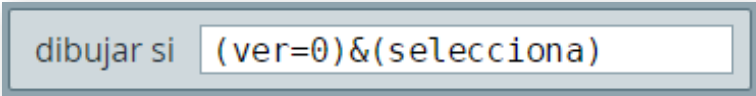
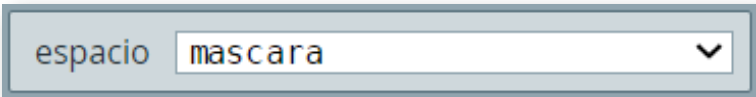


Figura 1.5. Espacio transparente que evita hacer clic sobre las respuestas

Modificamos la condición del control **Verificar**, así:



Obviamente, debemos tener la posibilidad de hacer clic en el botón **Otra pregunta**, por ello, cambiamos el espacio donde debe aparecer este botón:



Finalmente, el objeto interactivo quedaría así:



Apellido de Juan Manuel, expresidente de Colombia

- ☐ Uribe
- ☐ Duque
- ☐ Serpa
- ☐ Santos. Tuvo dos períodos presidenciales, siendo el sucesor de Álvaro Uribe

La imagen de fondo y las de los botones quedan a tu gusto... ya sabes cómo hacerlo.

Tarea 1

Tu tarea es ampliar el sistema de preguntas a 10. Si pusiste atención a las explicaciones, podrás concluir que las modificaciones son pocas, excepto por las preguntas y respuestas. Es importante que no olvides que la respuesta correcta siempre debe ir al inicio.

1.2.4 Uso de datos externos para vectores

Si has terminado la tarea anterior, observaste que es algo engorroso digitar las 40 respuestas correspondientes a las 10 preguntas. Existe una opción, la cual consiste en digitar el contenido de los vectores en archivos de texto (bloc de notas en Windows); por ejemplo, `preguntas.txt` y `respuestas.txt`.

Cuando creas un vector, observarás que al final hay una casilla para incluir la dirección a un archivo, en este campo de texto se introduce la ruta relativa a un archivo del cual se obtendrá la información para llenar las entradas del vector.

En la **Figura 1.6** puedes observar la creación de un archivo de texto con el nombre `respuestas.txt`. En este archivo hemos digitado el contenido de las respuestas, encerradas en comillas simples. Los espacios entre bloques de respuestas es por facilidad de lectura, los cuales no son tenidos en cuenta al asignar los valores de los elementos del vector. Por otra parte, en el editor de DescartesJS, para el vector `R`, hemos incluido la ruta relativa al archivos `respuestas.txt`.

Puedes practicar con el objeto interactivo que hemos diseñado, para verificar el funcionamiento de esta alternativa, seguramente es más cómodo, pues sólo debes digitar los contenidos entre comillas simples.

Puedes hacerlo con sólo tres preguntas y verificar en varios navegadores... Te recomendamos que lo hagas.

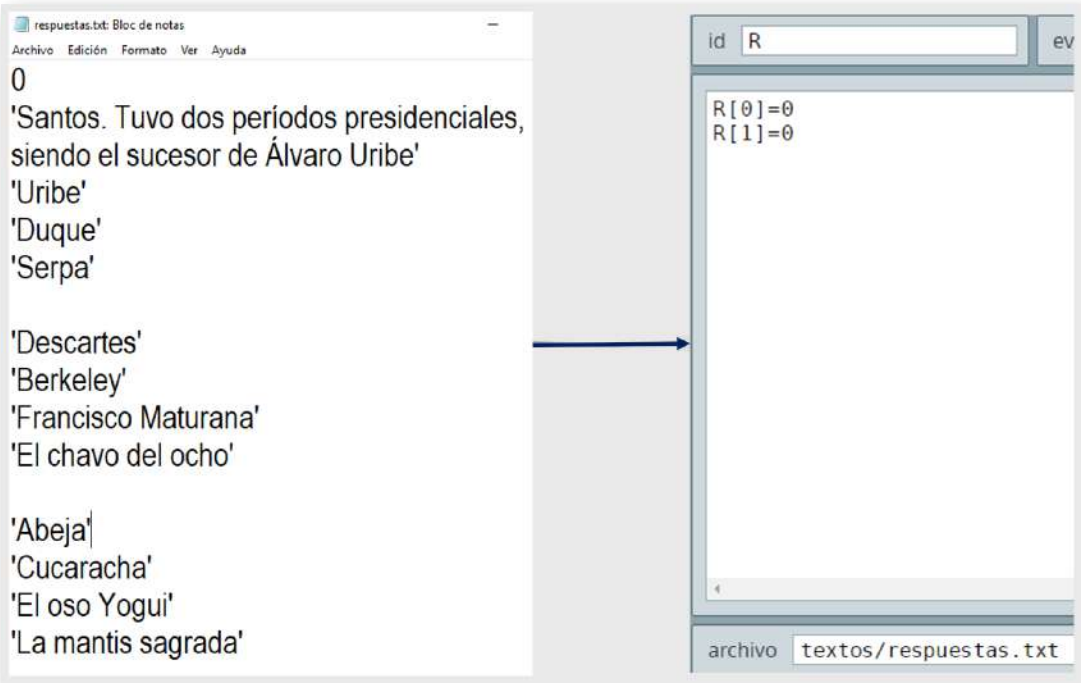


Figura 1.6. Uso de archivo de texto para el contenido del vector R.

Si verificaste la lectura de archivos y en Chrome no te ha funcionado, es porque tienes una versión del editor DescartesJS anterior a la 1.024

En este navegador existe una directiva de seguridad que impide la lectura externa de archivos de texto. Por ello, a partir de la versión 1.024 el contenido de los archivos se guardan al final del archivo html.

La alternativa, anterior a esta versión, consistía en copiar los datos de los archivos de texto al final del archivo html, que puedes abrir y modificar con el bloc de notas. Aprenderás cómo hacerlo en la siguiente actividad.

Actividad 2

Continuamos nuestro estudio de vectores con el diseño de una actividad interactiva que consiste en identificar la ciudad capital de países europeos. Inicialmente, descarga el objeto interactivo [aquí](#) y, luego, analiza las explicaciones de cómo se ha diseñado.

La escena tiene una tamaño de 600×550 pixeles. En el espacio E1 hemos agregado una imagen con el mapa de Europa:

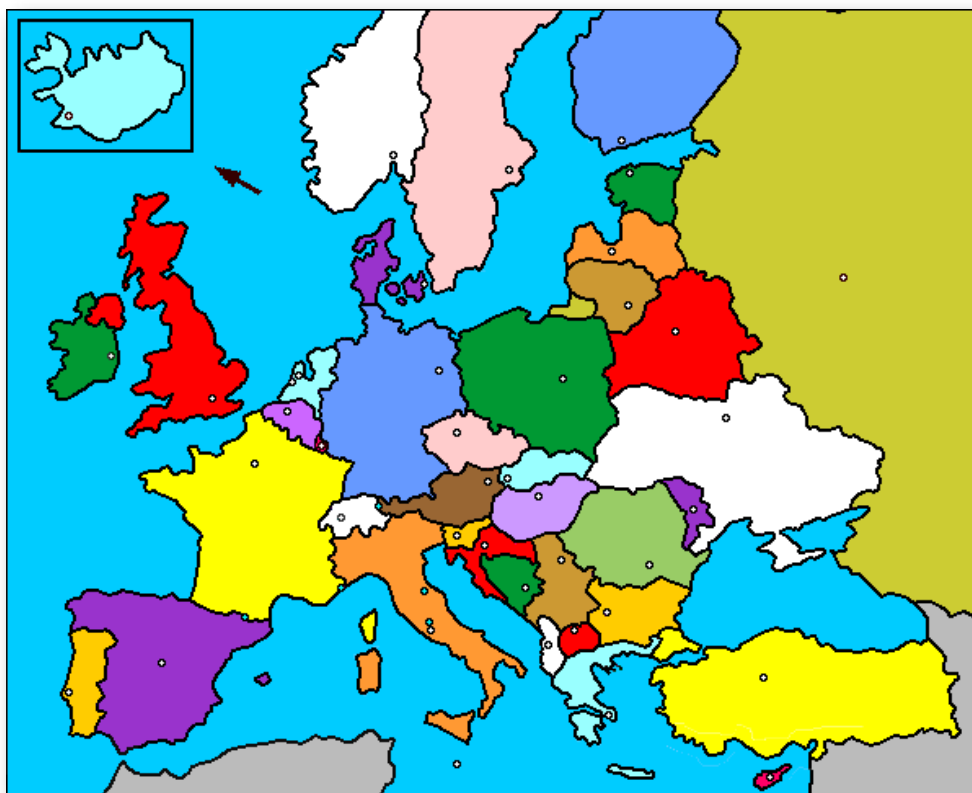
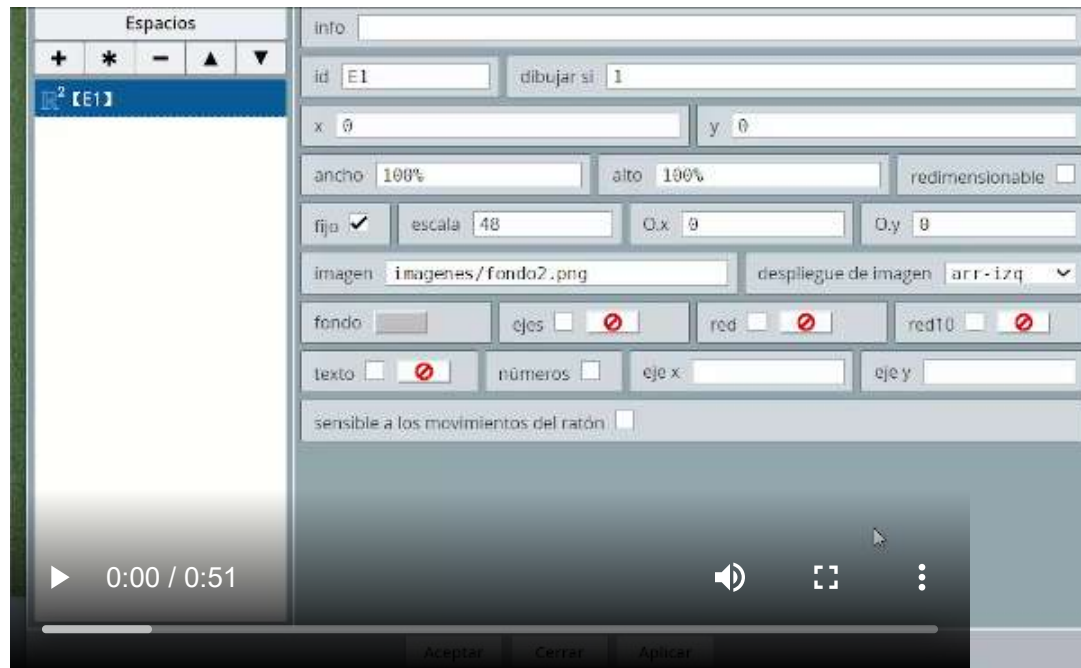


Figura 1.7. Mapa mudo de Europa

De este mapa seleccionamos 10 países e identificamos sus coordenadas, tal como se muestra en el siguiente vídeo:



Obviamente, el color del texto habría que cambiarlo en colores claros. Una vez identificadas las coordenadas, creamos tres archivos de texto: **países.txt**, **abscisas.txt** y **ordenadas.txt** y los guardamos en una carpeta de nombre **Ficheros**.

Observa la **Figura 1.8** que describe cómo se asignan los datos a los vectores **P**, **X** e **Y**.

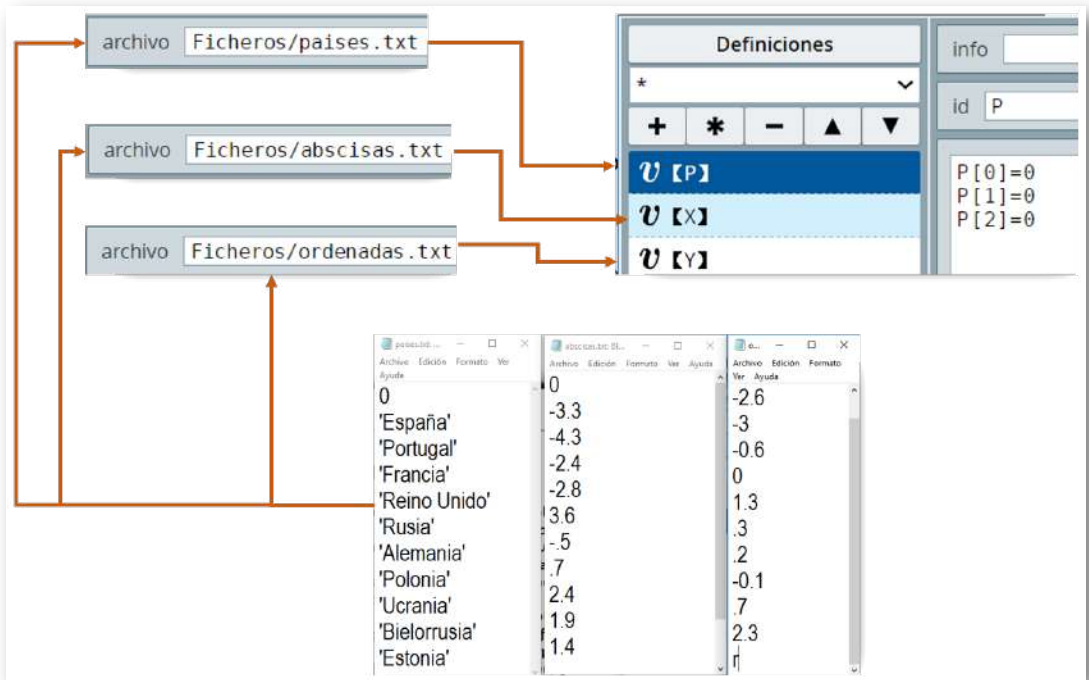


Figura 1.8. Asignación de datos externos a los vectores P , X e Y .

No explicamos los demás elementos que constituyen el objeto interactivo, pues ya estás en capacidad de analizarlos y comprenderlos. Observa que para cada pregunta aleatoria ($p = \text{ent}(\text{rnd} \cdot 10) + 1$) se han usado variables del ratón para detectar si se ha hecho clic en la capital correcta.

Como lo dijimos antes, el interactivo así diseñado funciona bien en la mayoría de los navegadores, excepto en Chrome si tienes una versión anterior a la 1.024, situación que se corrige si los datos externos (países, abscisas y ordenadas), se escriben dentro del archivo `index.html`, tal como lo vamos a explicar a continuación en la siguiente presentación.

Para observar las diapositivas debes hacer clic sobre la imagen, luego usar la flecha del teclado para avanzar. Debes tener el sonido activado, pues cada diapositiva tiene una explicación en archivo de audio.



Con esta alternativa no necesitamos los archivos `txt`, y es funcional en Chrome.

Tarea 2

Amplía el número de países a 20. Una ayuda: debes cambiar `p=ent(rnd*10)+1` por `p=ent(rnd*20)+1` y no olvidar redimensionar los vectores.

1.3 Matrices

Otra forma de almacenar información es a través de tablas, tal como lo hacemos en una hoja de cálculo. Si bien las matrices han sido más un tema de álgebra lineal, ello no significa que no podamos definir nuestros arreglos (matrices) para procesar información. Veamos, inicialmente, cómo se procesa esta información en álgebra lineal:



Una de las primeras aplicaciones de las matrices, que nos muestra el vídeo de Bill Shillito, es la solución de ecuaciones de un sistema de fuerzas, las cuales se organizan en matrices y vectores, tal como lo muestra la siguiente escena interactiva:



Las ecuaciones y las matrices

ECUACIONES

$$\begin{array}{rclcl} 5x & +2y & +7z & = & 7 \\ -9x & -8y & -6z & = & 2 \\ -8x & +0y & -5z & = & 3 \end{array}$$

En el algebra lineal son muy importantes las operaciones entre matrices. Gracias a los arreglos de números en forma de matrices es posible manipular simultáneamente cientos de ecuaciones, que surgen en problemas de aplicación en la Ingeniería y en la Ciencia en general. Haz clic en el botón de animación, para que observes cómo se representan, matricialmente, estas ecuaciones.

Animar

Una matriz, entonces, es una tabla rectangular de datos ordenados en filas y columnas. Si una matriz tiene m filas y n columnas, decimos que la matriz es de orden $m \times n$. Todos los elementos de las matrices se denotan con subíndices a_{ij} , el valor de i representa la fila y el valor de j la columna. Los valores de i van de 1 a m y los valores de j van de 1 a n ; a_{ij} es el elemento de la fila i y la columna j .

$$A = \begin{bmatrix} -4 & -11 & -5 & 6 & 0 & 6 & 2 & 2 & 0 \\ 3 & 0 & 7 & -5 & 3 & 0 & 0 & 0 & -15 \\ 0 & 0 & 0 & -12 & 6 & -13 & -10 & 0 & 0 \\ 0 & -14 & 0 & -4 & -4 & -14 & 7 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -8 & -8 & -5 & 5 \\ 5 & -7 & -7 & 0 & -5 & 6 & -5 & -11 & -11 \\ -10 & -12 & 11 & 0 & 6 & 0 & 10 & 1 & 0 \\ -5 & 0 & 9 & -7 & -8 & -13 & -1 & 0 & 0 \\ 1 & 13 & 5 & 1 & -12 & 7 & -8 & -9 & -13 \end{bmatrix}$$

¿Cuál es el valor de a_{82} ?

No es nuestro propósito desarrollar un curso de álgebra matricial, sólo es una muestra de cómo se puede usar este tipo de arreglos de información. En el vídeo de Shillito se explican algunas operaciones con matrices, de las cuales hemos seleccionado la más simple... la suma de matrices:



Suma de matrices

$$A = \begin{bmatrix} 5 & -5 & 2 \\ 8 & -4 & 5 \\ -9 & -4 & 7 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 7 & 0 \\ -9 & -8 & 0 \\ -8 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

CALCULAR A + B

Paso 1

La suma de matrices tiene algunas propiedades: es conmutativa, asociativa y distributiva con respecto a la multiplicación por un escalar, tiene módulo y tiene inversa.

$A + B = B + A$ Conmutativa
 $A + (B + C) = (A + B) + C$ Asociativa
 $k(A + B) = kA + kB$ Distributiva
 $A + 0 = 0 + A = A$ Modulativa

A la izquierda, puedes observar cómo se calcula la suma de dos matrices.

Inicio el cálculo, haciendo clic en el botón "paso".

La herramienta de autor DescartesJS presenta su modelo de matriz de la siguiente forma:

Matriz

Se observó previamente lo poderoso que puede ser un vector para manejar grandes cantidades de información. No obstante, a veces es necesario manejar información no sólo en una hilera de datos, sino como celdas en una tabla. Es entonces cuando ocupamos las matrices.

Las matrices consisten en una especie de tabla con diversas celdas. Puede ejemplificarse con una cajonera que tiene hileras de cajones y columnas, y cada cajón guarda un determinado valor. En este caso, a diferencia de los vectores, se debe especificar la coordenada de la entrada de la matriz con un par de índices separados por una coma. Por ejemplo para una matriz *A*, *A*[3,7] correspondería a la entrada de la cuarta columna (recuerda que los índices se empiezan a contar desde el valor cero) y octava fila. Es decir, la notación es de la forma *A*[columna, fila]. En la siguiente figura se observan los componentes de una definición tipo matriz.



Si prestaste atención, habrás notado dos diferencias significativas con respecto a las matrices que hemos definido previamente. La primera es el orden de los elementos, pues DescartesJS usa *columnas* $\times$ *filas* y no *filas* $\times$ *columnas* como tradicionalmente se hace en álgebra lineal. La segunda es que todas las matrices tendrán por defecto una fila y una columna de subíndice cero (0). No obstante estas diferencias, la posibilidad de almacenar datos en arreglos bidimensionales se constituye en una herramienta muy valiosa para el diseño de algunos objetos interactivos, no necesariamente de álgebra lineal³. Por ejemplo, la siguiente actividad almacena códigos de colores para sumar matrices cuyos elementos corresponden a un color (recuerda que la suma se realiza entre elementos de la misma fila y la misma columna).

Actividad 3

Esta actividad consiste en sumar matrices a través de colores, es decir, la suma de A y B da como resultado otra matriz de colores. Recuerda que dos colores iguales dan el mismo color. Para colores diferentes, ten en cuenta:

- Amarillo + azul = verde
- Rojo + amarillo = naranja
- Rojo + blanco = rosa
- Azul + blanco = turquesa
- Rojo + azul = magenta
- Blanco + amarillo = amarillo claro

³ Utilizando matrices de DescartesJS, se diseñaron algunas unidades interactivas de álgebra lineal en el proyecto Un_100, las cuales se pueden consultar en http://proyectodescartes.org/Un_100/Algebra_lineal.htm. En otro capítulo abordaremos la interface con la herramienta GeoGebra, la cual posee una utilidad de Cálculo Simbólico CAS (Computer Algebra System), más apropiada para cálculos matriciales inmediatos.

El diseño del objeto interactivo lo vamos a explicar a través de la siguiente presentación. Recuerda que para observar las diapositivas debes hacer clic sobre la imagen y luego usar la flecha del teclado para avanzar. Debes tener el sonido activado, pues cada diapositiva tiene una explicación en archivo de audio. Abre el editor de DescartesJS para que vayas construyendo el objeto interactivo.



Presentamos, de nuevo, el objeto interactivo para que te sirva de orientación.



Haz clic sobre las celdas de la matriz S para buscar el color

$A =$

Blue	Red	White
Yellow	Blue	Red

$B =$

White	Blue	White
Blue	Yellow	Red

CALCULAR A + B

$S = A + B =$

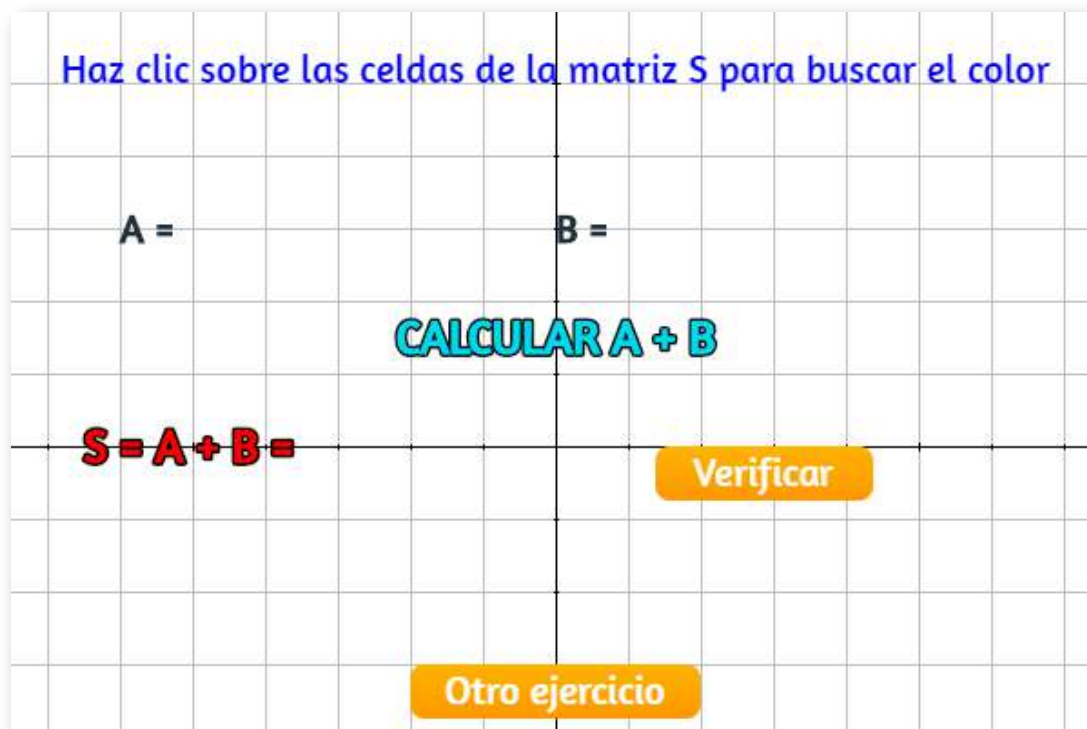
Yellow	Yellow	Yellow
Yellow	Yellow	Yellow

Verificar

Otro ejercicio

1.3.1 Familias matriciales de polígonos

En la presentación anterior se indican seis familias de polígonos para dibujar las tres matrices color. Es decir, por cada matriz de 3×2 (3 filas, 3 columnas) se usaron dos familias de polígonos (dos filas de polígonos). Hasta este punto, la escena que hemos diseñado, tendría la siguiente forma:



Hemos dejado visible la red cartesiana para una mejor ilustración.

Observa que están dispuestos los seis cajones para las tres matrices de nuestro interés (A , B y S). Para la matriz A , los polígonos los podemos dibujar con las siguientes familias:

expresión	(s,4) (s,3) (s+1,3) (s+1,4) (s,4)					
familia ☒	parámetro	s	intervalo	[-5, -3]	pasos	2

y

expresión	(s,3) (s,2) (s+1,2) (s+1,3) (s,3)					
familia ☒	parámetro	s	intervalo	[-5, -3]	pasos	2

El funcionamiento de cada fila es simple:

- Con $s = -5$, se dibuja el polígono $(-5,4)(-5,3)(-4,3)(-4,4)(-5,4)$, que corresponde a la esquina superior izquierda de la matriz de polígonos de A .
- Con $s = -4$ (paso 1): $(-4,4)(-4,3)(-3,3)(-3,4)(-4,4)$
- Con $s = -3$ (paso 2): $(-3,4)(-3,3)(-2,3)(-2,4)(-3,4)$

Lo cual, nos dibujaría la primera fila de A :



El ancho que hemos usado para la línea de los polígonos es 2. Este procedimiento se repite para las cinco líneas restantes.

Sin embargo, hay una forma de dibujar la matriz de polígonos completa, que vamos a explicar a continuación:

Usaremos una familia de polígonos con la siguiente expresión:

expresión

$(s\%3-5,4-\text{ent}(s/3))(s\%3-5,3-\text{ent}(s/3))(s\%3-4,3-\text{ent}(s/3))(s\%3-4,4-\text{ent}(s/3))(s\%3-5,4-\text{ent}(s/3))$

familia ☒

parámetro

intervalo

pasos

relleno ☒ 

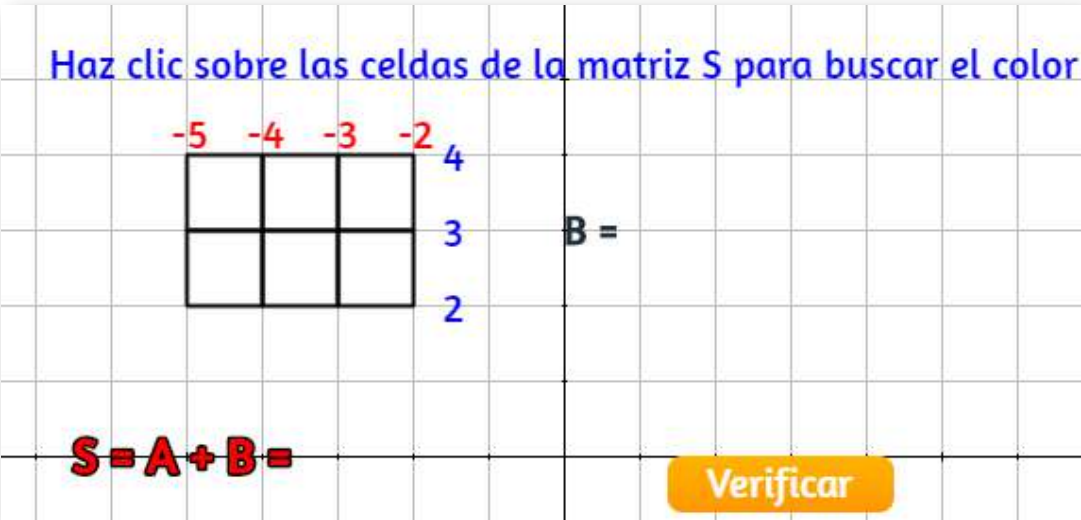
ancho

estilo de línea

Haz clic sobre la imagen para ver mejor la expresión.

No nos extrañaría que decidieras dibujar los polígonos con el procedimiento anterior, pero te sugerimos prestar atención a la explicación de cómo surge esta expresión y su utilidad para familias más extensas, ¿qué tal una matriz de 10×10 ?, ¿sería mejor una familia en lugar de 10!

En primer lugar, es necesario explicar qué significa el operador módulo $\%$. Este operador devuelve el residuo de una división. Por ejemplo, $a = 23\%7$ asignará el valor de 2 a la variable a , ya que 7 cabe 3 veces en 23 y sobra un residuo de 2. Ahora, observemos la matriz A de polígonos, en la cual hemos puesto los valores de las abscisas en rojo y la ordenadas en azul.



Sabemos que cada cuadrado se dibuja con cinco puntos, donde el primero y el último son iguales. La expresión dibuja cada cuadrado iniciando con el punto superior izquierdo, que para los seis cuadrados serían los puntos $(-5,4)$, $(-4,4)$, $(-3,4)$, $(-5,3)$, $(-4,3)$ y $(-3,3)$, verifiquemos que dichos puntos son generados por la expresión $(s\%3-5,4-\text{ent}(s/3))$ con $s=0$ hasta $s=5$, que es el primer punto de la familia:

- Con $s = 0$: $(0-5,4-0) \rightarrow (-5,4)$
- Con $s = 1$ (paso 1): $(1-5,4-0) \rightarrow (-4,4)$
- Con $s = 2$ (paso 2): $(2-5,4-0) \rightarrow (-3,4)$

Recuerda que la función `ent` devuelve la parte entera de la división, que para los puntos anteriores es cero.

- Con $s = 3$ (paso 3): $(0-5,4-1) \rightarrow (-5,3)$
- Con $s = 4$ (paso 4): $(1-5,4-1) \rightarrow (-4,3)$
- Con $s = 5$ (paso 5): $(2-5,4-1) \rightarrow (-3,3)$

Puedes verificar otros puntos de la familia de polígonos. Termina de dibujar las demás familias de polígonos con las siguientes expresiones:

```
(s%3+1,4-ent(s/3))(s%3+1,3-ent(s/3))(s%3+2,3-ent(s/3))(s%3+2,4-ent(s/3))(s%3+1,4-ent(s/3))
```

```
(s%3-3,1-ent(s/3))(s%3-3,-ent(s/3))(s%3-2,-ent(s/3))(s%3-2,1-ent(s/3))(s%3-3,1-ent(s/3))
```

Hecho esto, nuestra escena tendría la siguiente forma:

Haz clic sobre las celdas de la matriz S para buscar el color

A =

B =

CALCULAR A + B

S = A + B =

Verificar

Otro ejercicio

Sólo nos faltan los colores.

1.3.2 Matrices de colores

Los colores en DescartesJS se asignan a través de una ventana como la que se presenta a continuación (versión anterior de DescartesJS), con la cual puedes interactuar:

fondo ×

copiar
rojo ▼
pegar
?

transp	00	◀ ▶	
	ff	◀ ▶	
	00	◀ ▶	
	00	◀ ▶	

aceptar
cancelar

Lee el siguiente texto que describe el funcionamiento del panel de colores y cómo se puede usar tanto el sistema sexagesimal como el decimal en una escala de 0 a 1:

Herramienta del control de colores

Esta herramienta consiste en una ventana que es lanzada cuando se pulsa el botón de color para algún objeto en DescartesJS. Ejemplos de objetos que utilizan colores son: una curva, el color de los ejes, el color de los textos, el color del contorno y fondo de polígonos, así como muchos otros más. En la siguiente figura se muestra la ventana para el control de colores. El color usado en esta ventana es **8E44AD** y la transparencia es de **0**.



Esta ventana cuenta con los siguientes elementos:

menú de colores: un menú desplegable que permite elegir entre algunos colores prediseñados.

Hemos usado los siguientes colores en nuestro objeto interactivo:

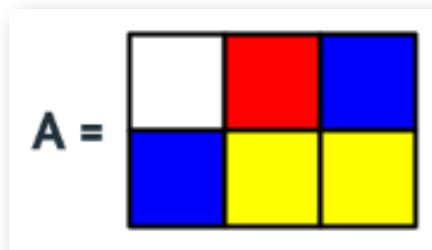
Número	Color	Valor hexadecimal	Valor decimal	Intervalo [0,1]
1	Amarillo	ffff00	255 255 0	1 1 0
2	Azul	0000ff	0 0 255	0 0 1
3	Rojo	ff0000	255 0 0	1 0 0
4	Blanco	ffffff	255 255 255	1 1 1
5	Verde	00ff00	0 255 0	0 1 0
6	Naranja	ffc800	255 200 0	1 0.78 0
7	Rosa	ffa5a5	255 175 175	1 0.7 0.7
8	Gris claro	c0c0c0	192 192 192	0.75 0.75 0.75
9	Turquesa	00ffff	0 255 255	0 1 1
10	Magenta	ff00ff	255 0 255	1 0 1
11	Amarillo claro	ffffc8	255 255 200	1 1 0.78

Observa que los cuatro primeros colores generan los demás colores (excepto el gris claro que no hace parte de la escena), por ello, los elementos de las matrices **A** y **B** son números entre 1 y 4: $\text{ent}(\text{rnd} \cdot 4) + 1$, es decir, sus contenidos son colores amarillo, azul, rojo o blanco. Por otra parte, la matriz **S** tiene elementos cuyo contenido son colores resultantes de sumar los elementos de **A** y **B**, recuerda que los almacenamos en las variables **r1**, **r2**, **r3**, **r4**, **r5** y **r6** con valores que van de 1 a 11 (excepto el 8 que corresponde al gris claro).

Los valores decimales que generan estos colores se encuentran en los vectores $f1$, $f2$ y $f3$; por ejemplo, el color turquesa (9) se obtiene con $f1[9] = 0$, $f2[9] = 1$ y $f3[9] = 1$, verifica en el selector **Definiciones** para otros colores.

Con lo anteriormente explicado, procedemos a asignar los colores a nuestras familias matriciales de polígonos, es decir, "las matrices de colores".

En forma similar al análisis que hicimos de los polígonos lo haremos con el panel de colores, es decir, para el Rojo (Red), Verde (Green) y Azul (Blue), conocidos como colores RGB. Para ello, analicemos la matriz A , con el siguiente supuesto:



Es decir, $A[0,0]=4$ (blanco), $A[1,0]=3$ (rojo), $A[2,0]=2$ (azul), $A[0,1]=2$ (azul), $A[1,1] = A[2,1] = 1$ (amarillo). Revisa la matriz en Definiciones.

Así las cosas, el color del primer polígono de la fila 0 es blanco, del segundo de la fila 0 es rojo, del tercero de la fila 0 es azul, del primero de la fila 1 es azul,...

Para asignar el color blanco, se logra con $f1[4]$, $f2[4]$ y $f3[4]$ en el panel de colores, lo mismo que $f1[A[0,0]]$, $f2[A[0,0]]$ y $f3[A[0,0]]$.

Dado lo anterior, el panel de colores para la matriz **A**, se debe configurar, así:

expresión (s%3-5,4-ent(s/3))(s%3-5,3-ent(s/3))(s%3-4,3-ent(s/3))(s%3-4,4-e

familia ☒

parámetro s

intervalo [0,5]

pasos 5

relleno ☒



ancho 2

estilo de línea solida

Copiar

Pegar

00

f1[A[s%3,ent(s/3)]]

f2[A[s%3,ent(s/3)]]

f3[A[s%3,ent(s/3)]]















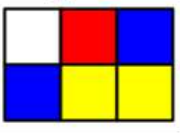




00000000

Aceptar

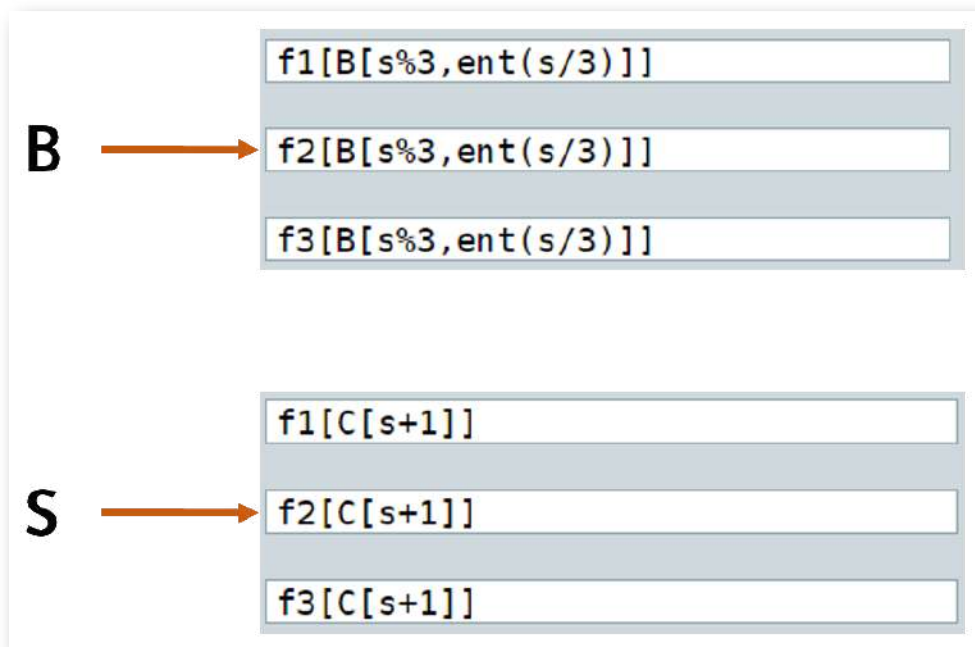
Cancelar

A = 

A = $\begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

Sólo para verificar, veamos qué ocurre con $s = 4 \rightarrow A[s\%3, \text{ent}(s/3)] = A[4\%3, \text{ent}(4/3)] = A[1,1]$, que sabemos que es igual a 1 (color amarillo); por lo tanto, se asignarían los colores RGB $f1[1], f2[1], f3[1]$, que corresponden respectivamente a 1, 1, 0 (ver los vectores en Definiciones), es decir, el amarillo.

En forma similar se asignan los colores de las matrices B y A :



Termina, entonces, el objeto interactivo. Si es necesario, regresa a los apartados anteriores y analiza con cuidado el procedimiento de diseño realizado.

¡Eso es todo!

Capítulo II

Diseño 3D

2.1 Actividades del capítulo

Al terminar este capítulo, habrás diseñado objetos interactivos como:



Este objeto incluye generación de cubos en forma matricial y aleatoria, colores aleatorios, variables de espacio y el parámetro **posini**.



Este objeto interactivo incluye espacios HTMLIframe y, obviamente, superficies paramétricas. Se hará énfasis en parámetros como el despliegue del espacio, el modelo de la superficie y en los valores de **Nu** y **Nv** en las superficies.

2.2 Espacios 3D

El diseño 3D que abordamos en este capítulo requiere de un nuevo espacio que, inicialmente, no aparece en el editor de configuraciones. Desde el selector **Espacios** puedes agregar un espacio 3D, el cual tiene las siguientes características:



Espacio R3 o 3D

Hasta ahora se ha lidiado con espacios bidimensionales. También existe la posibilidad de usar espacios tridimensionales. Éstos son un tipo de espacio en que se pueden colocar objetos tridimensionales. Una vez que se ha añadido uno de estos espacios y se ha pulsado el botón aplicar, aparece en el editor de configuraciones un nuevo selector llamado **Gráficos 3D**, en el que se pueden incluir gráficos de tipo tridimensional.



La mayoría de los controles de estos espacios son iguales a los de espacios bidimensionales, con algunas excepciones, a saber:

despliegue: al usar tres dimensiones, los objetos colocados en el espacio pueden estar unos frente a otros. Para determinar cuáles quedan frente a cuáles hay 2 métodos distintos:

Para iniciar nuestra primera actividad, agrega un espacio R3. Notarás que el color por defecto es negro, el cual es necesario modificar de acuerdo al diseño de la escena que pretendemos obtener.

2.3 Sistema de coordenadas 3D

Para el diseño de escenas tridimensionales, es importante comprender el sistema de coordenadas de los espacios 3D, por ello, hemos programado la siguiente actividad:

Actividad 4

Diseñaremos, paso a paso, un plano cartesiano 3D similar al de la Figura 2.1

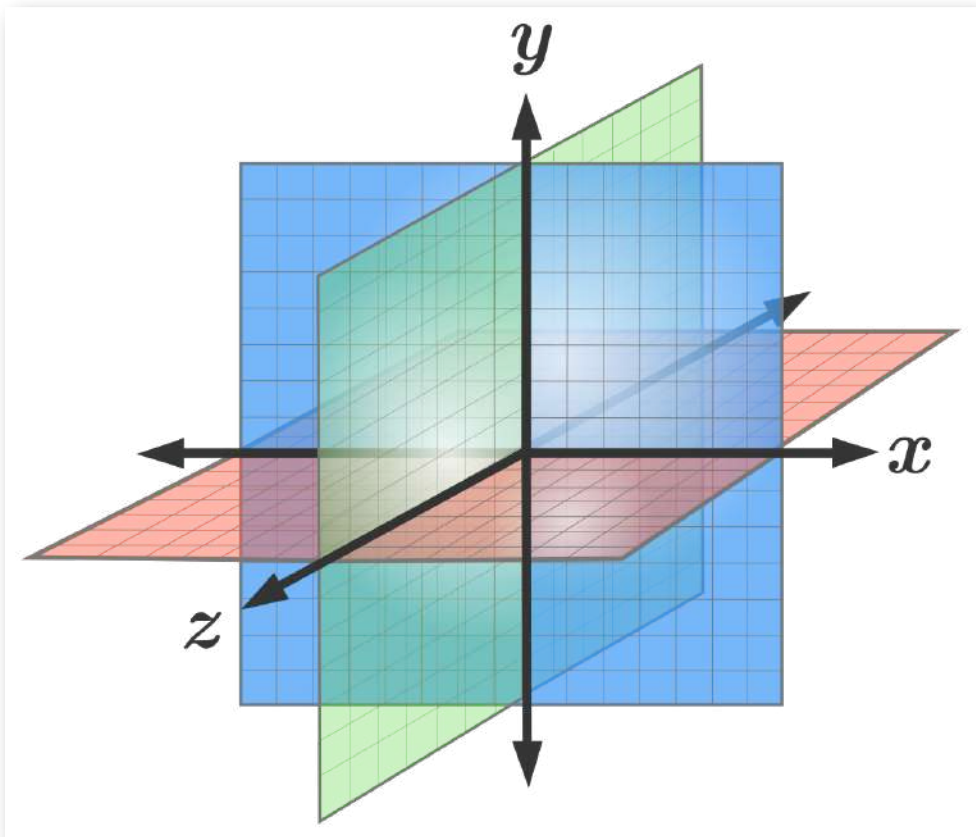


Figura 2.1. Plano cartesiano 3D.

- **Espacio 3D.** Crea un espacio **R3** de 600×550 píxeles, escala **40**, **despliegue pintor** y cambia el color del fondo a **blanco**

id	E2		dibujar si	1	
x	0		y	0	
ancho	100%	alto	100%	redimensionable	☐
fijo	☐	escala	40	O.x	0
				O.y	0
imagen				despliegue de imagen	arr-izq
fondo		despliegue	pintor	cortar	☐

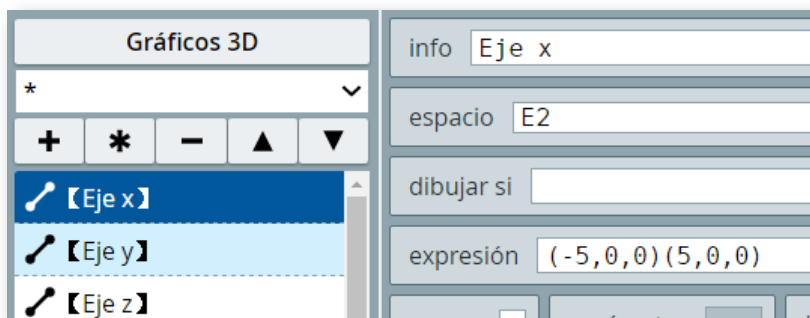
DescartesJS asume por defecto el sistema dextrógiro⁴, con el semieje $0Z$ vertical, el semieje $0Y$ horizontal y el $0X$ perpendicular a la pantalla.

- **Rotaciones.** Dado que el semieje $0X$ estaría frente a nosotros, realicemos los siguientes giros:

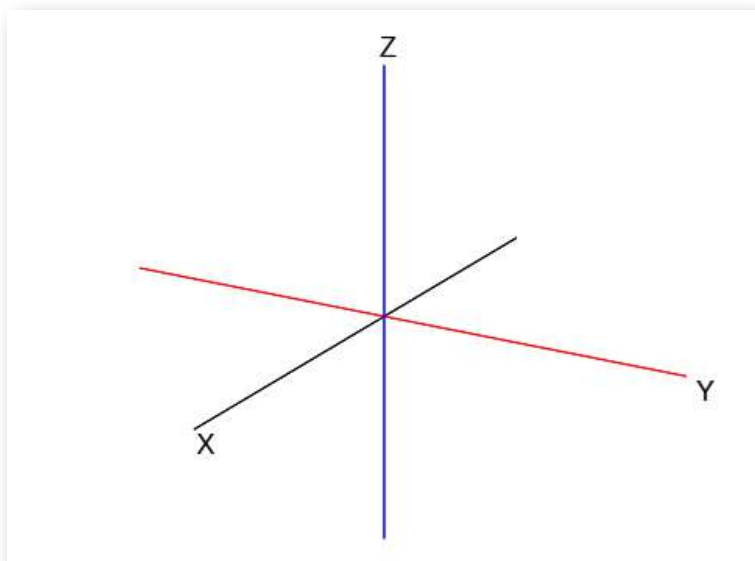
id	INICIO	evaluar	una sola vez
inicio			
<pre>E2.rot.y=20 E2.rot.z=-30</pre>			

⁴ Un sistema dextrógiro es aquel donde un observador situado en el semieje $0Z$ ve al semieje $0Y$ coincidir con el semieje $0X$, cuando el semieje $0Y$ gira 90° en sentido antihorario. Por otra parte, el sistema levógiro es aquel en el que el semieje $0X$ coincide con el semieje $0Y$ a través de un giro de 90° en sentido horario. El sistema de la **Figura 2.1** es dextrógiro.

- **Ejes cartesianos.** En el selector **Gráficos 3D** agrega tres vectores. El primero es el Eje X en las coordenadas $(-5,0,0)(5,0,0)$, ancho = 1, Nu = 1 y color negro. El segundo es el eje Y en las coordenadas $(0,-5,0)(0,5,0)$, ancho = 1, Nu = 1 y color rojo. El tercero es el eje Z en las coordenadas $(0,0,-4)(0,0,4)$, ancho = 1, Nu = 1 y color azul.



- **Nombre de los ejes.** Agregamos tres puntos en las coordenadas $(5,0,0)$, $(0,5,0)$ y $(0,0,4.5)$ con los textos X , Y y Z respectivamente (pon algunos espacios en el texto para que no se monten en el eje). Hasta aquí, tu escena debe estar así:



- **Flechas en los ejes.** Dado que no existe el gráfico **flecha** en el selector **Gráficos 3D**, pondremos las puntas de flecha en los segmentos, usando el gráfico **cono**, así (para el semieje $0Y$):

familia ☐	parámetro s	intervalo [0,1]	pasos 8
rotini (90,0,0)		posini (0,5,0)	
rotfin (0,0,0)		posfin (0,0,0)	
cortar ☐	aristas ☐ 	ancho .2	
largo .2	alto .2	Nu 12	
Nv 1			

El color debe ser igual al del eje, en este caso **rojo**. Para el semieje $-0Y$, basta cambiar el ángulo a -90° .

En la siguiente página puedes consultar los parámetros comunes a los gráficos 3D, entre ellos el **posini** y el **rotini**.

Dado que el cono, por defecto, es dibujado con el vértice hacia abajo (semieje = $-0Z$) y teniendo en cuenta el sistema dextrógiro, lo hemos rotado 90° alrededor del eje X . No olvides cambiar los valores del ancho, el largo y el alto de los conos por **0.2**.

para el semieje $0X$ el **posini** es **(5,0,0)**, el **rotini** **(0,-90,0)** (sentido horario) y color **negro**, para el semieje $-0X$ sólo cambia el signo del ángulo. Para el semieje $0Z$... ¡te lo dejamos a ti!



Controles comunes a los gráficos 3D

A continuación se presenta una descripción de los controles comunes a estos gráficos. No se presenta una descripción de todos; sólo de aquellos particulares a los gráficos 3D y que no están incluidos en los controles comunes a los gráficos de dos dimensiones.

color reverso: es un botón que lanza la herramienta de control de colores. Para ciertos gráficos tridimensionales, además del color común que se define también para los gráficos bidimensionales, hay un color reverso que es el de la cara posterior del gráfico. Es éste el que se define mediante el control en cuestión.

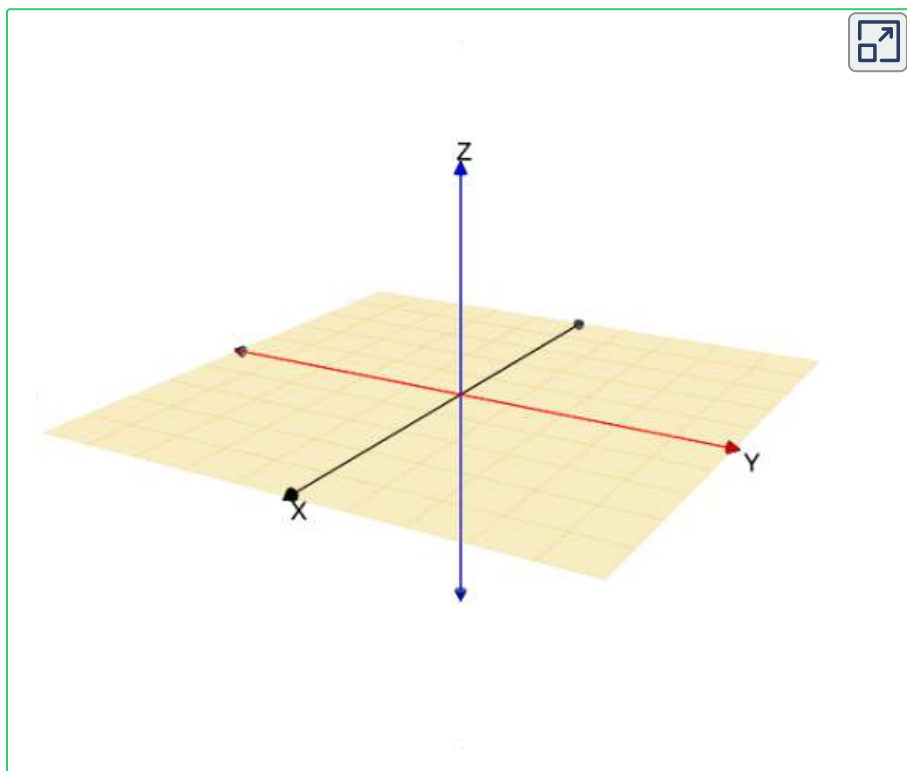
rotini: es un campo de texto en el que se introduce la rotación inicial, en forma de un vector de tres entradas. Una vez que se define un gráfico mediante el campo expresión en el selector gráficos 3D, éste se puede rotar de forma inicial con el campo en cuestión. La primera entrada del vector corresponde a una rotación del gráfico, en grados, alrededor del eje x. La segunda entrada corresponde a una rotación respecto al eje y y la tercera respecto al eje z.

En ocasiones puede usarse una rotación con ángulos de Euler, en la cual la primera entrada corresponde a una rotación en grados respecto al eje z, con lo que el eje x ya no es el mismo. La segunda entrada corresponde a una rotación en grados

- **Planos XY, YZ y XZ.** Finalmente, agregamos los planos cartesianos, utilizando el gráfico **superficie**.

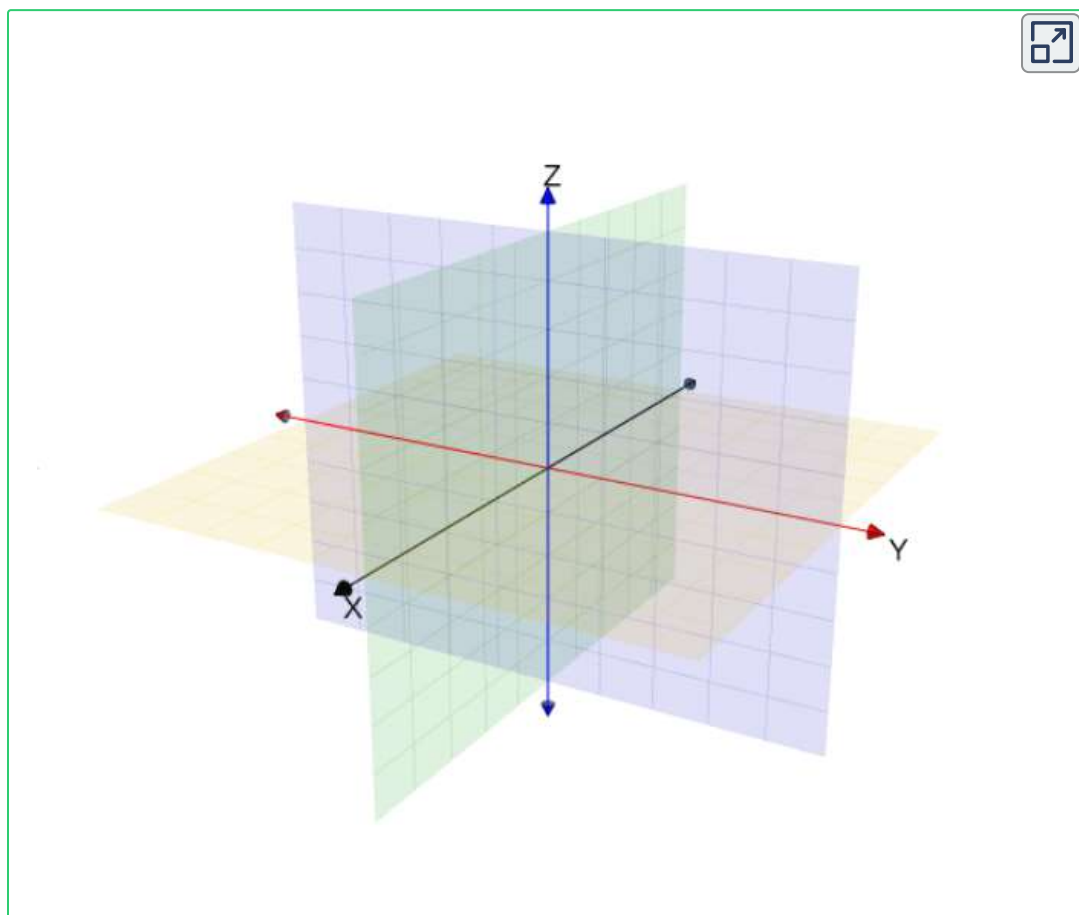
DescartesJS, por defecto, crea una superficie paramétrica con las siguientes ecuaciones $x=2*u-1$ $y=2*v-1$ $z=x^2-y^2$, conocida como la "silla de montar". Agrega esta superficie, a la cual le haremos los siguientes cambios: i) hacemos $z=0$, lo cual nos convierte la superficie en un plano en XY de ancho y largo igual a 2 pixeles, con el eje Z pasando por su centro. Los parámetros u y v son vectores unitarios en X y Y respectivamente, si las expresiones fueran $x=2*u$ $y=2*v$, el plano se dibujaría en el primer cuadrante del plano XY , para centrarlo es que se debe restar un (1) pixel; ii) Como hemos dibujado ejes X e Y de cinco (5) pixeles, cambiamos las expresiones a $x=10*u-5$ $y=10*v-5$. Hazlo y observa el resultado.

Para mejorar el diseño, usa un color naranja, con transparencia α y modelo luz , este mismo color úsalo en el reverso. Este sería el resultado:



Observa que Nu y Nv los hemos cambiado a 10, pues ese es el número de divisiones que necesitamos en las direcciones u y v . Para el plano YZ usamos las ecuaciones $y=10*v-5$ $z=8*u-4$ $x=0$, color azul, transparencia de y divisiones $Nu=Nv=10$. Finalmente, para el plano ZX las ecuaciones paramétricas son $z=8*u-4$ $x=10*v-5$ $y=0$, color verde, transparencia de y $Nu=Nv=10$.

La escena final es esta:

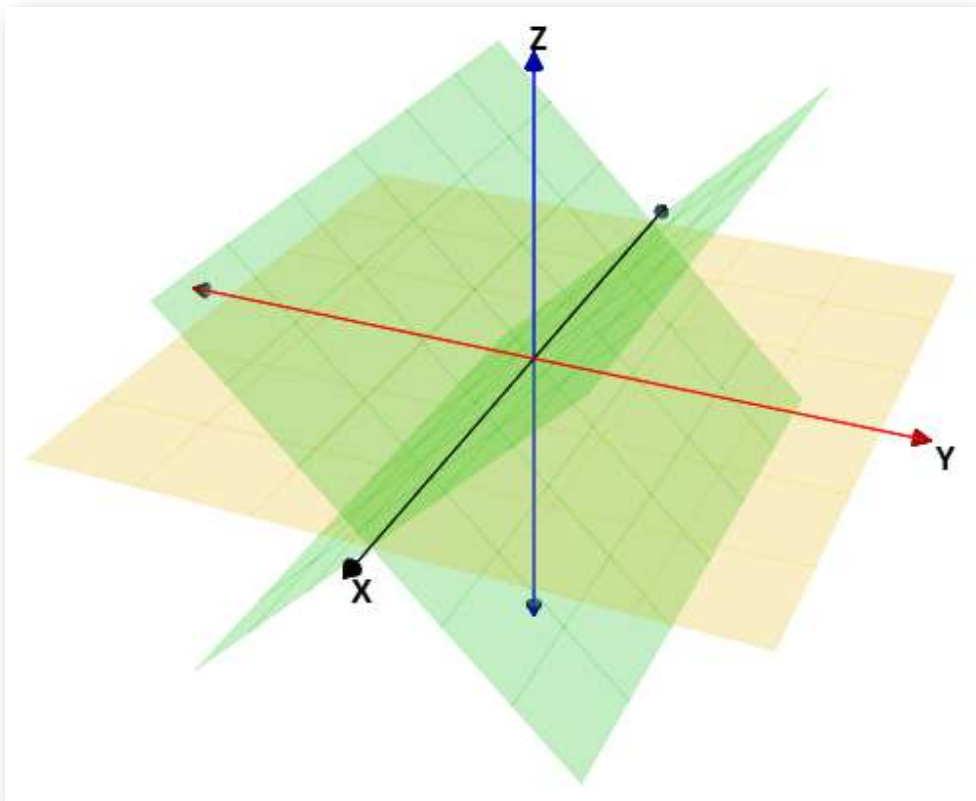


Guarda esta escena con el nombre plano3D, porque la vamos a necesitar en el capítulo IV.

Habrás notado que redujimos los planos en medio pixel ¿cómo lo hicimos?... es tarea tuya rediseñarlo.

Tarea 3

Rediseña la actividad anterior de tal forma que: i) los planos YZ y ZX estén inclinados 45° con respecto al plano XY . En un sistema dextrógiro, el ángulo es positivo en el sentido antihorario, por ejemplo, en el plano YZ es positivo desde el semieje $0Y$ al semieje $0Z$; ii) las cuadrículas de los planos deben tener seis divisiones. La tarea debe quedar así:



2.4 Relaciones espaciales

Las habilidades matemáticas comienzan con la observación y representación del mundo real. Cuando percibimos un objeto realizamos varias operaciones mentales. En estas operaciones intervienen los conceptos previos que tenemos del mundo y nuestras habilidades para realizar relaciones entre lo percibido y nuestra forma de percibir. Lo cierto es que existen diferentes formas de percibir, unas más lentas y otras más rápidas. Igualmente, podemos realizar relaciones mentales diferentes; también podemos utilizar en forma distinta nuestros conceptos para resolver problemas, como los que plantearemos en este apartado; es decir, unos contarán, otros calcularán, dependiendo del nivel de formación.

¿Cuántos bloques hay?

Otro ejercicio

Ayuda

En este apartado diseñaremos algunos objetos interactivos relacionados con conceptos como: volumen, cantidad y ubicación espacial. Un ejemplo de ello se observa en la anterior escena.

Actividad 5

Diseñar un objeto interactivo que genere bloques (cubos) al azar distribuidos en un volumen de largo, ancho y alto no mayor que cuatro (4). Dadas estas condiciones, lo que buscamos es una pila máxima de 64 cubos ($4 \times 4 \times 4$).

Para comprender como generar estos cubos en un espacio 3D, partimos de la escena diseñada en la actividad anterior.

- **Ancho de los cubos.** Algo que hay que tener en cuenta, cuando agregamos el gráfico **cubo**, es que el ancho corresponde a la diagonal del cubo, por ello, es importante calcular su lado, el cual se consigue agregando las siguientes expresiones en el algoritmo **INICIO**:

id	INICIO	evaluar
inicio		
<pre>E2.rot.y=20 E2.rot.z=-30 ancho=2 L=ancho*sqrt(3)/3</pre>		

De acuerdo a lo anterior, agrega un cubo con dicho ancho, es decir, en el campo de texto **ancho** escribes ancho (ver **Figura 2.2**).

Observarás que el cubo queda con su centro de gravedad en el origen de coordenadas:

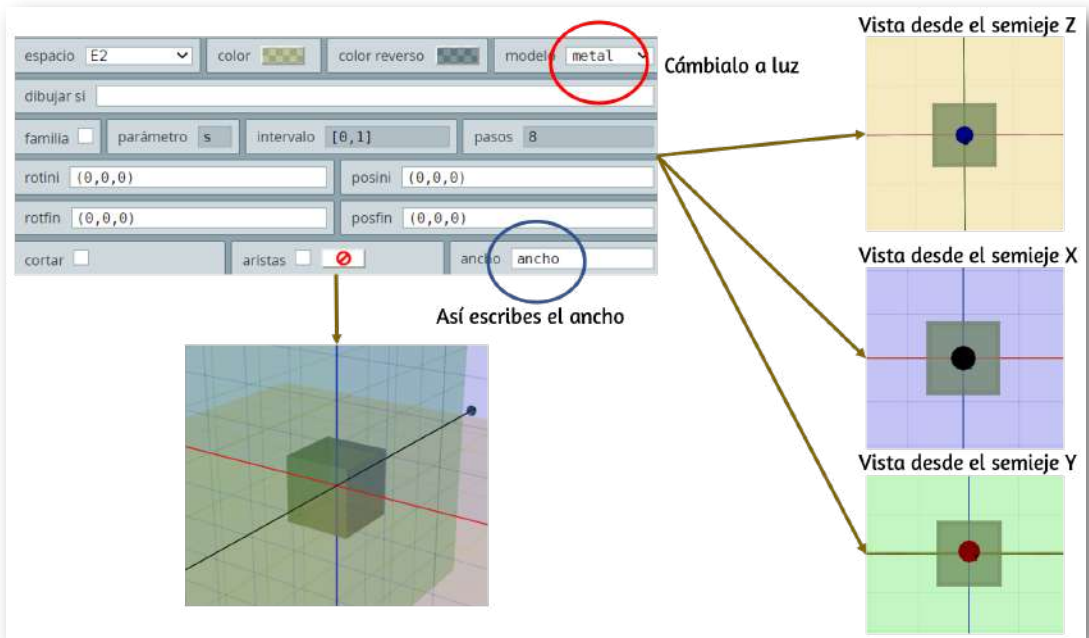
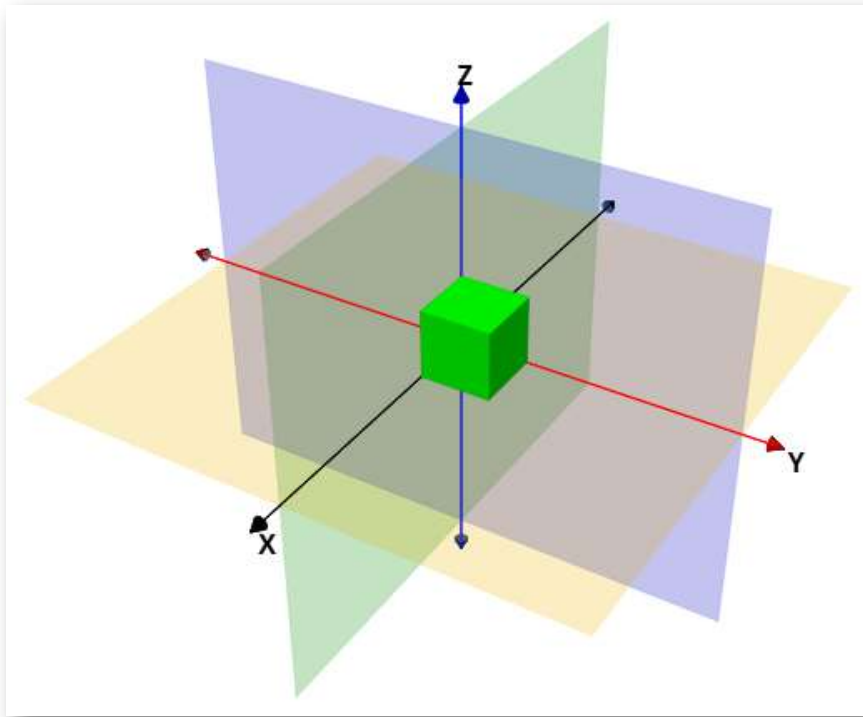


Figura 2.2. Gráfico cubo agregado al espacio 3D con los planos cartesianos XY , YZ y ZX .

- **Cubos en el primer octante.** Dado que las divisiones de los planos cartesianos no coinciden con el lado de nuestro cubo, eliminamos las divisiones de estos planos, es decir, hacemos $Nu=Nv=1$. Para correr el cubo al primer octante, cambiamos el **posini** por $(L/2, L/2, L/2)$ que es lo mismo que desplazar el cubo medio lado en todas las direcciones positivas X , Y y Z .

Cambia el color del cubo por verde y el modelo a **luz**.

Con estos cambios, hemos avanzado así:



- **Familia de Cubos en el primer octante.** Ahora vamos a generar una familia de cubos en el eje X , así:

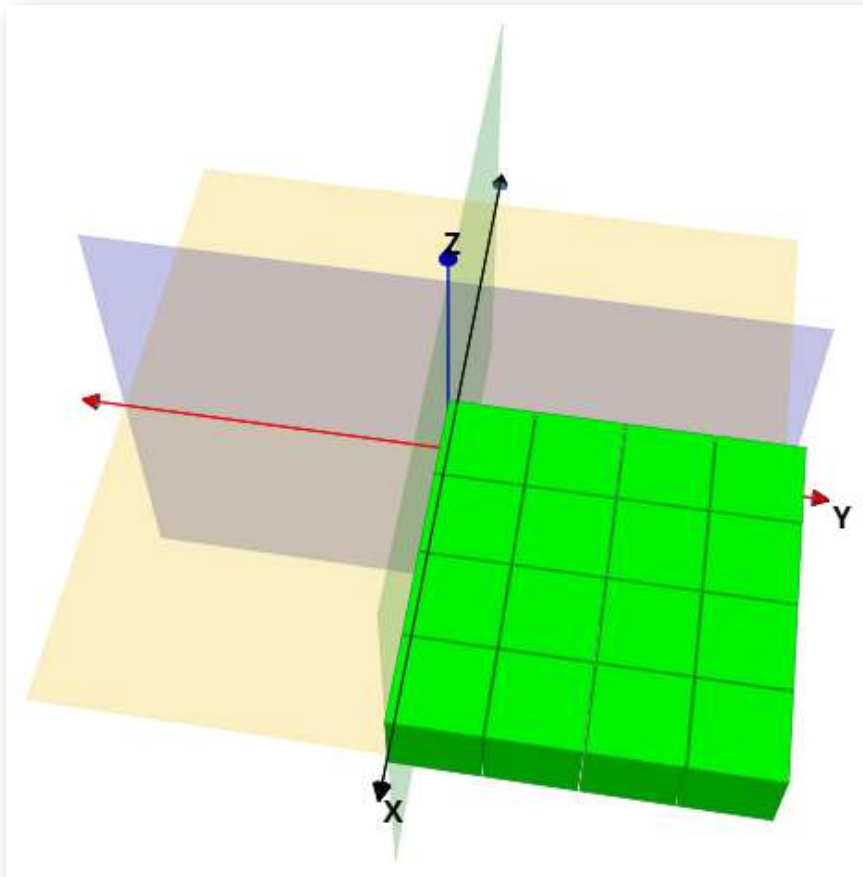
familia ☒	parámetro s	intervalo [0,3]	pasos 3
rotini (0,0,0)		posini (s*L+L/2,L/2,L/2)	

Pero, sólo obtenemos una fila de cubos. Veamos cómo logramos llevarlo a una parrilla o matriz de cubos en el plano XY .

- **Familia matricial de Cubos en el primer octante.** Utilizando lo aprendido en capítulo de vectores y matrices, cambiamos la familia así:

familia ☒	parámetro s	intervalo [0,15]	pasos 15
rotini (0,0,0)		posini (ent(s/4)*L+L/2,(s%4)*L+L/2,L/2)	

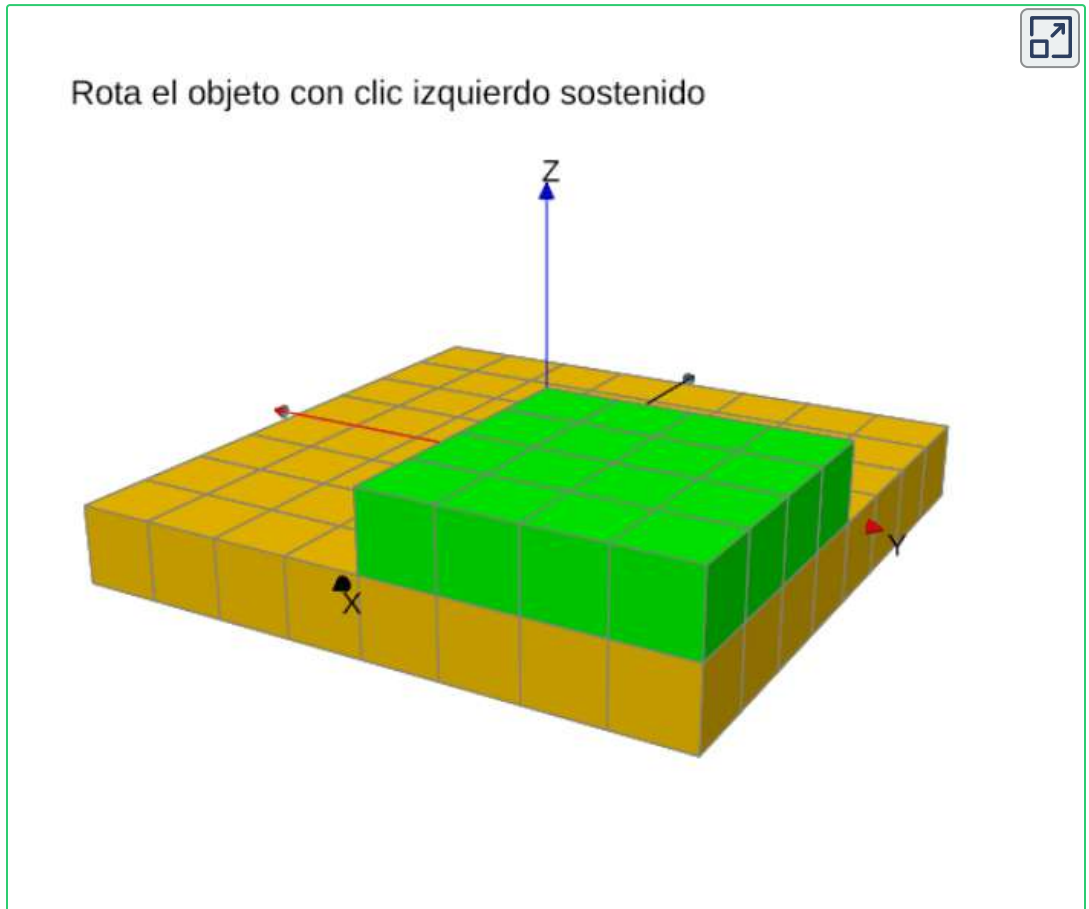
Obteniendo:



- **Familia matricial de Cubos en el plano XY .** Sí quisiéramos extender la familia de cubos al plano XY , tendríamos que desplazar la mitad de los cubos a la izquierda de Y y hacia atrás de X . Veamos un ejemplo con cubos puestos a una altura por debajo de los cubos actuales ($z=-L/2$); para ello, agrega una familia de cubos, color **naranja**, modelo **luz** y esta familia:

familia ☒	parámetro s	intervalo [0,63]	pasos 63
rotini (0,0,0)		posini (-4L+ent(s/8)*L+L/2, -4L+(s%8)*L+L/2, -L/2)	

La escena obtenida es esta:



En la escena anterior, hemos eliminado los planos cartesianos, situación que también haremos con los ejes, pues ya han prestado la ayuda que necesitábamos para comprender cómo se generan los cubos.

- **Familia matricial de cubos en el espacio 3D.** Ahora, sin dibujar el sistema de ejes cartesianos, verás cómo diseñamos el objeto pedido en la Actividad 5.
- Crea un nuevo objeto interactivo de dimensiones 600×500 pixeles.
- Agrega un espacio R3 (**E2**), color **negro**, escala **40** y despliegue **pintor**.
- En el algoritmo **INICIO** escribe las siguientes expresiones:

id	INICIO	evaluar
inicio		
<pre> E2.rot.y=20 E2.rot.z=-30 ancho=2 L=ancho*sqrt(3)/3 </pre>		

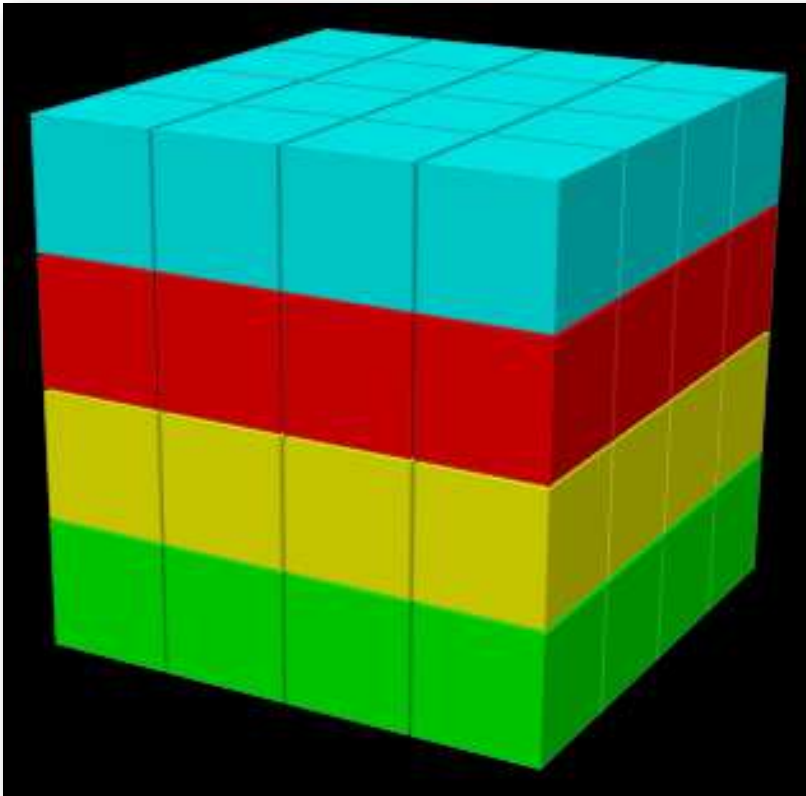
- Como ya no tenemos que desplazar los cubos $L/2$ a la izquierda y hacia el fondo, pues ya no tenemos el sistema de ejes cartesianos, las expresiones se simplifican significativamente. Agrega un cubo de color **verde**, modelo **luz** y con esta familia:

familia ☒	parámetro s	intervalo [0,15]	pasos 15
rotini (0,0,0)		posini (ent(s/4)*L,(s%4)*L,0)	

Agregaremos tres familias de cubos iguales a la anterior con alturas ($z=L$, $2L$ y $3L$) y colores **amarillo**, **rojo** y **turquesa**. En la siguiente página te mostramos la segunda.

familia ☒	parámetro s	intervalo [0,15]	pasos 15
rotini (0,0,0)		posini (ent(s/4)*L,(s%4)*L,L)	

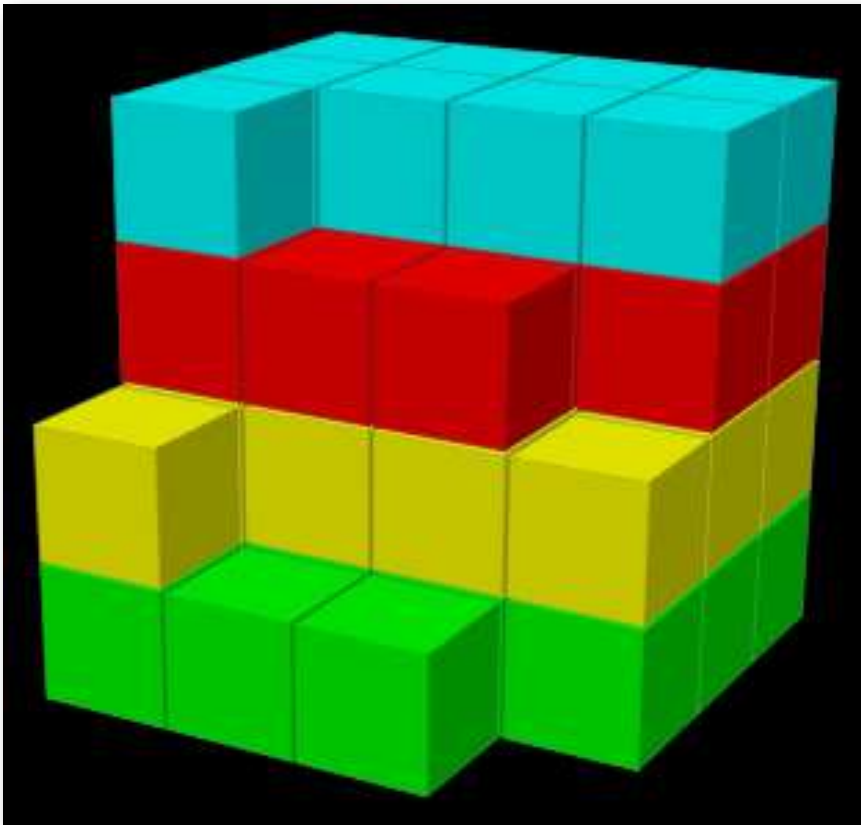
Hasta aquí, hemos obtenido:



- **Cantidad aleatoria de cubos.** La actividad nos pide que hayan cubos al azar, es decir, que la cantidad de cubos sea aleatoria. En el algoritmo **INICIO** incluimos las siguientes expresiones: $v = \text{ent}(\text{rnd} * 7) + 10$, $a = v - \text{ent}(\text{rnd} * 5)$, $r = a - \text{ent}(\text{rnd} * 4)$ y $t = r - \text{ent}(\text{rnd} * 3)$. La primera nos genera números entre 10 y 16, los cuales definen la cantidad de cubos verdes, las demás expresiones son fáciles de interpretar.

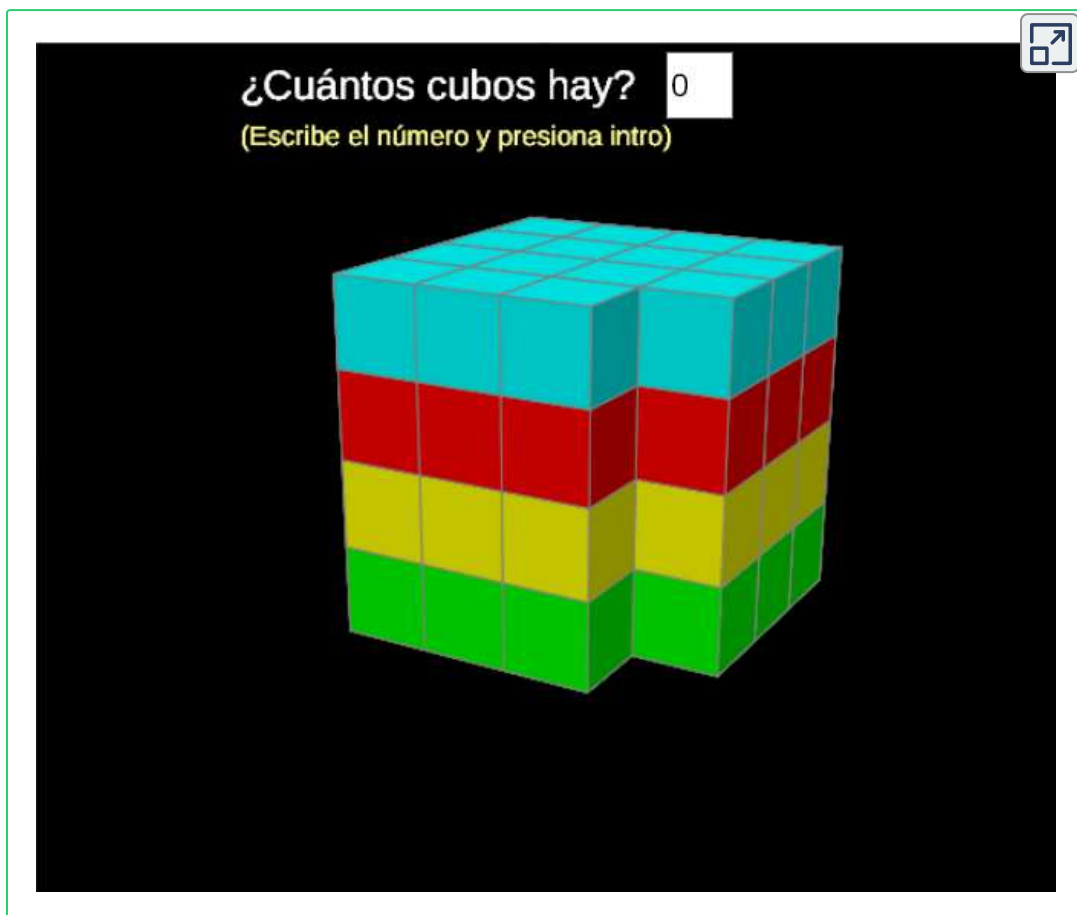
```
E2.rot.y=20  
E2.rot.z=-30  
  
ancho=2  
L=ancho*sqrt(3)/3  
  
v=ent(rnd*7)+10  
a=v-ent(rnd*5)  
r=a-ent(rnd*4)  
t=r-ent(rnd*3)  
  
hacer
```

En los campos de texto **dibujar si**, escribimos **s<v** para los cubos verdes, **s<a** para los amarillos, **s<r** para los rojos y **s<t** para los turquesas. Así las cosas, nuestro objeto ha cumplido con lo solicitado en la actividad:



Tarea 4

En la actividad anterior, el número total de cubos se obtiene sumando $v+a+r+t$. Incluye los controles y textos necesarios para que la actividad tenga el siguiente diseño:



Es posible utilizar una sola familia de cubos para la actividad anterior. Observa la expresión que podemos usar, de tal forma que se generen todos los cubos de la actividad:

intervalo	[0,63]	pasos	63
	posini (-4L*ent(s/16)+ent(s/4)*L,(s%4)*L,ent(s/16)*L)		

El número de cubos lo calculamos con la expresión `cubos=17+ent(rnd*48)`, por lo que en la casilla `dibujar si` pusimos la expresión booleana `s<cubos`. También, creamos tres vectores de colores, de tal forma que los colores de los cubos cambien de acuerdo a:

00	☐	
C1[ent(s/16)+1]	☐	
C2[ent(s/16)+1]	☐	
C3[ent(s/16)+1]	☐	

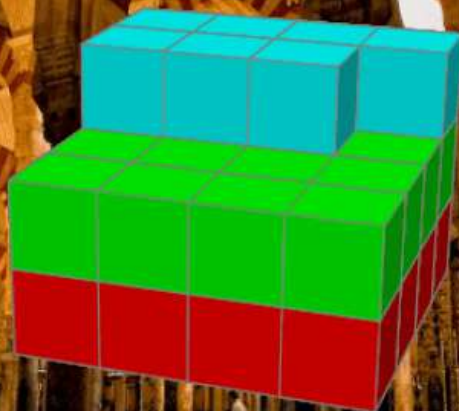
Hemos incluido, también, una imagen de fondo de la Mezquita de Córdoba. El resultado lo puedes observar en la página siguiente.

Puedes observar que la configuración aleatoria es diferente a la que realizamos en la actividad anterior, pues es posible que aparezcan cubos en uno, dos, tres o en los cuatro niveles, mientras que en la actividad parecen en todos los niveles.



¿Cuánto cubos puedes contar?

0



Otro ejercicio

Comprender este apartado, nos permite crear otros objetos interactivos que respondan a otras áreas del conocimiento. Por ejemplo, en la siguiente escena hemos diseñado una losa de hormigón con el propósito de calcular las cargas sobre ella.

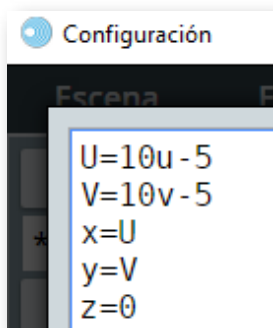


En este caso se usaron superficies y paralelepípedos. El objeto recrea un sistema constructivo con sus pisos y particiones, que permite al estudiante de un curso de hormigón armado acercarse a la realidad de los objetos representados.

2.5 Superficies paramétricas

Terminamos este capítulo con el diseño de algunas superficies paramétricas.

En el apartado anterior diseñamos varios planos con ecuaciones paramétricas, de este diseño explicamos como configurar los parámetros u y v , de tal forma que el plano estuviese en los planos XY , ZY y ZX ; por ejemplo, para un plano de 10 divisiones en X y Y , empleamos las ecuaciones paramétricas: $x=10u-5$, $y=10v-5$ y $z=0$. Estas ecuaciones se pueden escribir, también, así:

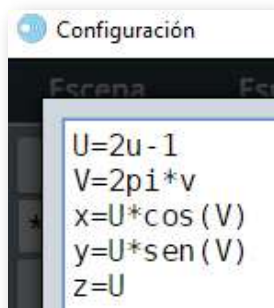


La comprensión de cómo dimensionar u y v , además de la simplificación anterior de las ecuaciones paramétricas, permite un diseño correcto de las superficies paramétricas.

No nos detendremos a explicar cómo surgen estas superficies y, menos aún, cómo se obtienen sus ecuaciones; nuestro propósito es explicar el procedimiento para dibujarlas en DescartesJS. Tampoco haremos una extensa presentación de superficies, para ello, recomendamos el libro digital interactivo "[Curvas y superficies paramétricas](#)" y las unidades didácticas [Superficies curiosas I](#) y [Superficies curiosas II](#), diseñadas por Josep M^a Navarro Canut.

Superficie cónica

Iniciamos con una superficie sencilla cuyas ecuaciones son $x = u \cos(v)$, $y = u \sin(v)$ y $z = u$, con u en el intervalo $[-1, 1]$ y v en $[0, 2\pi]$. Esta información la podemos escribir así:



Observa que el intervalo $[-1, 1]$ nos indica que la dimensión de u es 2 o, como lo hicimos con los planos, son dos las divisiones, por ello hicimos $U=2u-1$. Así las cosas, iniciemos con el diseño de esta primera superficie:

- **Escena.** Crea una escena nueva de 600×400 píxeles.
- **Espacio 3D.** Agrega un espacio R3 (**E2**), despliegue **pintor** y color de fondo **001e51** (obviamente, puedes escoger los colores a tu gusto).
- **Superficie cónica.** Agrega una superficie en el selector **Gráficos 3D** con los datos de la imagen anterior, para ello, debes hacer clic en el icono: .
- **Rotación.** Para una presentación inicial, es conveniente realizar algunas rotaciones de la superficie. En el algoritmo **INICIO**, incluye **E2.rot.y=-30**.
- **Controles.** Usaremos dos controles en las superficies de este apartado. El primero es un control tipo pulsador para la escala:

id E2.escala	nombre Escala
interfaz pulsador	región sur

le asignaremos un valor de **90**, con un mínimo de **60**, un máximo de **100** e incrementos de **2**.

El segundo control, también pulsador, es para asignar transparencia al color de la superficie:

id	t	nombre	Transparencia
interfaz	pulsador	región	sur

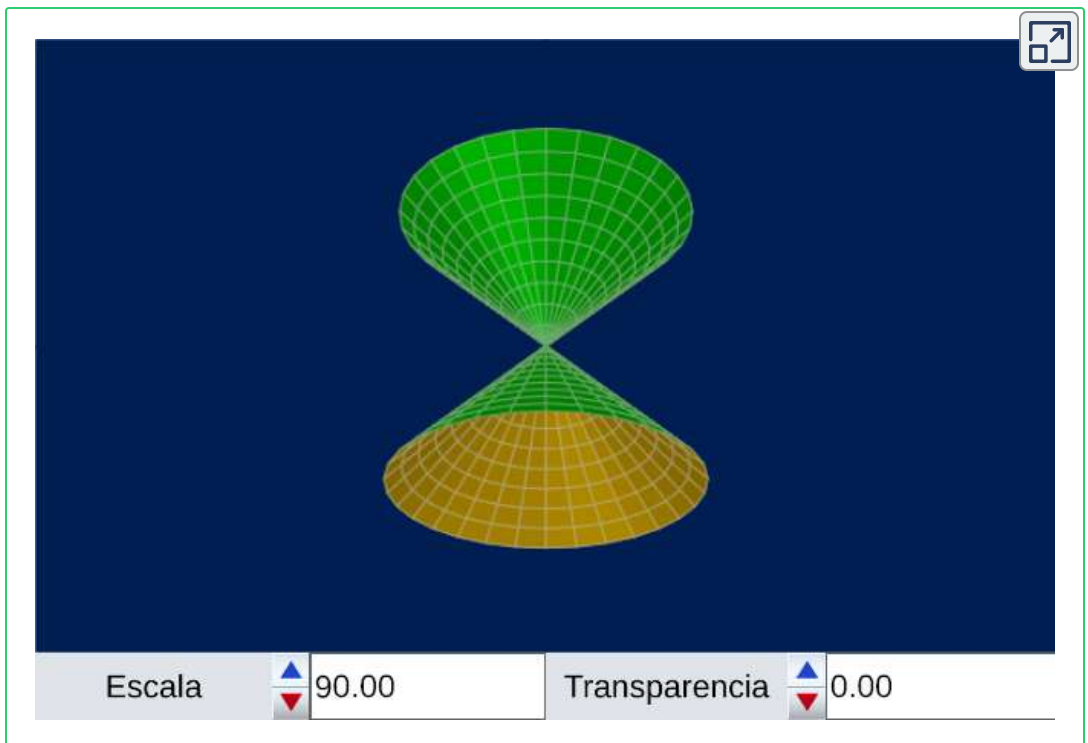
el valor será cero, con un mínimo de cero (0), un máximo de uno (1) e incrementos de 0.05.

- **Color de la superficie cónica.** Usaremos un color **verde** y un reverso **naranja**. Es importante, luego de asignar el color, incluir la transparencia, tal como aparece en esta imagen:

Copiar

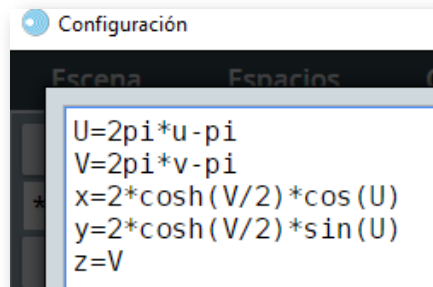
Pegar

[t]		ffc80000
ff		
c8		
00		



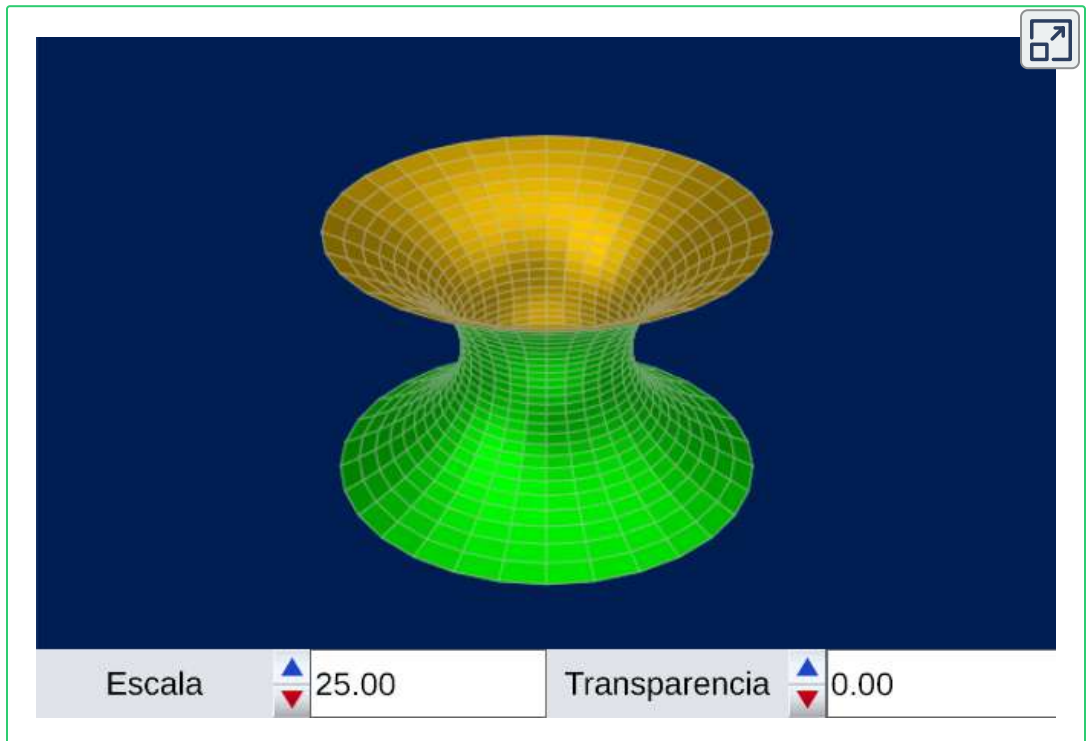
Catenoide

Esta superficie se genera con las siguientes ecuaciones paramétricas: $x = 2\cosh(v/2)*\cos(u)$, $y = 2\cosh(v/2)*\sin(u)$ y $z = v$, con u y v en el intervalo $[-\pi, \pi]$, es decir, con divisiones para u y v de 2π . Habrás notado que para simplificar las ecuaciones usando la forma $U = au + b$, el coeficiente a corresponde a la dimensión de u y el coeficiente b al punto de inicio en el eje X , que para el caso de nuestra catenoide sería: $U = 2\pi u - \pi$. La ecuaciones, entonces, en una forma simplificada serían:



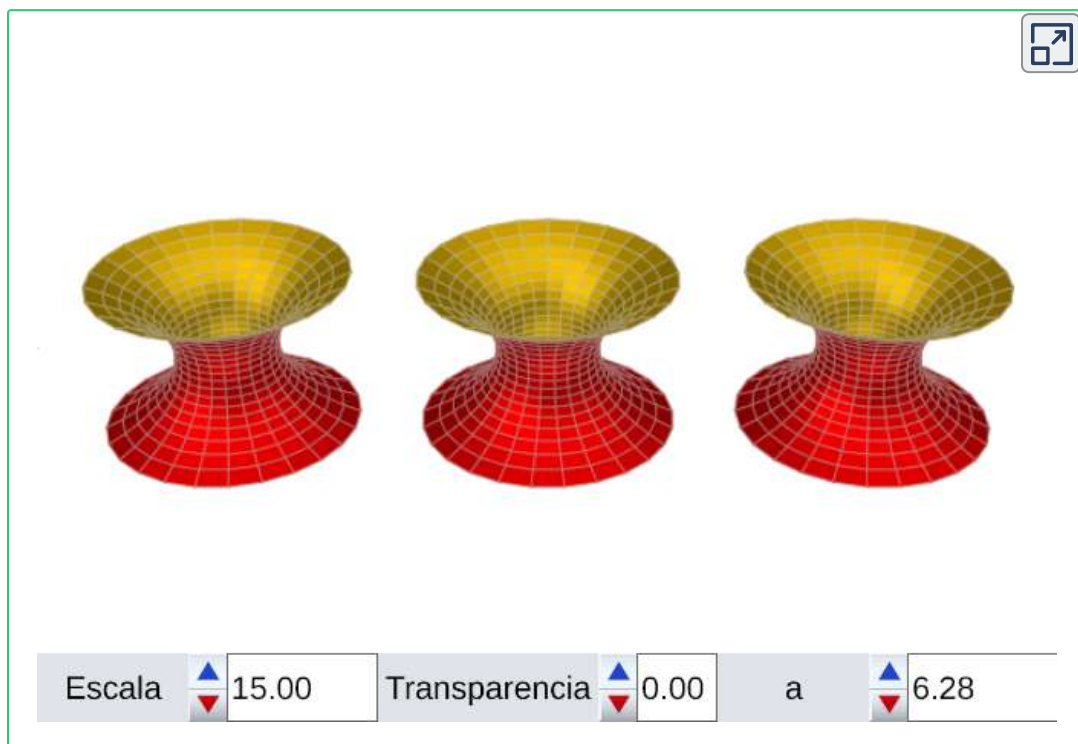
Sigue el procedimiento anterior para el diseño de esta superficie paramétrica, teniendo en cuenta los siguientes cambios:

- **Escala.** Con un valor de 25, mínimo 10 y máximo 30.
- **Rotaciones.** Dejamos $E2.rot.y = 30$.
- **Intervalos de la superficie.** $Nu = 30$ y $Nv = 30$



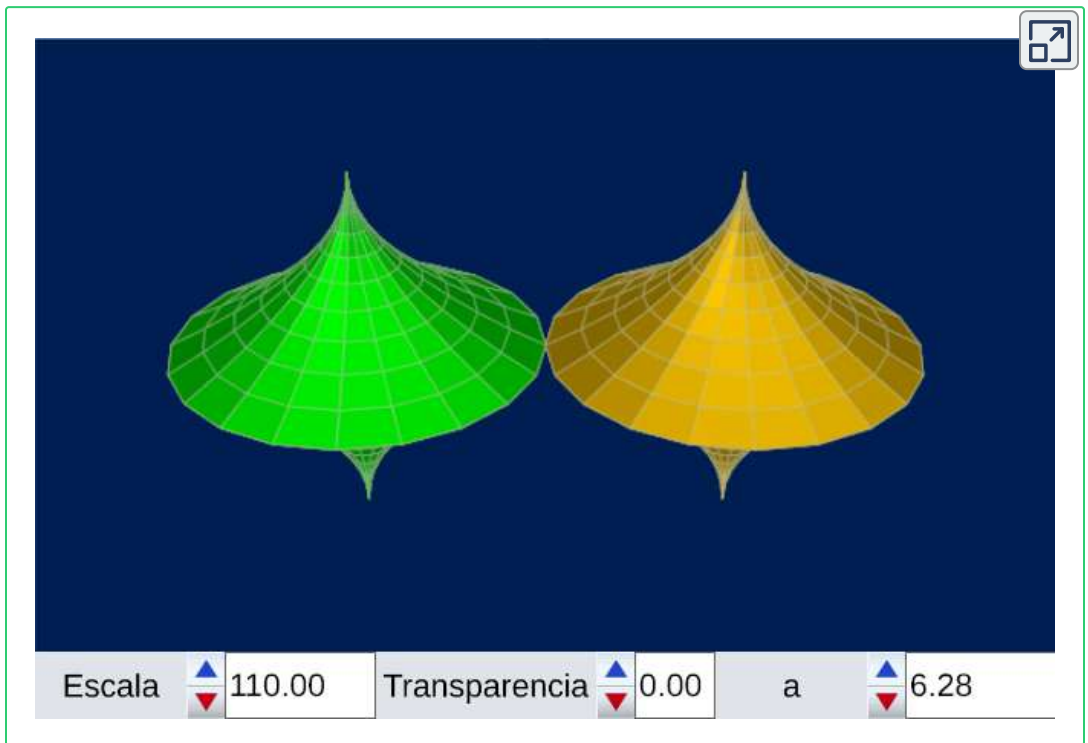
Tarea 5

Hemos explicado que en la expresión $U = av + b$ el valor de a determina la dimensión que, para la catenoide, se refiere al ángulo, o sea 2π . Modifica la expresión para U , de tal forma que el ángulo varíe entre 0 y 2π ; además, usa una familia para generar tres catenoides. La escena sería esta:



Trompos (toupie)

Esta superficie se define por las ecuaciones $x = (|u| - 1)^2 \cos(v)$, $y = (|u| - 1)^2 \sin(v)$ y $z = u$ con u en $[-1, 1]$ y v en $[0, 2\pi]$. Con la misma configuración anterior, excepto por la escala que cambiamos a 110, hemos diseñado dos trompos intercambiando las expresiones de x e y , y separando los trompos con el `posini`:



Aquí $U = 2u - 1$ y $V = 2\pi \cdot v$, los `posinis` empleados fueron $(0, -1, 0)$ y $(0, 1, 0)$, por ello es que quedan tangentes los trompos. Para incluir el control `a`, hicimos $V = a \cdot v$, además de reducir `Nu` y `Nv` a 20.

Limpet torus

Esta superficie super-toroide, llamada "toto lapa", hace parte de la familia de primitivas basadas en el toro, tanto u como v están en el intervalo $[-\pi, \pi]$, lo que significa que las dimensiones (los ángulos) son 2π , iniciando en $-\pi$.

Las ecuaciones que definen esta superficie son:

$$\begin{aligned}x &= \cos(u)/(\sqrt{2}+\sin(v)), \\y &= \sin(u)/(\sqrt{2}+\sin(v)) \text{ y} \\z &= 1/(\sqrt{2}+\cos(v)).\end{aligned}$$

Haremos un ejercicio interesante para saber cómo funcionan los ángulos en esta superficie. Para ello, sigue el procedimiento anterior, con una escala de 50 e incluyendo un control tipo pulsador k , con valor 0.8 , mínimo 0.5 y máximo 2 . Además, debes tener el control a , que permite variar el ángulo en las expresiones $U = au$ y $V = av$. El ejercicio consiste en dibujar dos toroides, uno de ellos rotado 180° con respecto al eje Y (rotini). Las ecuaciones quedarían así:

Primer toroide con rotini (0,0,0)

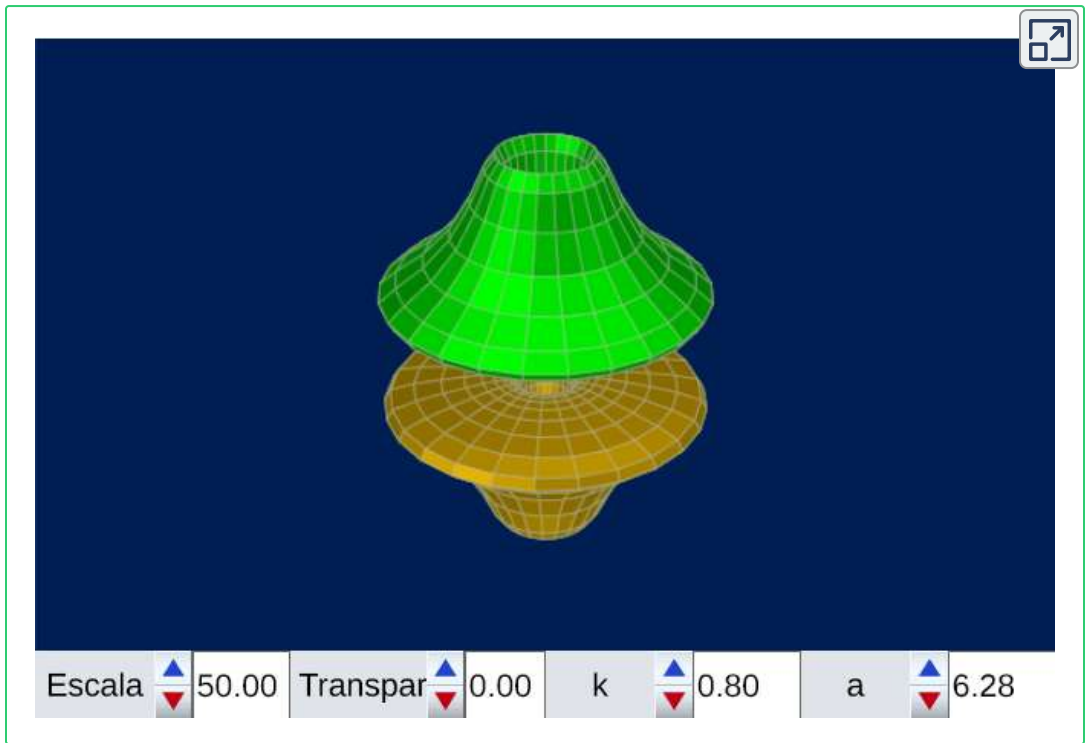
```
Configuración
Pantalla Espacios Controles
U=a*u-pi
V=2*pi*v-pi
x=k*cos(U)/(sqrt(2)+sin(V))
y=k*sin(U)/(sqrt(2)+sin(V))
z=1/(sqrt(2)+cos(V))
```

Segundo toroide con rotini (0,180,0)

```
Configuración
Pantalla Espacios Controles
U=2*pi*u-pi
V=a*v-pi
y=k*cos(U)/(sqrt(2)+sin(V))
x=k*sin(U)/(sqrt(2)+sin(V))
z=1/(sqrt(2)+cos(V))
```

Observa que hemos intercambiado las expresiones en x e y en el segundo toroide.

Las superficies, $Nu = Nv = 25$, que se obtienen son las siguientes:

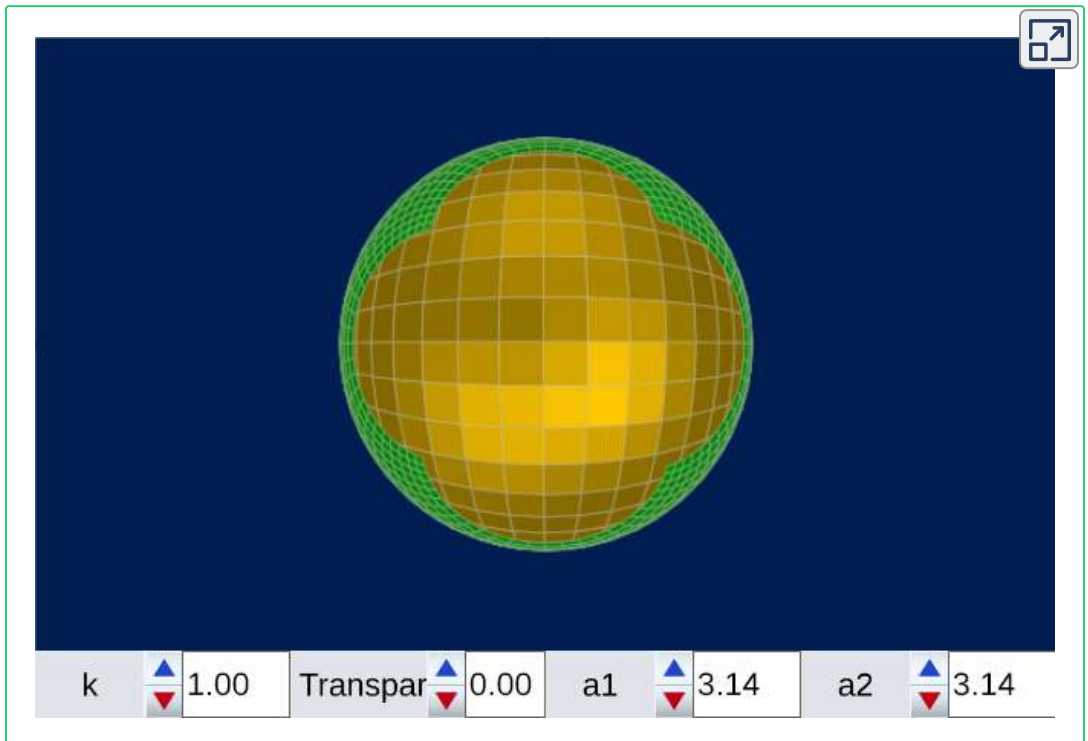


Usa el control a ¿con respecto a qué eje cambia el ángulo en el segundo toroide?

¿Qué efecto tiene el control k ?

Estereoesfera

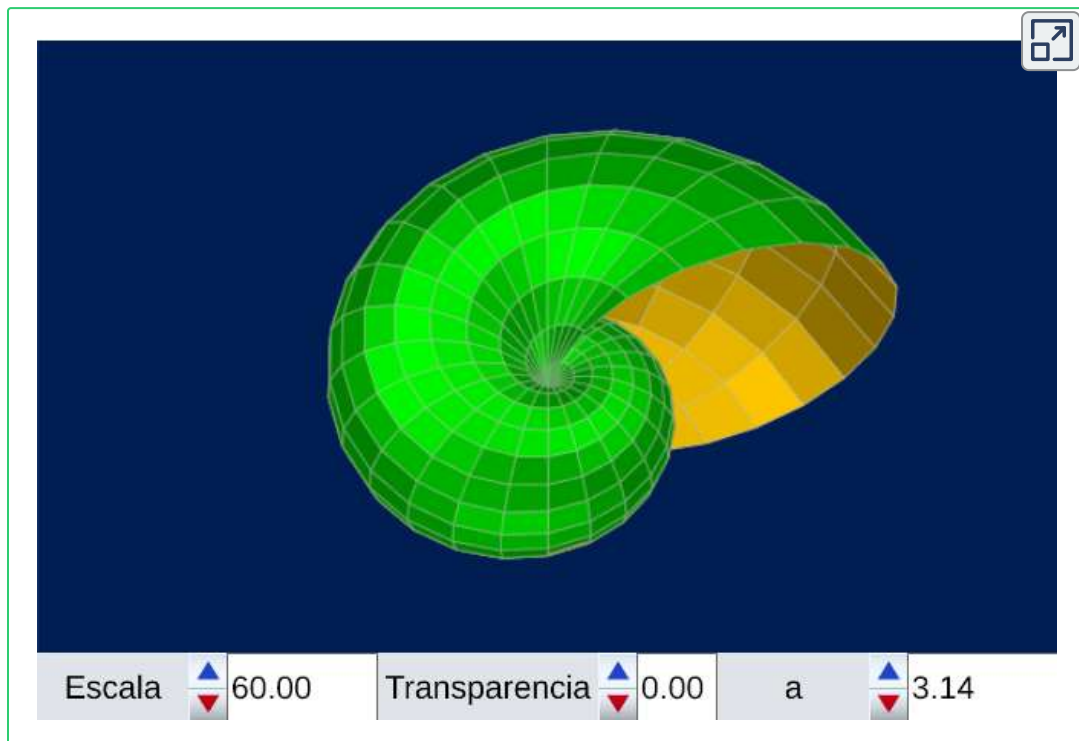
Esta superficie curiosa con ecuaciones $x = 2u/(u^2+v^2+1)$, $y = (u^2+v^2-1)/(u^2+v^2+1)$ y $z = 2v/(u^2+v^2+1)$, con u y v en $[-1.5, \pi]$, la hemos diseñado en una escala de 120. Observa la escena interactiva y constrúyela teniendo en cuenta que el control k sólo afecta a x e y



¿dónde pondrías los controles $a1$ y $a2$?

Son muchas las superficies paramétricas que podríamos explorar, por ello, te recomendamos la unidad didáctica de Josep M^a Navarro para que practiques modificando sus atributos.

Un último ejemplo es esta hermosa caracola, usa el control **a** y la transparencia para que observes cómo se enrolla.



Capítulo III

DescartesJS y GeoGebra

Introducción

Los desarrollos que presentamos en este capítulo se hicieron gracias a la propuesta presentada por la profesora de la Universidad de Cantabria, Elena Álvarez Sáiz. En este capítulo nuestro objetivo es diseñar objetos interactivos de aprendizaje en los que intervienen dos herramientas de autor: DescartesJS y GeoGebra. Pero no se trata de presentaciones aisladas de una u otra herramienta, la importancia de este capítulo radica en que comunicaremos las dos herramientas, de tal forma que cada una envíe información a la otra. Esta comunicación permite que tengamos, en una sola escena, las fortalezas de DescartesJS, que estamos aprendiendo, y las de GeoGebra, que según la información de su página es:

un software de matemáticas dinámicas para todos los niveles educativos que reúne geometría, álgebra, hoja de cálculo, gráficos, estadística y cálculo en un solo programa fácil de usar. GeoGebra es también una comunidad en rápida expansión, con millones de usuarios en casi todos los países. GeoGebra se ha convertido en un proveedor de software de matemática dinámica, apoyando la educación en ciencias, tecnología, ingeniería y matemáticas (*STEM: Science Technology Engineering & Mathematics*) y la innovación en la enseñanza y el aprendizaje en todo el mundo (<https://www.GeoGebra.org/about>).

Quizá faltó, en esta presentación de la herramienta, precisar el poder de su cálculo simbólico (CAS), el cual nos será de utilidad para diseñar escenas que incluyan desarrollos algebraicos que no son posibles con DescartesJS.

Una primera muestra de escenas de GeoGebra, se muestran en el siguiente objeto interactivo. Las tres últimas escenas también las hemos diseñado en DescartesJS. En la segunda escena se hace manifiesto el cálculo simbólico de GeoGebra.

Dado que el procesador geométrico es más robusto que DescartesJS, tendrás que esperar un poco más a que se muestren las escenas, pero la espera vale la pena, cuando se trata de diseños especiales y de una intencionalidad didáctica.



Algunas escenas diseñadas en GeoGebra

Escena 1

Escena 2

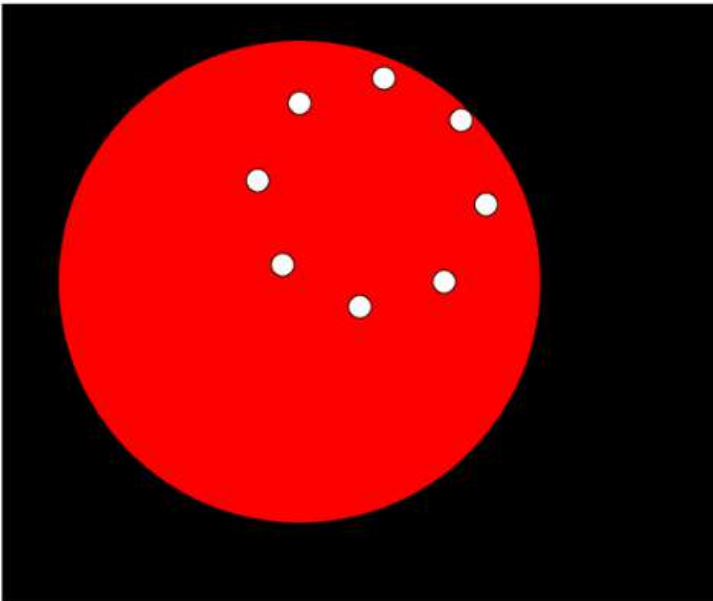
Escena 3

Escena 4

Escena 5

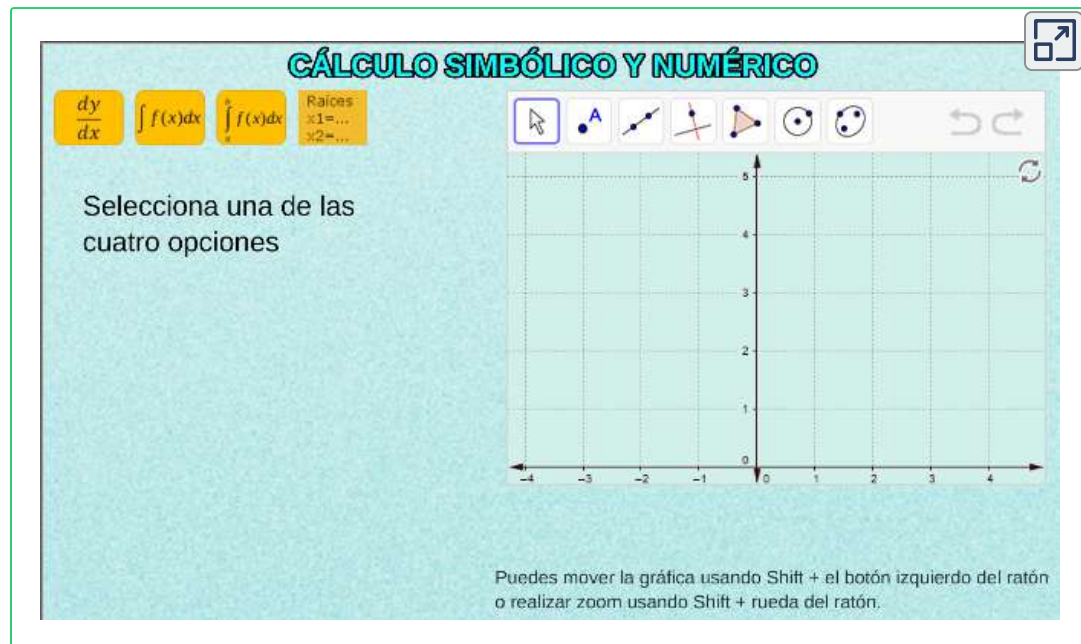
La ilusión del círculo loco
Escena diseñada
por Francisco Maíz
Jiménez y Branka
Milivojevic

Debes esperar a que
cargue GeoGebra



Pero, lo que más nos interesa es la comunicación entre las dos herramientas, situación que puedes apreciar en la siguiente escena interactiva, en la cual hacemos uso del

cálculo simbólico de GeoGebra, en especial para el cálculo de derivadas, integrales y raíces de una ecuación.



La comunicación se realiza cuando seleccionamos una opción e introducimos una función, datos que DescartesJS envía a GeoGebra y ésta retorna la solución.

Este tipo de escenas las aprenderemos a diseñar en los siguientes apartados. Diseñaremos, también, algunos tutoriales para aprender GeoGebra desde DescartesJS.

3.1 Diseño de la interface con GeoGebra

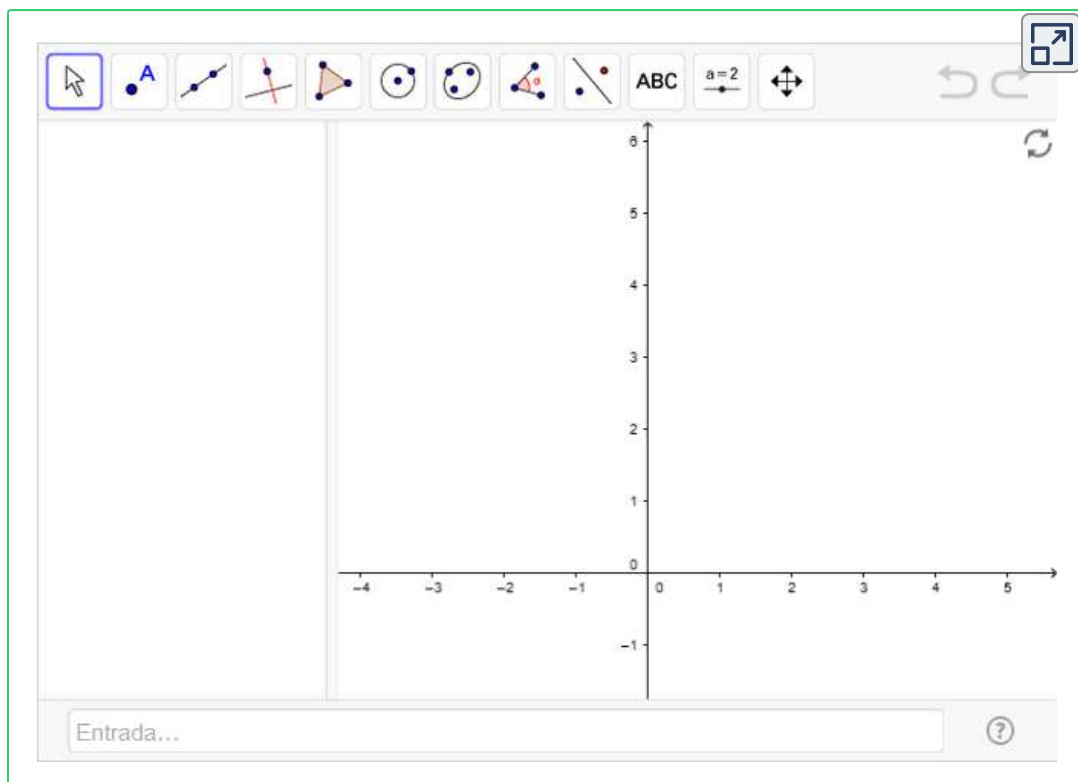
Es preciso advertir que no profundizaremos en aspectos que son propios de un curso de GeoGebra, para lo cual recomendamos leer los manuales existentes en la red. Si bien trabajaremos con el entorno gráfico de esta herramienta, es más para comprender con qué nos comunicaremos desde DescartesJS. Por otra parte, si no es de interés del lector de este libro el uso de GeoGebra, puede continuar con el próximo capítulo, lo cual no interfiere con los objetivos de este nivel.

Recursos necesarios

- **GeoGebra 5.0.** Obviamente es necesario la herramienta. Para este capítulo usaremos la versión 5.0 de 2016. Tanto GeoGebra como DescartesJS están en permanente revisión y actualización, por lo que es importante comprender que los procedimientos que vamos a explicar son válidos para esta versión, pues es posible (como ocurrió con la versión 4.4) que surjan diferencias en versiones posteriores, especialmente en las denominaciones de algunas variables, que afecten el funcionamiento de escenas interactivas diseñadas con esta versión. No obstante, los comandos matemáticos, geométricos y estadísticos de uso común se pueden utilizar en esta versión.

Otro problema, que ya hemos detectado, es el enlace al procesador geométrico vía página GeoGebra pues, como ocurrió con la versión 4.4, éste puede cambiar. Es por ello que hemos preparado una versión liviana para uso en línea o en local y para el logro de nuestros propósitos, la cual puedes obtener de la carpeta **descargas** de este libro, si prefieres, puedes descargarla [aquí](#). En ella no encontrarás un ejecutable de GeoGebra, pues sólo contiene los elementos mínimos requeridos para este capítulo.

- **Archivo de interface.** Inicialmente, descarga el archivo: [interface inicial.zip](#), el cual lo tenemos configurado para mostrar el entorno GeoGebra, así:



Si has trabajado con GeoGebra, puedes practicar con la escena interactiva y verificar algunos comandos en la barra de entrada, por ejemplo, escribe $\text{Derivada}[x^2]$ y presiona la tecla intro, observarás que se obtiene la función derivada $f'(x)=2x$.

Volviendo a nuestro archivo de interface (interfaz o protocolo), te sugerimos abrir una carpeta con el nombre **GeoGebra**, en ella guardarás la carpeta **GeoGebra5** y el archivo **interfaz**. Una vez hecho lo anterior, puedes ejecutar el archivo **interface_inicial.html** y practicar con GeoGebra o, si no lo conoces, practicar con esta herramienta; no obstante, recuerda que el propósito no es aprender GeoGebra.

- **Editor HTML.** Recomendamos alguno de estos editores tipo WYSIWYG (acrónimo de What You See Is What You Get, que en español significa "lo que ves es lo que obtienes"):
 - BlueGriffon: <http://www.bluegriffon.org/> (Windows, Mac, OS X y Linux).
 - Dreamweaver (es comercial).
 - SublimeText: <http://www.sublimetext.com/> (OS X, Windows y Linux).
 - Notepad++: <http://notepad-plus-plus.org/> (Windows).

O, en algunos casos, un editor como el bloc de notas. En este capítulo usaremos el editor Notepad++.

Archivo de interface

Iniciemos, entonces, explorando el archivo que nos permitirá realizar la comunicación entre las dos herramientas de autor. Para ello, ejecuta el editor HTML y abre el archivo **interface_inicial.html**.

Las primeras líneas que observarás son las siguientes:

```

1  <!DOCTYPE html>
2  <html><head>
3  <meta http-equiv="Content-Type" content="text/html;
  charset=UTF-8">
4  <title>Interface GeoGebra</title>
5  </head>
6
7  <body style="margin:0;padding:0; border:0; overflow:
  hidden;">
8
9
10 <script type="text/javascript" language="javascript" src="
11 GeoGebra5/web/web.nocache.js"></script>
12
13 <article class="geogebraweb" data-param-width="710"
  data-param-height="500"
14 data-param-showResetIcon="true" data-param-enableRightClick
  ="true" data-param-enableLabelDrags="true"
  data-param-showMenuBar="false" data-param-showToolBar=
  "true" data-param-showAlgebraInput="true"
  data-param-useBrowserForJS="true" data-param-language="es"
  data-param-ggbbase64=
  "UESDBBQACAgIAA+mE0MAAAAAAAAAAAAAAAAAAWAAAZ2VvZ2VicmFfdGhlbWJ
  uYWlsLnBuZ+sM8HPn5ZLiYmBg4PX0cAkC0ieAeBYHG5B8I8eexMDAPMfTxTG
  k4tbbuxu7pBwZGhLlL5R/VNV5W8MQvXHjBqFEwY0XvFykuaPjDzg5phzSMZS
  Q9D130+X9u9+Oeiwy0yP3z9mdMifqwuG+48kZZrOf+tfuzlr2oPDzT5sSq7m
  fljMELsrbni3EcHHp5Zci554bKzCphO6+y9d9lEmAsei9cmigSOLeuOnleVu
  j1FgFdrIJKjRwCDiwcCgwsQgwMnUwMLo0MCg5MAGqMMEYYPkTq61l+J4u0nR
  g8VgUt158221doLlXU4w4Dz+80KTJ+EgKRTWyaRyoxr6fxhrM9MTv8kuTHjd
  loGmrrmaJsju3AgWPmCIpQzVGENV191buOCyiADTl9FOjnuPJIFM6DvPhM8G

```

De estas líneas, por ahora, nos interesan los bloques `<script>` y `<article>`. En el primero se invoca un archivo JavaScript de nombre `web.nocache.js` que ejecuta GeoGebraWeb⁵, el cual está compuesto de un conjunto de archivos JS y HTML, que permiten la publicación de objetos interactivos en la red, este archivo se encuentra en la carpeta `GeoGebra5`.

Es importante, entonces, que el archivo lo tengas guardado en la carpeta que hemos sugerido con el nombre `GeoGebra` que contiene, además, la subcarpeta `GeoGebra5`.

El segundo bloque (`<article>`) contiene la configuración de la escena y el archivo de GeoGebra (`ggb`) que se constituye en la escena misma. Para la configuración se usa la expresión `data-param-comando`, donde `comando` es un elemento de configuración; por ejemplo, `data-param-width="710"` indica que la escena tendrá un ancho de 710 pixeles. Por otra parte, el contenido de la escena (archivo `ggb`) se guarda codificado en base 64 con el parámetro `data-param-ggbbase64`, que generalmente es extenso, luego nos ocupamos de cómo obtener esta codificación de una escena GeoGebra.

Con respecto a los comandos de configuración, es necesario que le des una lectura a la lista de comandos que aparece en la siguiente página.

De acuerdo a esta información y la configuración dada en la escena anterior, concluimos que es una escena de 710×500 pixeles, con el botón `reset`, el menú de herramientas, clic derecho, etiquetas y cuadro de entradas habilitados, además de configurar el idioma a español.

⁵ A partir de GeoGebra 4.2 se introdujeron genuinos documentos HTML5 GeoGebra por lo que los applets dan inicio con mayor rapidez. Además, en tanto Java ya no es un requisito previo en esta tecnología, se abre la disponibilidad de GeoGebra para los dispositivos móviles del estilo de los smartphones. GeoGebra detecta automáticamente el navegador web en uso y decide si está ejecutándose en una tablet y trata el documento en formato HTML5 (<https://wiki.GeoGebra.org/>).



PARÁMETROS APPLET

El contenido de esta página puede estar desactualizado, pues aún está en proceso de traducción. Ante cualquier duda, por favor consulte la [versión en inglés](#) de esta página, simplemente cambiando el selector de idioma al pie.

El artículo sobre [aplicaciones embebidas](#) se profundiza sobre el modo de incrustar *applets* en páginas *web* y cómo aplicar parámetros.

Al descargar un material de GeoGebra como hoja de trabajo fuera de línea (.zip), es posible emplear parámetros. Los siguientes parámetros se pueden emplear con la aplicación de *etiquetas de guion (script tag)* en tanto la *etiqueta*

Uno de los comandos que usaremos para el diseño de las actividades de este capítulo es `customToolBar`, el cual nos permite definir cuáles herramientas deben aparecer en el menú; por ejemplo, queremos mostrar una escena de GeoGebra de 600×400 píxeles que sólo muestre las herramientas: elige y mueve, punto, segmento, polígono y elimina objeto.

Debemos, entonces, identificar la cadena de valores correspondiente a esas herramientas, para ello, puedes consultar el siguiente texto:

REFERENCIA: BARRA DE HERRAMIENTAS ✂

GeoGebra 3.2 en adelante

Elige y Mueve

0 

Punto

1 

Recta que pasa por Dos Puntos

2 

Recta Paralela

3 

Recta Perpendicular

4 

Intersección de Dos Objetos

5 

Elimina Objeto

6 

Vector

7 

Mediatriz

8 

Bisectriz

9 

Circunferencia dados su Centro y uno de sus Puntos

10  

Bastaría con agregar el parámetro: `data-param-customToolBar="0|1|15|16|6"` en la etiqueta `<article>`, así:

```
<article class="geogebraweb" data-param-width="600"
data-param-height="400"
data-param-showResetIcon="true" data-param-enableRightClick
="true" data-param-enableLabelDrags="true"
data-param-showMenuBar="false" data-param-showToolBar=
"true" data-param-showAlgebraInput="true"
data-param-useBrowserForJS="true" data-param-language="es"
data-param-customToolBar="0|1|15|16|6|40"
data-param-ggbbase64=
"UESDBBQACAgIAA+mE0MAAAAAAAAAAAAAAAAAWAAAZ2VvZ2VicmFfdGh1bWJ
```

Observa que hemos incluido seis herramientas cuyos valores no necesariamente tienen que ir en un orden ascendente. Hemos agregado, además, la herramienta de desplazamiento gráfico cuyo valor es `40`.

En la siguiente página puedes observar y escuchar una explicación más amplia sobre la configuración de la escena. Al final de la presentación, te daremos una clave para capturar el archivo ggb, codificado en Base64, de cualquier escena de GeoGebra, tanto las que diseñemos con la herramienta, como las que se publican en la red, en especial del portal de GeoGebra.

La presentación sigue el mismo formato de las anteriores que hemos presentado, para ello, recuerda que para observar las diapositivas debes hacer clic sobre la imagen y luego usar la flecha del teclado para avanzar. Debes tener el sonido activado, pues cada diapositiva tiene una explicación en archivo de audio.



Presiona
la flecha
de
dirección
derecha
del
teclado



Ya es momento de avanzar con el proceso de comunicación entre las dos herramientas, así que presta atención al procedimiento que seguiremos a continuación, en el cual estaremos configurando tanto el editor de DescartesJS, como el archivo que hemos denominado `interface_inicial.html`... manos a la obra.

3.2 Comunicación DescartesJS - GeoGebra

Iniciamos con la siguiente actividad (espera a que cargue GeoGebra):

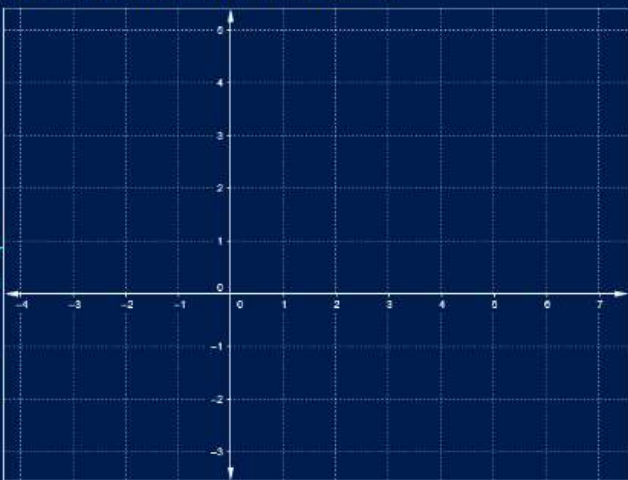
Practicando GeoGebra con DescartesJS

Escribe un punto, por ejemplo (3,0).
Luego presiona la tecla intro

Si te sale un mensaje de error de GeoGebra, puedes borrar usando el botón reset o hacer clic en Inicio, por ello, es importante que escribas bien el comando de GeoGebra.

Obviamente, si escribes cualquier cosa... obtendrás cualquier cosa. Sigue con atención las instrucciones.

Inicio



Actividad 6

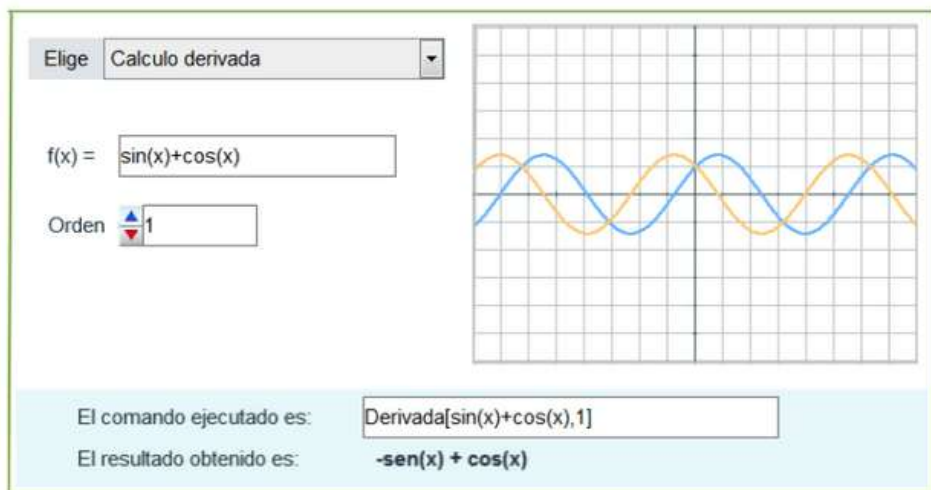
Diseñar una escena interactiva, usando DescartesJS y GeoGebra, cuyo propósito es enviar órdenes (comandos) desde DescartesJS a GeoGebra, cuyos resultados se muestren en la escena. Al final se obtendrá una circunferencia circunscrita de un triángulo.

3.2.1 Enviando órdenes a GeoGebra

La comunicación de DescartesJS con GeoGebra ha sido posible gracias al trabajo de nuestra colega Elena Álvarez publicado como [Aplicaciones de la comunicación para integrar cálculo simbólico en Descartes](#), en el cual explica:



Escena ejemplo:



Para poder realizar la comunicación, la escena Descartes tiene un espacio `HTMLiframe` de nombre `Cal` que carga la página

Lo explicado por Elena tiene que ver con el "cómo funciona la escena"; sin embargo, es necesario que expliquemos el "cómo funciona [calculos.html](#)", que es nuestro archivo de comunicación. Nuestro propósito no es ahondar en los métodos y eventos de JavaScript, pues no está en el alcance de este libro, pero si podemos estudiar los bloques principales de este archivo de interface, para poder intervenirlos de tal forma que responda a nuestras necesidades de diseño de otras escenas interactivas.

Para iniciar, partamos de lo explicado por Elena en su escena de comunicación con GeoGebra, para lo cual descarga este archivo: [calculos1.zip](#), lo descomprimes y guardas en la carpeta que hemos llamado **GeoGebra**. Al ejecutar el archivo, observarás la siguiente escena interactiva:

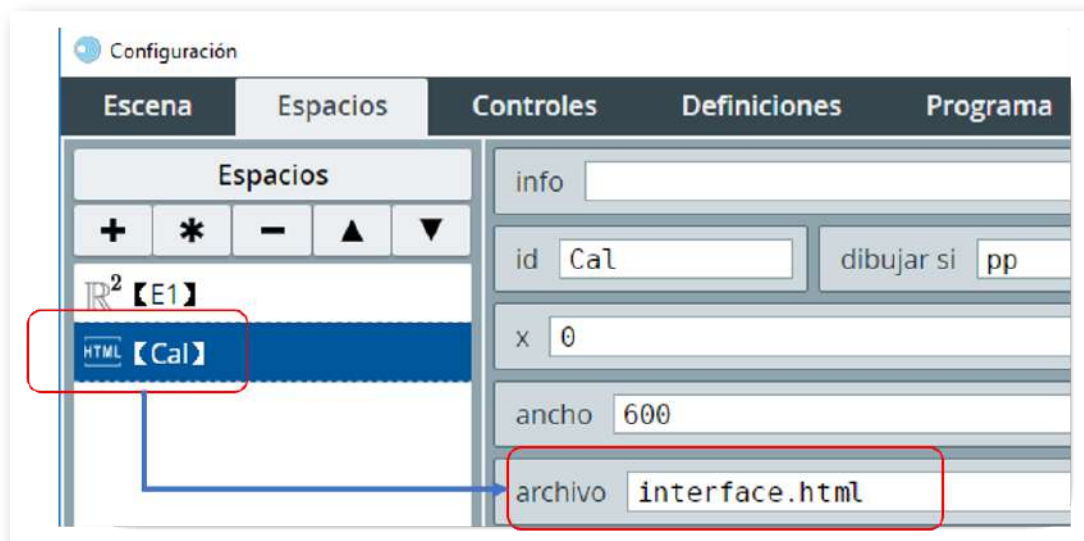


Calculando con GeoGebra desde Descartes

Ingresa el cálculo que deseas realizar,
por ejemplo Derivada[x^4]

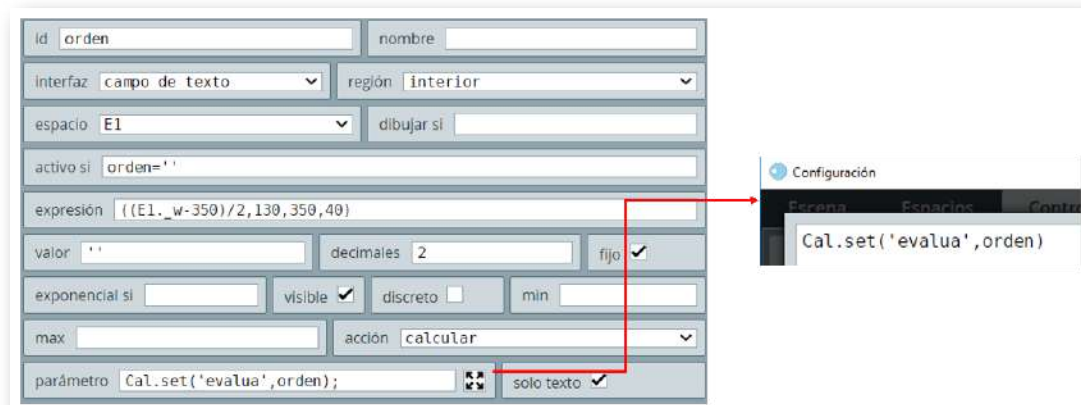
Inicio

El diseño de la escena es sencillo. Para analizarla abre (con DescartesJS) el archivo `index.html`. Observarás que se trata de una escena de 600×350 píxeles, en la que hay dos espacios. El primero, es un espacio R^2 con nombre `E1`; el segundo es un espacio HTMLIFrame que, como Elena, hemos llamado `Cal`. En este segundo espacio, el archivo html que es invocado es `interface.html` (Elena lo llama `calculos.html`), hemos dejado en `dibujar si` la expresión `pp`, la cual es falsa (pues `pp=0`), de tal forma que no se muestre este espacio (la escena de GeoGebra), pues sólo nos interesa darle órdenes y recibir respuestas.

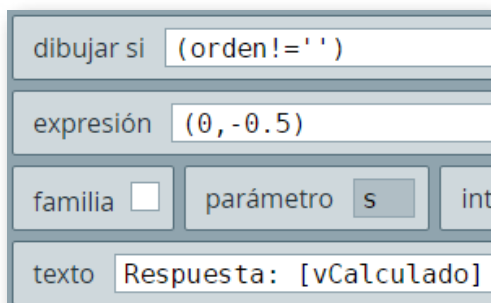


En el selector **Controles**, hemos diseñado un control tipo **campo de texto** y dos **botones**. Sólo explicamos el primero, pues ya estás en capacidad de comprender los otros dos.

Este control llamado **orden** envía el mensaje de tipo **set**, de nombre **evalua** y cuyo valor es el mismo de la variable **orden**. El mensaje es enviado a la página cargada en el HTMLIFrame **Cal** (en nuestra escena, a la página **interface.html**).



El archivo de comunicación (**interface.html**) ejecuta la orden dada (comando GeoGebra), comunicando a DescartesJS el resultado, a través de una variable con nombre **vCalculado**, que incluimos en el texto diseñado en el selector **Gráficos**.



Es importante que conozcas algunos comandos de GeoGebra, pues sin ello la escena anterior no es de tu utilidad. Si no eres un usuario de GeoGebra, te mostramos cinco comandos que puedes introducir en la escena anterior:

- `Derivada[5x^6-4x^2,2]`. Calcula la segunda derivada de la función $5x^6 - 4x^2$.
- `Derivada[6x^3*y^2-sen(x*y),y,1]`. Calcula la derivada parcial de la expresión $6x^3y^2 - \text{sen}(xy)$.
- `Factoriza[x^2-x-6]`. Factoriza el polinomio $x^2 - x - 6$.
- `Desarrolla[(3x-5)(2x+4)]`. Desarrolla el producto $(3x - 5)(2x + 4)$.
- `Integral[6x^2+2x-20,0,3]`. Calcula la integral entre 0 y 3 de la función $6x^2 + 2x - 20$.

Es importante que no olvides la mayúscula inicial, de lo contrario GeoGebra desconocerá el comando enviado y el archivo `interface` nos retornará el mensaje: "No está disponible de momento".

Hasta aquí, hemos explicado el funcionamiento de la escena. Ahora, nos adentramos en el archivo de comunicación.

Abre el archivo `interface.html` con un editor html (Notepad++, por ejemplo). Los primeros bloques ya los conoces, en especial los bloques `<script>type="text/javascript" language="javascript" src="../GeoGebra5/web/web.nocache.js"></script>` y el bloque `<article>`, donde el segundo nos permitió configurar el entorno de una escena de GeoGebra. Como la escena GeoGebra la hemos dejado oculta en nuestro diseño, sólo nos queda explicar el último `<script>`.

Una primera exploración hazla en la línea 92, a partir de esta línea podrás observar 467 comandos de GeoGebra almacenados en dos matrices: **vComandosD** y **vComandosG**.

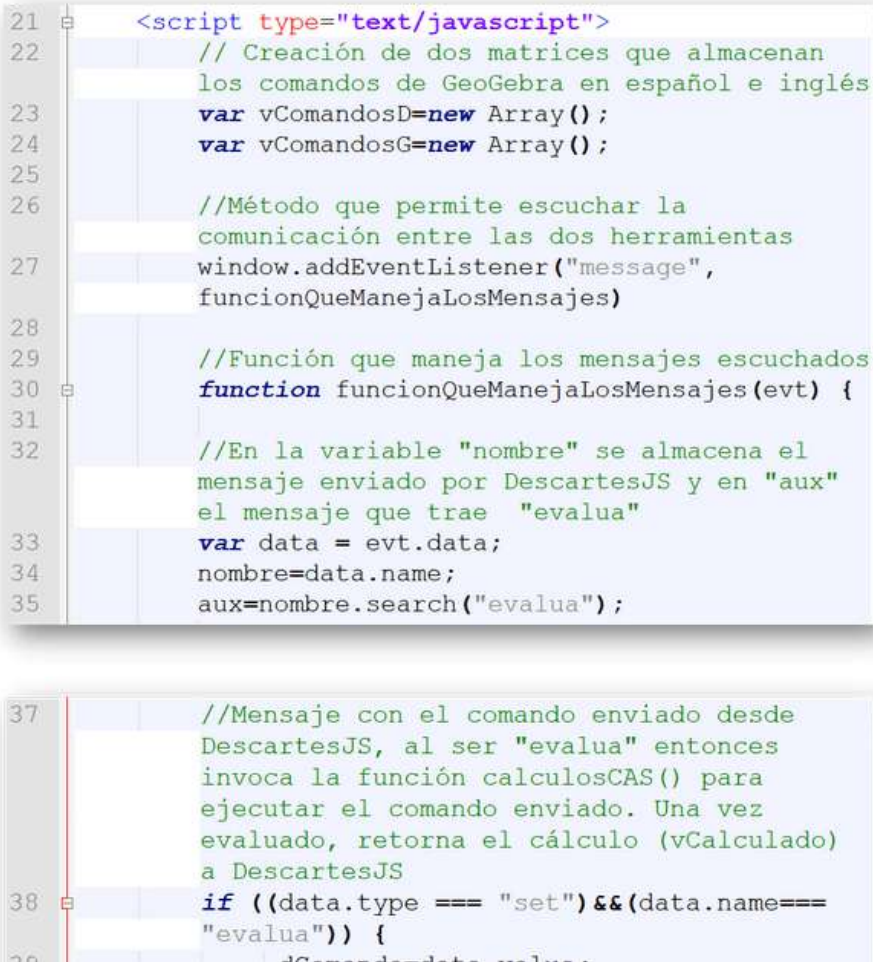
En la primera matriz se almacenan los comandos en español y en la segunda en inglés. Esta es una buena estrategia de Elena, pues GeoGebra finalmente ejecuta los comandos en inglés.

A continuación, puedes explorar los primeros 100 comandos:



```
117 // Estos son los valores de las matrices
    vComandosD y vComandosG
118 vComandosD[0]=' '
119 vComandosG[0]=' '
120
121 //
122 vComandosD[1]='ABase '
123 vComandosG[1]='ToBase '
124 //
125 vComandosD[2]='ABase '
126 vComandosG[2]='ToBase '
127 //
128 vComandosD[3]='ABase '
129 vComandosG[3]='ToPolar '
130 //
131 vComandosD[4]='AComplejo '
132 vComandosG[4]='ToComplex '
133 //
134 vComandosD[5]='ActualizaConstrucción '
135 vComandosG[5]='UpdateConstruction '
136 //
137 vComandosD[6]='AExponencial '
```

La otra parte de la interface de comunicación, es la siguiente:



```
21 <script type="text/javascript">
22 // Creación de dos matrices que almacenan
    los comandos de GeoGebra en español e inglés
23 var vComandosD=new Array();
24 var vComandosG=new Array();
25
26 //Método que permite escuchar la
    comunicación entre las dos herramientas
27 window.addEventListener("message",
    funcionQueManejaLosMensajes)
28
29 //Función que maneja los mensajes escuchados
30 function funcionQueManejaLosMensajes(evt) {
31
32 //En la variable "nombre" se almacena el
    mensaje enviado por DescartesJS y en "aux"
    el mensaje que trae "evalua"
33 var data = evt.data;
34 nombre=data.name;
35 aux=nombre.search("evalua");
36
37 //Mensaje con el comando enviado desde
    DescartesJS, al ser "evalua" entonces
    invoca la función calculosCAS() para
    ejecutar el comando enviado. Una vez
    evaluado, retorna el cálculo (vCalculado)
    a DescartesJS
38 if ((data.type === "set") && (data.name ===
    "evalua")) {
39     //Comando data.name
```

Observa que la hemos dividido en cinco bloques, para su explicación.

Bloque líneas 21-35. Hasta la línea 30, aparecen elementos de JavaScript que no modificaremos en el resto de este capítulo. Las dos primeras expresiones crean las dos matrices antes descritas. A continuación aparece un **método** y una **función** JavaScript, necesarios para la comunicación. Como dijimos antes, su explicación está por fuera del alcance de este libro, basta saber que las debes dejar tal cual. La expresión `nombre=data.name;` asigna el nombre de la variable enviada desde DescartesJS a la variable `nombre`, que para nuestra escena es `evalua` (recuerda que la enviamos con la expresión `Cal.set('evalua',orden)`). Este mismo nombre se asigna a la variable `aux`, si no se envía `evalua`, `aux` será cero.

Bloque líneas 37-45. Mensaje con el comando enviado desde DescartesJS o, de otra forma, el valor de la variable `evalua` que es el mismo introducido en el control `orden`. Este valor recibido (`data.value`) se asigna a `dComando`, con el que se invoca la función `calculosCAS(dComando)` para ejecutar el comando enviado. Una vez evaluado, el resultado se asigna a la variable `rComando`, cuyo valor es retornado a DescartesJS en la variable `vCalculado`.

Bloque líneas 51-63. Útil para las siguientes escenas.

Bloque líneas 66-83. Es el bloque con la función `calculosCAS(dComando)`. Lo que se realiza es una partición (*split*) en dos del comando enviado, separando la palabra que está antes del corchete de apertura (`str[0]`) de la expresión que está después de él (`str[1]`); por ejemplo, la orden `Derivada[x^4]`, se divide en `str[0]='Derivada'` y `str[1]='x^4'`. Con la primera palabra, cadena o *string*, se busca en la matriz de comandos en español el índice del elemento que la contiene esta palabra `vComandosD.indexOf(com)`, donde `com` es la primera cadena (`Derivada`), que para el ejemplo es 95 (según la tabla de comandos anterior). Recuerda que esto es necesario, pues el comando a ejecutar en GeoGebra debe estar en español.

Finalmente, se realiza la ejecución del comando con las siguientes expresiones:

```
cEjecuta=vComandosG[pos]; (Derivative para nuestro ejemplo)
comando='f: '+cEjecuta+'['+str2; (Derivative[x^4], para el ejemplo)
calculo=document.ggbApplet.evalCommandCAS(comando);
el resultado se asigna a la variable calculo cuyo valor es retornado al
bloque que invocó la función y se asigna a la variable vCalculado.
```

Quizá te hayas perdido en alguna parte de la explicación, así que vamos a hacer una trazabilidad del algoritmo con un ejemplo (prueba de escritorio).

1. Supongamos que en la escena introducimos 'Factoriza[x^2-9]'. Eso quiere decir que `orden='Factoriza(x^2-9)'`.
2. En nuestra escena se ejecuta la expresión `Cal.set('evalua',orden);`. Eso quiere decir que DescartesJS envía la variable `evalua` con el contenido de `orden` (que es 'Factoriza[x^2-9]').
3. Nuestra interface recibe el mensaje, asignando a la variable `nombre` la expresión 'evalua' (ver primer bloque).
4. En el segundo bloque se realizan las siguiente acciones:
`dComando='Factoriza[x^2-9]'` (data.value),
`rComando=calculoCAS(dComando)`, es decir, debemos ir al cuarto bloque.
5. En el cuarto bloque se ejecuta:
`com=str1=str[0]='Factoriza'`
`str2=str[1]='x^2-9'`
`pos=195` (ver tabla de comandos en `interface.html`)
`cEjecuta='Factor'` (ver tabla de comandos en `interface.html`)
`comando='f: '+cEjecuta+'['+str2;='f:Factor[x^2-9]'` (orden en inglés)
`calculo=document.ggbApplet.evalCommandCAS(comando);`
(GeoGebra ejecuta la orden y el resultado se asigna a `calculo`)

6. `return calculo` (se envía el resultado al bloque 2)
7. El resultado se asigna a la variable `rComando`.
8. `window.parent.postMessage({ type: "set", name: "vCalculado", value: rComando }, '*');` (Se envía este resultado (`rComando`) a DescartesJS guardado en la variable `vCalculado`).

El quinto bloque garantiza la existencia de una escena de GeoGebra (`ggb0ninit`), sin ésta no sería posible la comunicación.

3.2.2 Enviando varias órdenes a GeoGebra

Ya nos vamos acercando a solucionar la actividad planteada en este apartado, pero debemos aprender cómo enviar dos comandos simultáneos. Para ello, modificaremos la escena anterior, para lograr la siguiente:



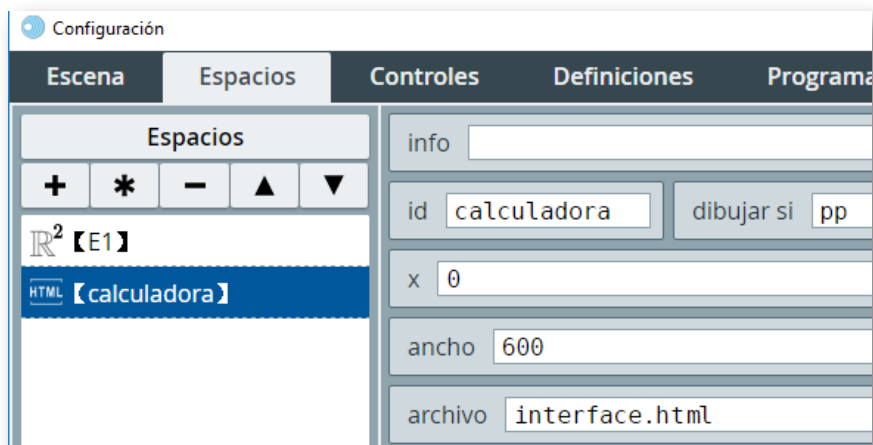
Calculadora de integrales

Ingresa la función a la que deseas calcularle la integral

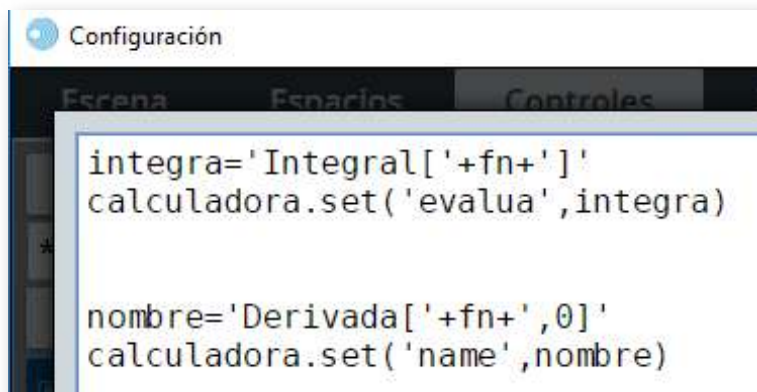
f(x) =

Inicio

Los cambios en la escena son pocos, obviamente tendrás que cambiar el título de la escena. El primer cambio es el nombre del espacio HTMLiframe, que será **calculadora**:



El segundo cambio lo realizamos en el control **campo de texto**, en el que agregamos un segundo mensaje, así:



Observa que en el control **campo de texto** ya no se espera un comando de GeoGebra, se debe ingresar una función en **x**. Por ello, hay que construir el comando.

Supongamos que la función ingresada es ' x^3-2x ', entonces la variable `integra` sería igual a '`Integral[x^3-2x]`', comando que se envía al archivo de comunicación con la instrucción `calculadora.set('evalua', integra)`, situación que funciona igual a la escena anterior, es decir, el archivo `interface.html` nos retornará el resultado de la integral en la variable `vCalculado`.

En este control vamos a introducir una segunda orden a ejecutar por GeoGebra, para ello asignamos a la variable `nombre` el comando '`Derivada['+fn+',0]`', que para el ejemplo sería '`Derivada[x^3-2x,0]`', el número cero es un truco que usamos, pues la derivada cero es la misma función. Luego enviamos el mensaje con la instrucción `calculadora.set('name', nombre)`. Seguro te preguntarás para qué esta orden, la idea es que GeoGebra nos retorna la función en el formato $x^3 - 2x$.

Por otra parte, debemos incluir un bloque adicional en `interface.html` que pueda leer el mensaje `name`:

```
49  if ((data.type === "set") && (data.name === "name")) {
50      dComando1=data.value;
51      rComando1=calculosCAS(dComando1);
52      document.ggbApplet.reset();
53      window.parent.postMessage({ type: "set", name:
54          "funcion", value: rComando1 }, '*');
55      window.parent.postMessage({ type: "update" },
56          '*');
57  }
58  // se maneja un mensaje del tipo update
59  else if (data.type === "update") {
60  }
```

Analiza bien este bloque y comparálo con el bloque `evalua`. Observa que uno de los cambios es la variable retornada a DescartesJS que ahora es `funcion`.

Otro cambio está en la ejecución de la variable **dComando** (**dComando1** en el nuevo bloque), pues obliga a crear la función:

```
93  function calculosCAS(dComando1) {
94      document.ggbApplet.reset();
95      str=dComando1.split("");
96      str1=str[0];
97      com=str1;
98      str2=str[1];
99      pos=vComandosD.indexOf(com);
100     if (pos=="-1") {
101         calculo="No está disponible de momento"
102     }
103     else {
104         cEjecuta=vComandosG[pos];
105         comando1='f:'+cEjecuta+'['+str2;
106         calculo1=document.ggbApplet.evalCommandCAS(comando1);
107     }
108     return calculo1;
109 }
```

¿Lo anterior quiere decir que para **n** comandos necesitamos **n** bloques y **n** funciones en la **interface.html**?, la respuesta es sí y no. Es cierto para algunos casos especiales, como los objetos geométricos en los que debemos realizar otras acciones, y es "no" para el caso de la ejecución de comandos como los de esta escena, los cuales se pueden ejecutar con el bloque 3 que no hemos explicado aún (¿recuerdas el Bloque líneas 51-63?).

Finalmente, sólo nos resta diseñar cómo se escribirá el resultado, lo cual lo podemos hacer con un gráfico tipo **texto enriquecido** o, si lo prefieres, con gráfico tipo **texto simple**. El primer tipo lo profundizaremos en otro capítulo de este libro, sin embargo, en la siguiente imagen se describe cómo usarlo para esta escena:



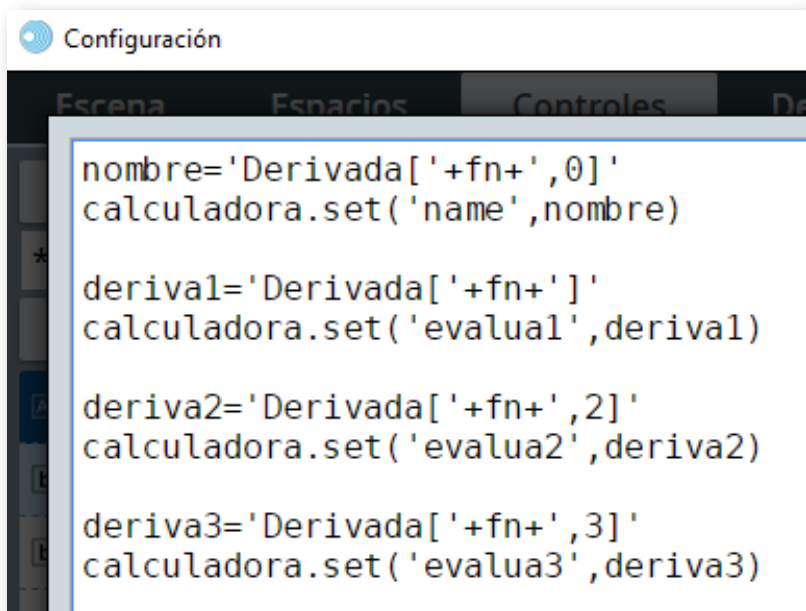
Con texto simple sería así:

texto $\int [funcion] dx = [vCalculado]$

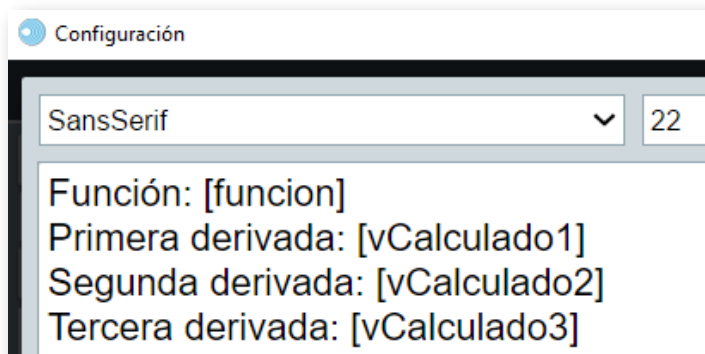
3.2.3 Uso de un sólo bloque para ejecutar varias órdenes de GeoGebra

Realiza los siguientes cambios en la escena anterior:

1. Cambia el título por "Derivadas de orden superior"
2. Modifica el parámetro del control cuadro de texto por:



3. Modifica el gráfico tipo texto que muestra los resultados por el siguiente texto simple (debes adecuar su posición y tamaño):



Observa que hemos usado las variables `evalua1`, `evalua2` y `evalua3` para enviar los mensajes, y esperamos recibir los resultados en las variables `vCalculado1`, `vCalculado2` y `vCalculado3`.

Por ahora, ejecuta la escena interactiva y observarás algo así como esto:



Derivadas de orden superior

Ingresa una función, por ejemplo $\sin(4x^2)$

$f(x) =$

Inicio

Podrás notar, si sabes de cálculo diferencial, que la escena funciona bien, sin la necesidad de saber qué está ocurriendo en el archivo de comunicación.

Pero, como la idea es que sepas qué ocurre, hacemos una descripción detallada del **Bloque líneas 51-63** que habíamos dejado pendiente, el cual se ha convertido en el **Bloque líneas 60-72**, pues recuerda que incluimos el bloque para la variable `name` que genera la expresión de la función.

Observa, entonces, el bloque que procesa las tres derivadas:

```

60 //Mensaje con los datos de los comandos, al
    no ser "evalua" entonces aux===0
61 if ((data.type === "set") && (aux===0)) {
62     num=nombre.charAt(6);
63     dComando2=data.value;
64     rComando2=calculosCAS(dComando2);
65     variable="vCalculado"+num;
66     window.parent.postMessage({ type:
        "set", name: variable, value:
        rComando2 }, '*');
67     window.parent.postMessage({ type:
        "update" }, '*');
68 }
69 // se maneja un mensaje del tipo update
70 else if (data.type === "update") {
71 }
72 }

```

Su funcionamiento es el siguiente:

1. Al enviar los mensajes en `evalua1`, `evalua2` y `evalua3`, la variable `aux` es igual a cero (`aux===0`), por ello se ejecuta este bloque.
2. La variable `num` captura el sexto carácter (`charAt`) del nombre de estas variables, es decir, 1, 2 y 3.
3. La variable `dComando2` toma el valor de estas variables (uno a la vez).
4. A la variable `rComando2` se le asigna el resultado obtenido de la función `calculosCAS()`, es decir, la primera, segunda y tercera derivada.
5. Se asigna a `variable` los nombres `vCalculado1`, `vCalculado2` y `vCalculado3`.
6. Finalmente, se envía la comunicación a DescartesJS con estas variables y su contenido.

3.2.4 Comunicación mostrando entorno de GeoGebra

Ahora ya podemos diseñar la [actividad 6](#), de tal forma que los resultados se muestren en el entorno de GeoGebra, ello porque se trata de una construcción geométrica. Sigue, entonces, los siguientes pasos:

- Crea una nueva escena de DescartesJS de dimensiones 970×500 y expandir escena **escalar**.
- Guarda la escena con el nombre index en una carpeta llamada **ejemplo0**.
- En esta carpeta guarda el archivo **interface.html** que tienes en la carpeta **calculos1** (descargado en el apartado 3.2.1).
- El color del fondo del espacio **E1**, en formato decimal, será **00, 30, 81**, por ello debes diseñar este color para **E1**, así:

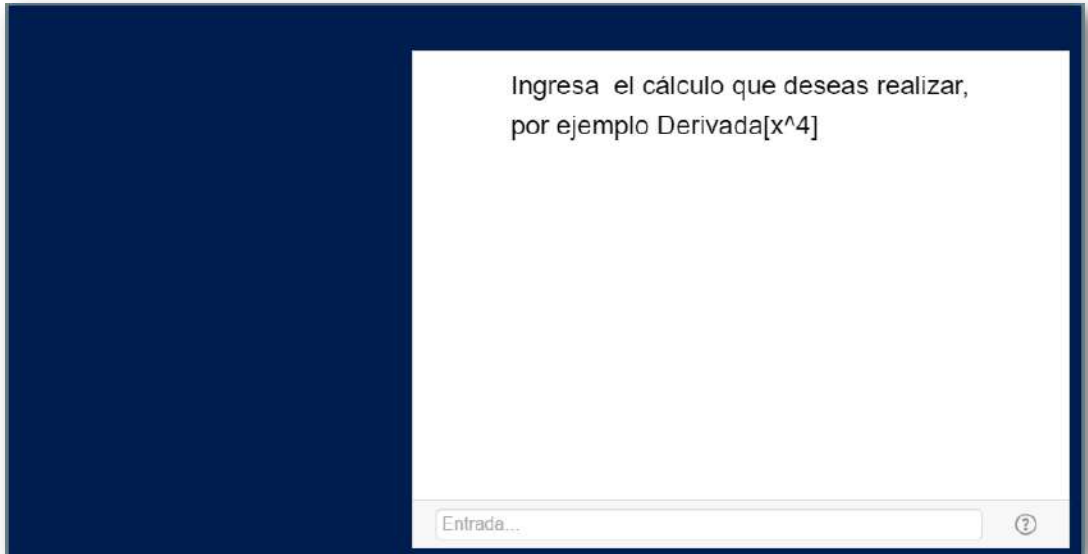
00	☐	
00	☐	
30/256	☐	
81/256	☐	

- Crea un espacio HTMLIFrame con la siguiente configuración:

id Cal	dibujar si 1
x 365	y 40
ancho 600	alto 450
archivo interface.html	

- Abre con un editor HTML el archivo `interface.html` y cambia sus dimensiones a 595×450 , es decir, `data-param-width="595"` `data-param-height="450"`.

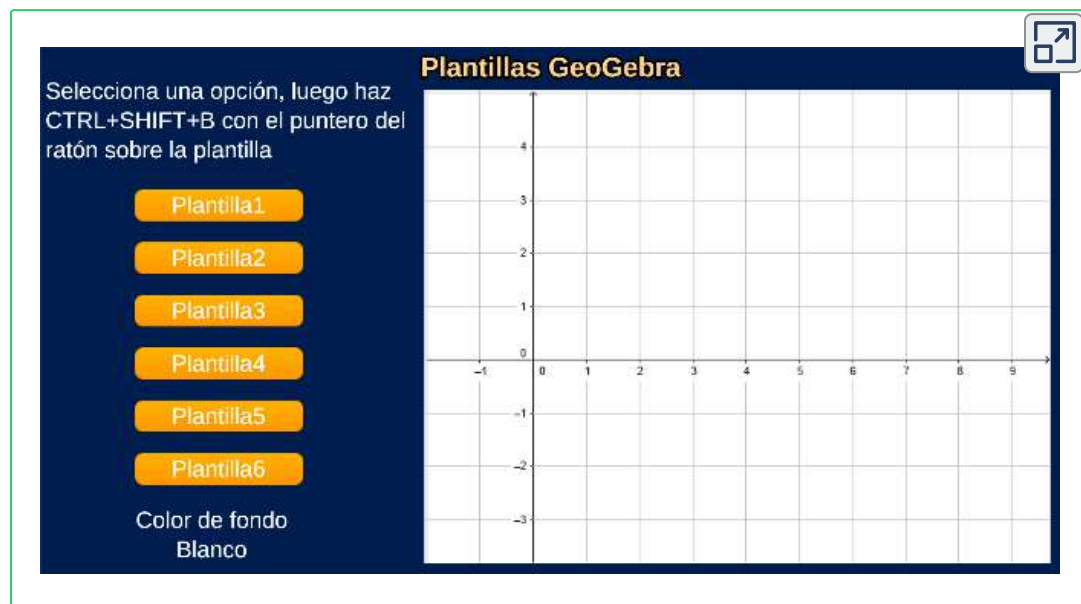
Si has seguido bien los pasos anteriores, debes tener tu escena así:



Observa que el entorno GeoGebra de nuestra interface tiene tres características que debemos cambiar. La primera es que muestra la ventana de entrada, que eliminamos con este comando: `data-param-showAlgebraInput="false"`. La segunda y tercera tienen que ver con el plano cartesiano que está ausente y el color del fondo del entorno de GeoGebra.

Tienes dos alternativas para cambiar el entorno. Una de ellas, si eres usuario de GeoGebra, es abrir la herramienta GeoGebra, configurar el color y copiar en el portapapeles el archivo codificado **ggb64** (**CTRL+SHIFT+B**) y luego reemplazarlo en el archivo **interface.html**, tal como lo hemos explicado antes (apartado 3.1).

Otra alternativa, para los no usuarios de GeoGebra, es copiar una de las siguientes plantillas:



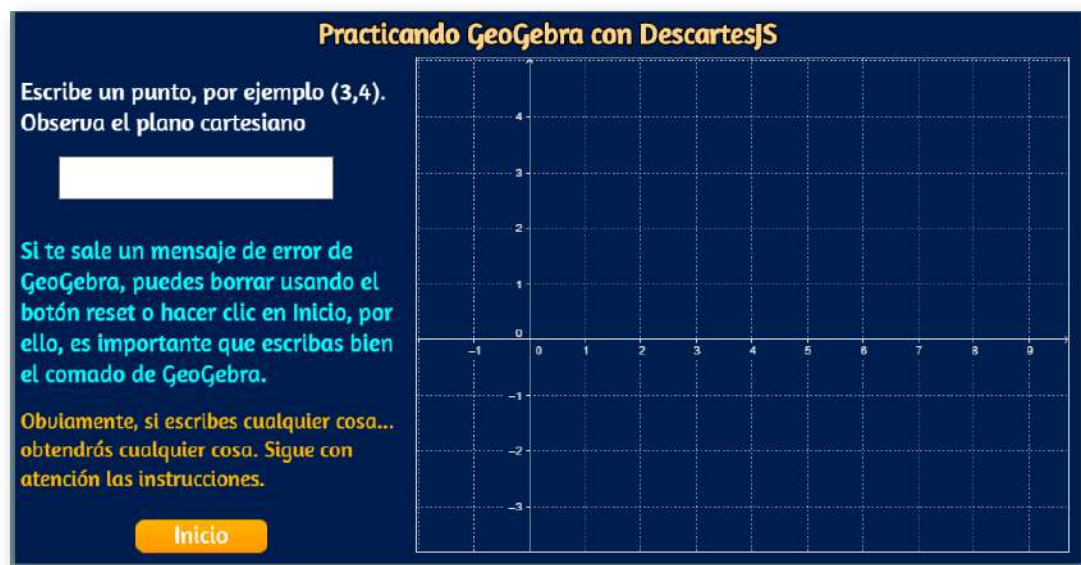
Nota que la plantilla 2 tiene el mismo color de fondo del espacio **E1**. Recomendamos seleccionar esta plantilla, pues el resultado final permite obtener una escena que se vuelve transparente para el usuario, es decir, no distinguirá entre DescartesJS y GeoGebra.

Si presentas problemas para copiar la plantilla, puedes descargarlas desde el siguiente enlace: [Plantillas](#), abres la plantilla que te gusta con el editor HTML y haces la copia del [ggb64](#).

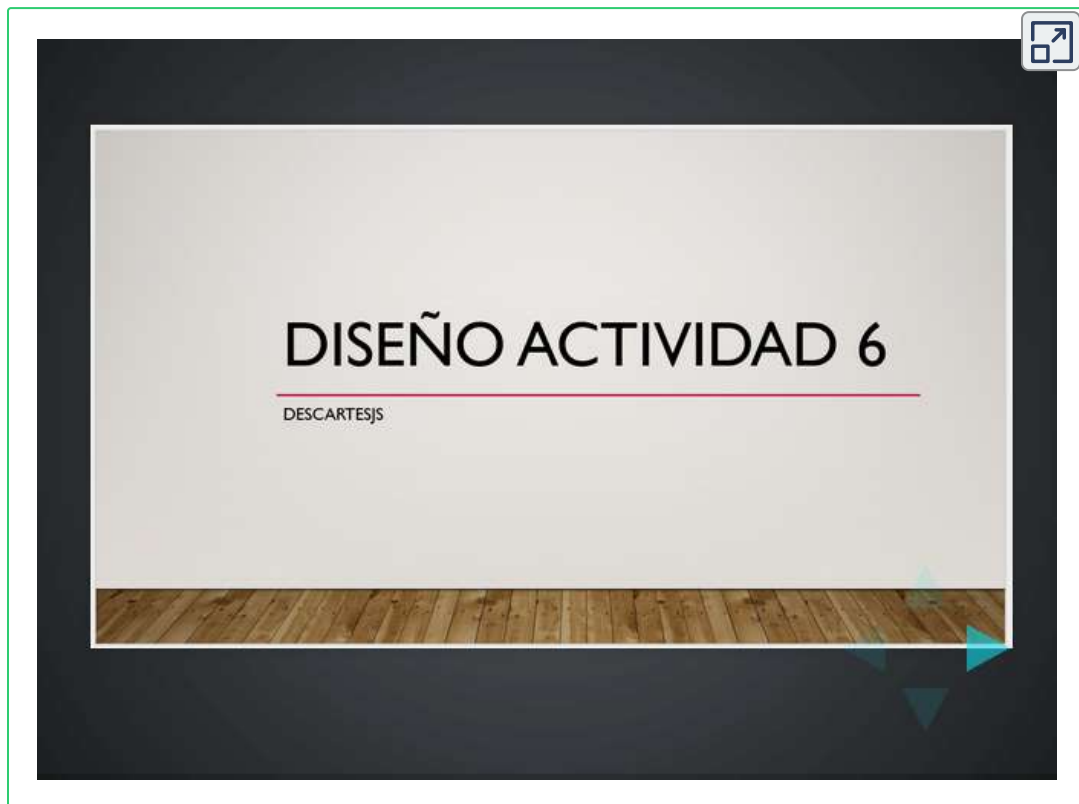
Continuamos con nuestro diseño de la actividad.

- En el selector **Gráficos** agrega el título: **Practicando GeoGebra con DescartesJS** (usa coordenadas relativas $(0, 4.8)$ y 26 de tamaño de fuente).

Para no extendernos en explicaciones que ya no necesitas, continúa el paso a paso para la configuración de escena en DescartesJS, en la presentación de la siguiente página. Al final, debes tener una escena como lo muestra esta imagen:



La siguiente presentación fue diseñada con el presentador HTML [Reveal.js](#), creada por Hakim El Hattab. Te sugerimos observarla en pantalla ampliada para que puedas analizar la configuración de la escena. Para pasar de una diapositiva a otra, haz clic en las flechas que aparecen en la parte inferior derecha de la presentación.



Pudiste observar que el diseño consta de tres controles, dos algoritmos y 15 gráficos tipo texto. En estos últimos se centra el esfuerzo en el diseño de la escena, pues es la construcción del guion de la escena interactiva.

Es importante agregar un tercer espacio, que garantice la no intervención en el entorno GeoGebra en el primer paso de la construcción, pues de no hacerlo el usuario podría desplazarlo y dar al traste con el propósito de la escena: "construir la circunferencia circunscrita a un triángulo". Este es el espacio a agregar:

id	E3	dibujar si	paso<2		
x	365	y	40		
ancho	565	alto	450	redimensionable	☐
fijo	☒	escala	50	O.x	-14%
				O.y	18%
imagen				despliegue de imagen	arr-izq
fondo		ejes	☐ 	red	☐ 
				red10	☐ 
texto	☐ 	números	☐	eje x	
				eje y	

Como se indicó en la presentación, sólo necesitamos dos bloques para ejecutar los comandos requeridos de GeoGebra, los cuales pasamos a explicar a continuación.

El primer bloque no lo intervenimos, recuerda que es el que define la variables **vComandosD**, **vComandosG**, **data**, **nombre** y **aux**.

Después del primer bloque, vas a agregar lo siguiente y lee la explicación a continuación:

```
if ((data.type === "set") && (data.name === "puntos")) {
    dComando=data.value;
    document.ggbApplet.evalCommand(dComando);
    //A las variables valor1, valor2 y valor3 se asignan
    los valores (xi, yi) de los puntos A, B y C
    valor1=document.ggbApplet.getValueString('A');
    valor2=document.ggbApplet.getValueString('B');
    valor3=document.ggbApplet.getValueString('C');
    //Se envía un mensaje a DescartesJS con los valores
    anteriores. DescartesJS escucha y asigna estos valores
    a las variables puntoA, puntoB y puntoC
    window.parent.postMessage({ type: "set", name: "puntoA"
    , value: valor1 }, '*');
    window.parent.postMessage({ type: "set", name: "puntoB"
    , value: valor2 }, '*');
    window.parent.postMessage({ type: "set", name: "puntoC"
    , value: valor3 }, '*');
    //Asigna colores y tamaño a los puntos creados
    document.ggbApplet.setColor('A',0,255,0);
    document.ggbApplet.setColor('B',255,255,0);
    document.ggbApplet.setColor('C',255,255,0);
    document.ggbApplet.setPointSize('A',6);
    document.ggbApplet.setPointSize('B',5);
    document.ggbApplet.setPointSize('C',5);

    window.parent.postMessage({ type: "update" }, '*');
}
else if (data.type === "update") {
}
```

Bloque nuevo

Este nuevo bloque se ejecuta cuando ingresamos el punto en el primer paso de la escena (`paso=1`), revisa el parámetro en el control tipo texto (`mensaje=(paso=1)?Cal.set('puntos',entrada1):mensaje`), cuyo mensaje es `puntos` con su correspondiente entrada o, si se prefiere, `data.value`. Adicionalmente, desde el evento del selector **Programa**, se enviaron dos puntos adicionales.

GeoGebra, por defecto, asigna las letras `A`, `B`, `C`, `D`,... a los puntos que se generan, por lo tanto, los tres puntos enviados serían `A`, `B` y `C`.

Siguiendo con la interface, se asignan a las variables `valor1`, `valor2` y `valor3` los puntos creados, a través de comandos como: `valor1=document.ggbApplet.getValueString('A');`

A continuación, se envían tres mensajes a DescartesJS con los valores de estas variables, que DescartesJS recibe como `puntoA`, `puntoB` y `puntoC`, algo innecesario, pues DescartesJS ya los conoce; no obstante, lo hacemos sólo con fines didácticos, además de haberlos incluido en uno de los textos.

En el bloque hemos agregado dos atributos para los puntos: `document.ggbApplet.setColor` y `document.ggbApplet.setPointSize`, que permiten asignar color y tamaño a los puntos.

A continuación, hacemos algunos cambios al bloque de la variable `aux` que ya habíamos explicado cómo funciona. Observa los cambios:

Intervención del bloque **aux**

```
if ((data.type === "set") && (aux===0)) {  
    num=nombre.charAt(6);  
    figura='o'+num+':';  
    dComando1=data.value;  
    rComando1=calculosCAS(dComando1);  
    rComando1=document.ggbApplet.getValueString('o'+num);  
    variable="vCalculado"+num;  
    window.parent.postMessage({ type: "set", name: variable  
    , value: rComando1 }, '*');  
    window.parent.postMessage({ type: "update" }, '*');  
    //Decoración a gusto del diseñador  
    document.ggbApplet.setColor('a',0,255,120);  
    document.ggbApplet.setColor('b',0,255,120);  
    document.ggbApplet.setColor('c',0,255,120);  
    document.ggbApplet.setColor('o3',255,55,200);  
    document.ggbApplet.setColor('o4',200,255,55);  
    document.ggbApplet.setColor('o5',255,255,255);  
    document.ggbApplet.setColor('o6',255,180,00);  
    document.ggbApplet.setColor('o7',0,0,200);  
    document.ggbApplet.setLineThickness('a', 3);  
    document.ggbApplet.setLineThickness('b', 3);  
    document.ggbApplet.setLineThickness('c', 3);  
    document.ggbApplet.setLineThickness('o6', 3);  
    document.ggbApplet.setPointSize('o5',5);  
}  
else if (data.type === "update") {  
}
```

Observa que hemos agregado la variable **figura** cuyos contenidos son **o1**, **o2**, **o3**,... según el sexto carácter de **evalua1**, **evalua2**, **evalua3**, **evalua4**,...

GeoGebra asigna las letras **a**, **b**, **c**, **d**,... a los segmentos, rectas y curvas que vamos creando, como el segundo paso fue crear el triángulo, automáticamente los lados serían **a**, **b** y **c**. Por otra parte, el triángulo recibe el nombre **o2**, pues fue ordenado por el mensaje **evalua2**, las dos mediatrices son **o3**, y **o4** ordenados por **evalua3** y **evalua4**, el punto de intersección es **o5**, y la circunferencia **o6**.

Las líneas finales del bloque son de decoración (color, espesor de línea y tamaño de puntos). La escena final, entonces, sería:

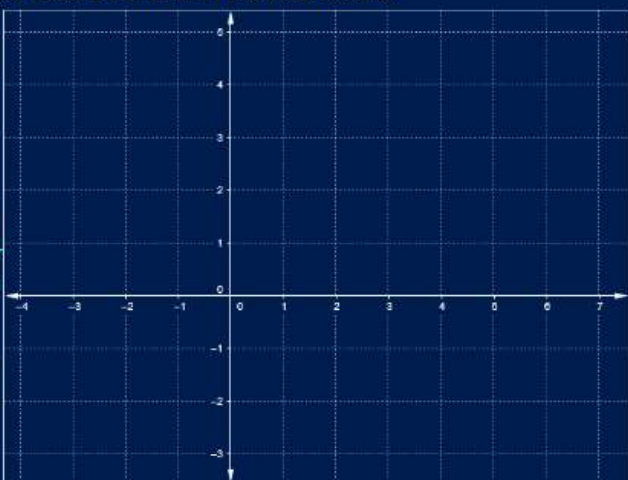
Practicando GeoGebra con DescartesJS

Escribe un punto, por ejemplo (3,0).
Luego presiona la tecla intro

Si te sale un mensaje de error de GeoGebra, puedes borrar usando el botón reset o hacer clic en Inicio, por ello, es importante que escribas bien el comando de GeoGebra.

Obviamente, si escribes cualquier cosa... obtendrás cualquier cosa. Sigue con atención las instrucciones.

Inicio



3.2.5 Construyendo en el entorno gráfico de GeoGebra

Otra forma de establecer una comunicación entre las dos herramientas de autor, es "escuchar" lo que se hace en el entorno gráfico (vista gráfica) de GeoGebra, que permita controlar las acciones del usuario o, como lo haremos en este último apartado, conducir esas acciones para el logro de un resultado de aprendizaje. Es una forma sencilla de contribuir a manuales o tutoriales interactivos de GeoGebra.

Dado el avance que hemos logrado hasta este momento, en cada uno de los ejemplos que presentamos a continuación, sólo haremos una descripción de algunos aspectos a tener en cuenta en el diseño de las escenas interactivas. Queda como tu tarea el explorar estos ejemplos, tanto desde el editor DescartesJS como en el archivo [interface.html](#), e identificar y comprender la lógica de programación empleada.

Construcción de la circunferencia circunscrita a un triángulo

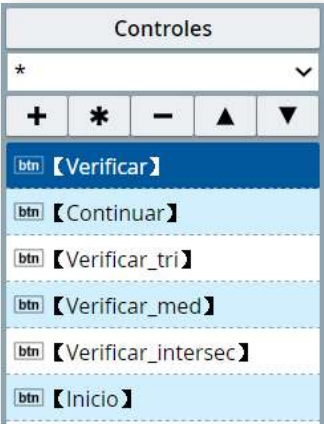
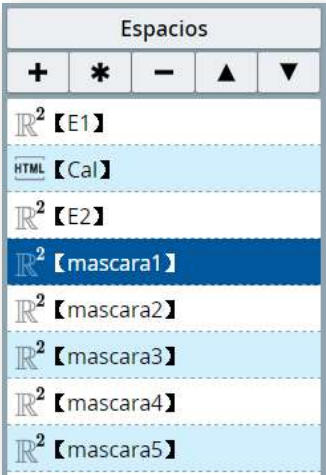
Vamos a realizar la misma construcción anterior pero desde el entorno gráfico de GeoGebra. El diseño, como lo dijimos antes, se constituye en un tutorial para que un usuario, que ingresa por primera vez a GeoGebra, conozca algunas de sus herramientas y construya un objeto geométrico. Esta primera escena interactiva la puedes explorar en la carpeta [ejemplo1](#), la cual se encuentra en la subcarpeta [GeoGebra](#) en [interactivos](#), para ello, es necesario que descargues el libro.

El entorno gráfico incluye siete herramientas que usaremos en la escena:



En la página de la derecha puedes observar la escena interactiva, la cual sugerimos abrir en la ventana emergente (Ampliar) para comprender los aspectos que resaltaremos de la misma.

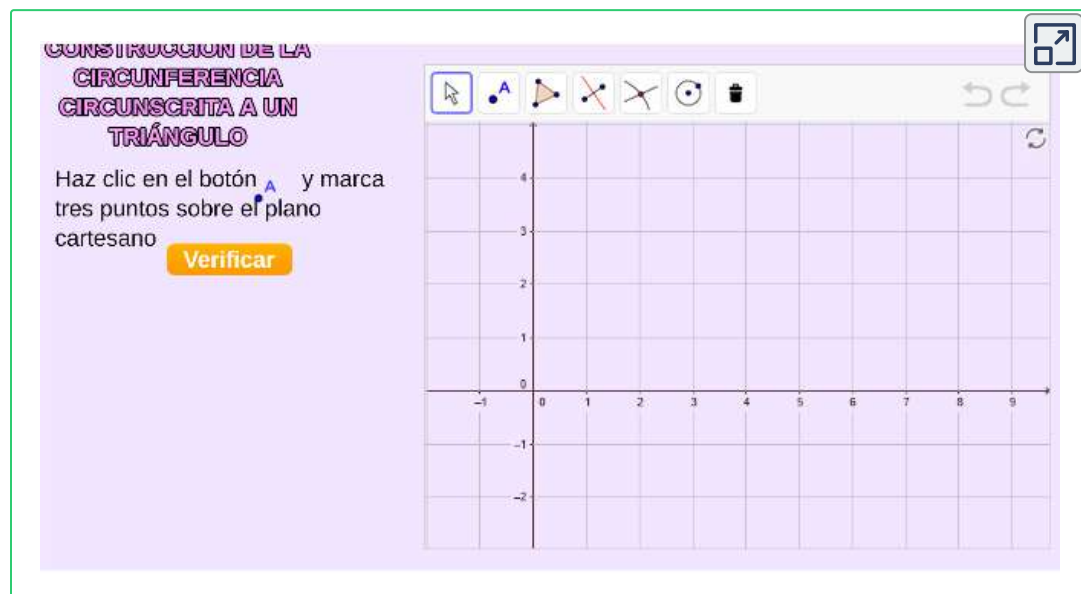
Un primer aspecto a observar es la presencia de cinco espacios que hemos denominado "mascara", los cuales tienen por objetivo bloquear algunas herramientas que no son necesarias para la construcción en un paso determinado. En el diseño de una escena tipo tutorial, se debe considerar las acciones inesperadas del usuario, tales como activar herramientas así sólo sea por curiosidad, lo que llevaría al fracaso de la construcción, paso a paso, del objeto geométrico. Estos espacios "mascara" son transparentes y se ubican sobre las herramientas que deseemos bloquear.



Hemos incluido seis controles tipo botón, tres de ellos para verificar la construcción realizada. Dado que la comunicación sólo se logra si enviamos un mensaje desde DescartesJS, observarás mensajes, aparentemente absurdos, como: `control4='(140,0)'; Cal.set('evalua',control4)`, el cual envía la orden de construir el punto (140,0). Este punto se dibujará en el entorno gráfico, pero dado que la abscisa es bastante lejana, será transparente para el usuario. En conclusión, los mensajes enviados no interfieren la construcción geométrica, su propósito es establecer la comunicación.

Si observas el archivo `interface.html`, notarás que sólo usamos dos bloques (`evalua` y `puntos`), los cuales ya hemos explicado anteriormente. Su función es comunicar información sobre los elementos gráficos (puntos y rectas) creados en el entorno gráfico, además de atributos como el color.

Finalmente, el esfuerzo en DescartesJS se centra en el selector **Gráficos**, desde el cual se muestran mensajes al usuario para que, paso a paso, realice la construcción del objeto geométrico.



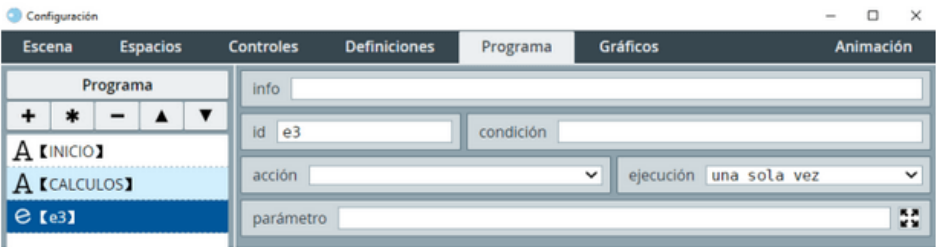
Clasificación de un triángulo según sus ángulos

Este segundo ejemplo (carpeta **ejemplo2**), lo hemos incluido porque usamos otras estrategias para comunicarnos con la interface.

Una primera estrategia es enviar mensajes a través de un evento (selector **Programa**), herramienta de DescartesJS que explicamos en el nivel I; sin embargo, te recordamos cómo funciona:

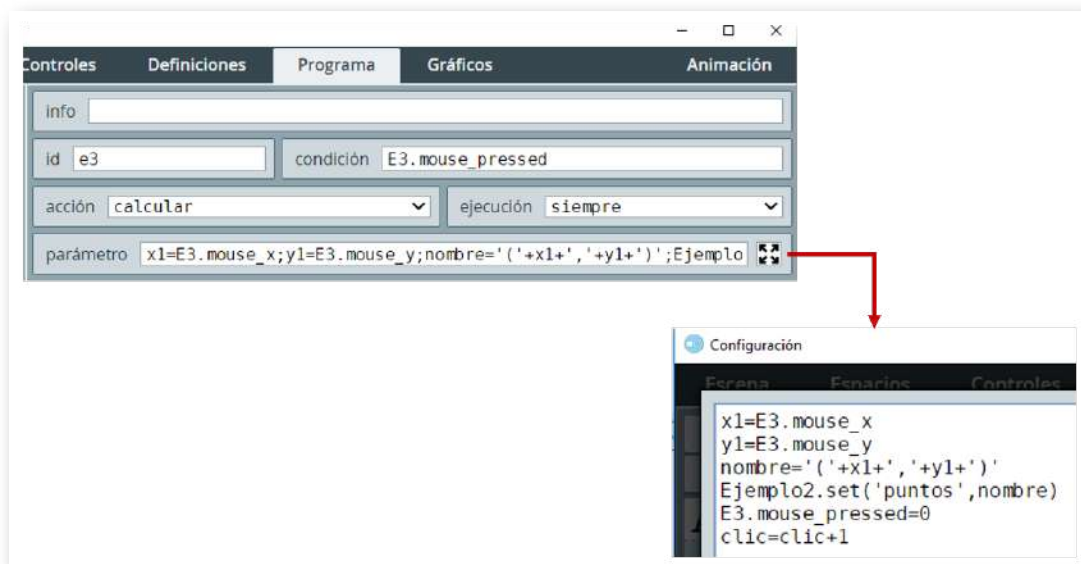
Eventos

Un evento es una acción, o conjunto de acciones que se realizan cuando una cierta condición se cumple. Es posible determinar la frecuencia con que se implementarán las acciones, como se describe a continuación. Las acciones disponibles son las mismas que se ejecutan mediante el uso de controles. En la siguiente Figura se muestran los componentes del algoritmo evento.



id: es un campo de texto en el cual se introduce el identificador del evento. Este identificador suele servir sólo para que el programador localice el evento en cuestión. No suele hacerse referencia al mismo en otras partes del programa.

El evento que usamos hace uso de variables del ratón, de tal forma que cuando hacemos clic sobre la ventana gráfica de GeoGebra (`E3.mouse_pressed`), se ejecutan las acciones escritas en **parámetro**:

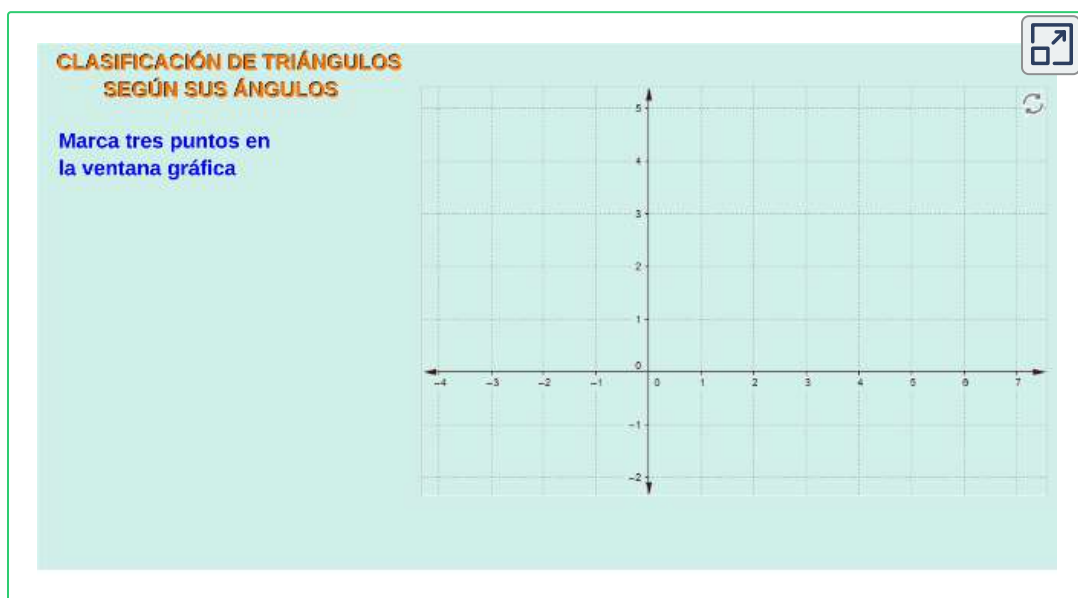


Observa que las dos primeras acciones se encargan de identificar las coordenadas del punto sobre el cual se hizo clic (`x1=E3.mouse_x` y `y1=E3.mouse_y`). Con esos datos se asigna a la variable **nombre** el punto seleccionado; por ejemplo, si hacemos clic en (3,4), entonces `nombre='('+3+', '+4+')'='(3,4)'`. Luego se envía el mensaje a la interface de comunicación con la instrucción `Ejemplo2.set('puntos', nombre)` (para este ejemplo, el nombre del espacio HTMLiframe lo hemos llamado `Ejemplo2`).

Terminamos con las instrucciones `E3.mouse_pressed=0` y `clic=clic+1`, la primera para que el evento quede nuevamente funcional y la segunda para contar cuántos clic hemos hecho, y controlar que no se hagan más de tres.

Una segunda estrategia es haber usado un espacio transparente **R2**, tipo mascara, que cubre la ventana gráfica de GeoGebra, diseñado de tal forma que los ejes y escala coincidan. Este espacio sólo aparece mientras se marcan los puntos.

Por otra parte, el archivo interface usa tres bloques, dos de ellos ya explicados (**puntos** y **aux**). El tercer bloque es **reset**, que se ejecuta para reiniciar la escena, su funcionamiento es sencillo, pues sólo ejecuta el comando: `document.ggbApplet.reset()`, es decir, **reinicio**. A continuación, presentamos la escena:



Algo que se nos pasó por alto, en el primer ejemplo, que quizá te haya sorprendido, es el uso de funciones de cadena, las cuales es conveniente que leas en el siguiente texto (otras funciones fueron presentadas en el Nivel I).



Funciones de cadena

Descartes tiene una variedad de funciones propias, muchas de las cuales son las típicas utilizadas en casi cualquier lenguaje de programación, entre ellas las funciones de cadena:

`_indiceDe_()`: Es una función que recibe dos argumentos de tipo cadena de texto. El primero es el texto principal. El segundo es un texto contenido en el primero. La función devuelve un entero que es el índice (contando el primer carácter del texto principal como el cero-ésimo) en el que empieza el texto contenido. Si no encuentra el texto contenido en el texto principal, devuelve un valor de -1. Por ejemplo, `_indiceDe_('hola','ola')` devolverá el valor 1.

Esta función es equivalente a `_indexOf()` ¿te parece conocida?, claro que sí, en el archivo de comunicación `interface.html` se usa en la función `calculosCAS()` para buscar el comando de GeoGebra:

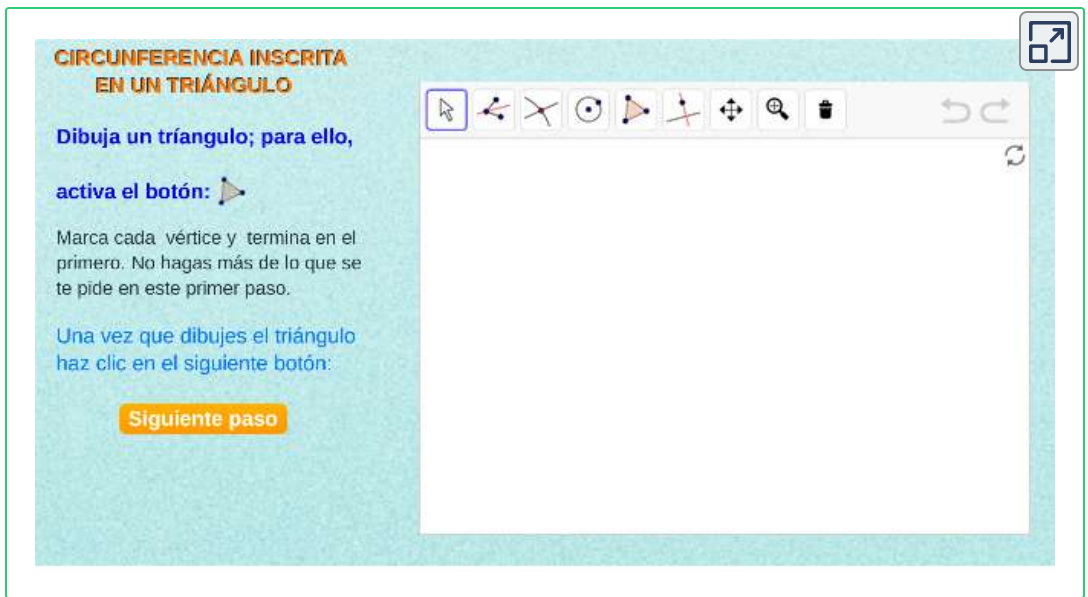
```
pos=vComandosD.indexOf(com) ;
if (pos=="-1") {
    calculo="No está disponible de momento"
}
else {
    cEjecuta=vComandosG[pos] ;
```

Circunferencia inscrita en un triángulo

Este último ejemplo tiene como característica a destacar la actualización permanente de las bisectrices del triángulo, lo cual se logra enviando un mensaje (siempre) que se origina en el algoritmo **CALCULOS**.



Esta comunicación permanente permite que interactuemos con la ventana gráfica y obtener inmediatamente las ecuaciones de las bisectrices. En la siguiente página puedes observar el ejemplo.



En este ejemplo hemos usado mas ventanas tipo mascara, de tal forma que el usuario sólo pueda usar las herramientas requeridas para la construcción que se pretende lograr. Otra característica es que no usamos plantilla en el diseño.

Como tarea final, diseña una propuesta similar a los ejemplos presentados, que tenga como objetivo la construcción de algún objeto geométrico (mediatriz de un segmento, tangente a una circunferencia, tangentes comunes a dos circunferencias, construcción de un triángulo equilátero, entre otras).

Capítulo IV

Plantillas

4.1 Actividades del capítulo

Al terminar este capítulo, habrás diseñado plantillas como:

Plantilla selección múltiple - cuatro respuestas



1. En DescartesJS las variables del ratón se usan para identificar el estado del ratón. Una de estas variables no es del ratón.

- ☐ E1.mouse_x: Esta variable permite conocer la coordenada horizontal relativa.
- ☐ E1.mouse_y: Esta variable permite conocer la coordenada vertical relativa.
- ☐ E1.mouse_clicked. Vale la unidad cuando el botón del ratón ha sido soltado tras por lo menos haber hecho clic una vez
- ☐ E1.mouse_z: Esta variable permite conocer la coordenada frontal relativa.

Haz clic en el círculo de la respuesta correcta

Plantilla selección múltiple - cinco respuestas



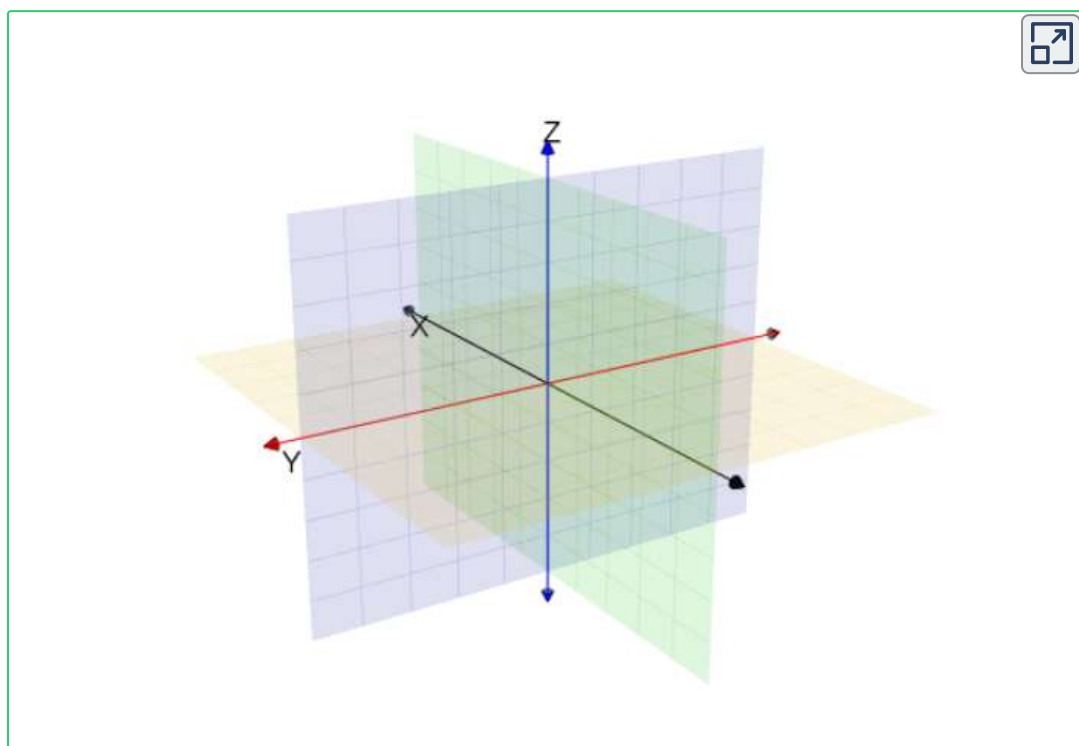
1. En DescartesJS las variables del ratón se usan para identificar el estado del ratón. Una de estas variables no es del ratón.

- ☐ E1.mouse_y: Esta variable permite conocer la coordenada vertical relativa.
- ☐ E1.mouse_clicked. Vale la unidad cuando el botón del ratón ha sido soltado tras por lo menos haber hecho clic una vez
- ☐ E1.mouse_z: Esta variable permite conocer la coordenada frontal relativa.
- ☐ E1.mouse_pressed: Esta variable vale la unidad siempre que el botón izquierdo del ratón se encuentre oprimido.
- ☐ E1.mouse_x: Esta variable permite conocer la coordenada horizontal relativa.

Haz clic en el círculo de la respuesta correcta

4.2 Macros

Una plantilla es un diseño o esquema predefinido, que podemos **reusar** en cualquier otra actividad u objeto interactivo. Su uso permite ahorrar esfuerzos en nuestros diseños; por ejemplo, sí estamos diseñando objetos 3D que deben incluir los ejes coordenados y los planos cartesianos, una buena idea es tener una plantilla con estos elementos. Esta plantilla es, entonces, todas las instrucciones para dibujar los ejes X , Y y Z , además de las puntas de los ejes (conos), y los planos XY , XZ y YZ :



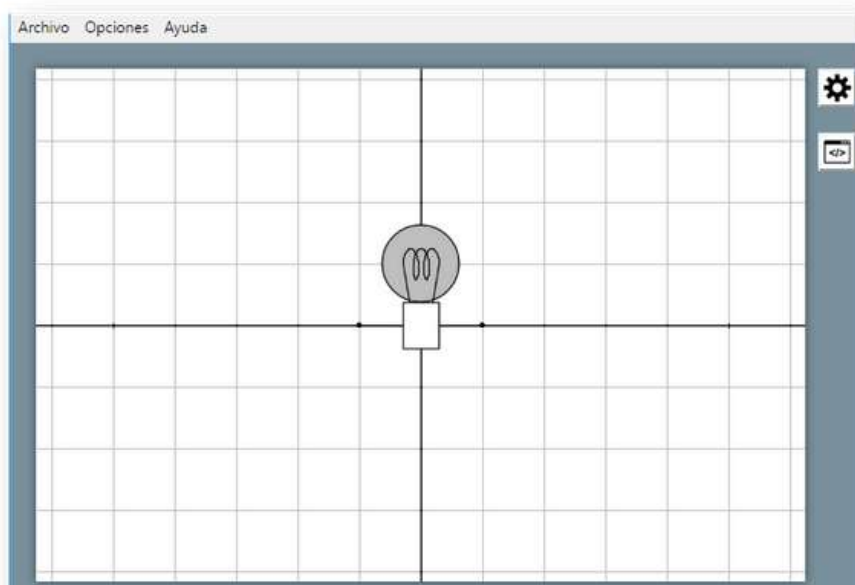
Este grupo de instrucciones se denomina "macro-instrucciones" o, para simplificar, **Macros**.

Antes de realizar las actividades que incluyen macros, te recomendamos leer el siguiente texto:

Macros

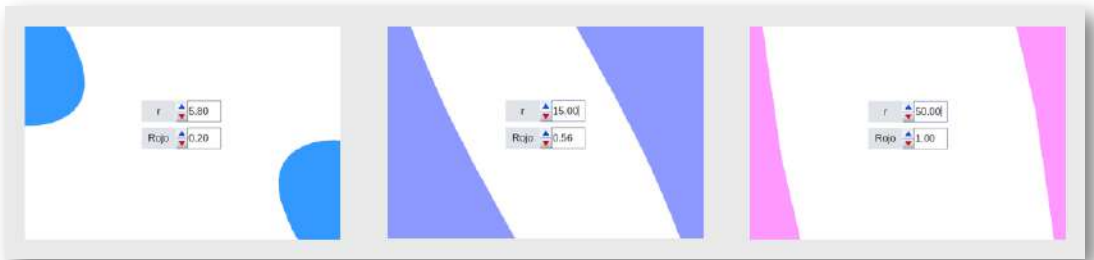
Una macro es un archivo de texto que incluye partes de una escena de Descartes correspondientes a elementos en los selectores **Definiciones**, **Programa** y **Gráficos**. Para generar dicho archivo de texto es necesario tener una escena de Descartes guardada en alguna ubicación y que tenga los elementos a mostrar en los selectores antes mencionados.

En la siguiente figura se muestra un ejemplo de un gráfico tipo macro, correspondiente al dibujo de una bombilla:



Macros gráficos

En el texto anterior, pudiste observar un ejemplo de un circuito eléctrico que incorpora una macro correspondiente al gráfico de una bombilla, la cual se invoca dos veces para diseñar el circuito. A continuación, diseñaremos una plantilla cuyo objetivo es obtener un gráfico que se dibuje en dos esquinas de la plantilla, es decir, diseñar adornos gráficos para la plantilla. La macro debe permitir su reconfiguración desde la escena que la invoca, tal como se muestra en la siguiente imagen:

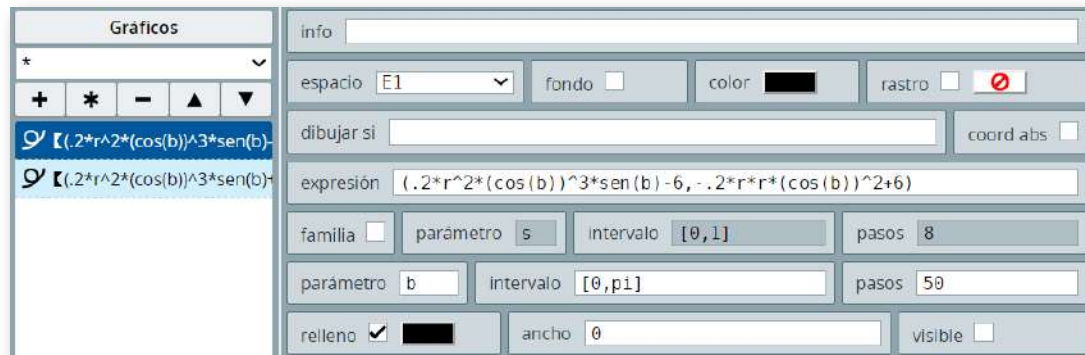


Diseño de la macro. Creamos una nueva escena de 600×400 píxeles. El adorno que usaremos es la curva paramétrica llamada "gota de agua"⁶ con algunas variaciones que permitan dibujarla en dos extremos de la escena.

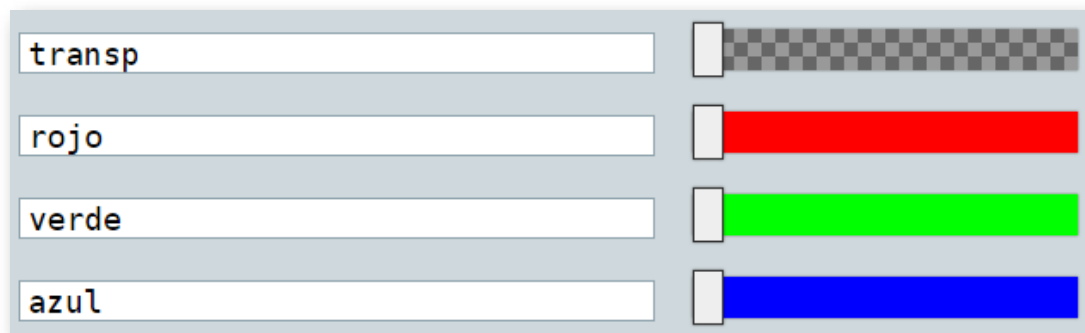
Las curvas paramétricas que definen la gota de agua son: $x = r^2(\cos b)^3 \sin(b)$, $y = r^2(\cos b)^2$, con b en el intervalo $[0, \pi]$. Las variaciones que hemos realizado son dos; la primera es multiplicar estas ecuaciones por 0.2, de tal forma que se reduzca el tamaño de la gota y, la segunda, sumar o restar valores a x e y , para ubicar dos gotas en los extremos.

⁶ Véase el libro [Curvas y superficies paramétricas](#) (página 53).

Agregamos, entonces, el gráfico tipo ecuación tal como se muestra en la siguiente imagen:



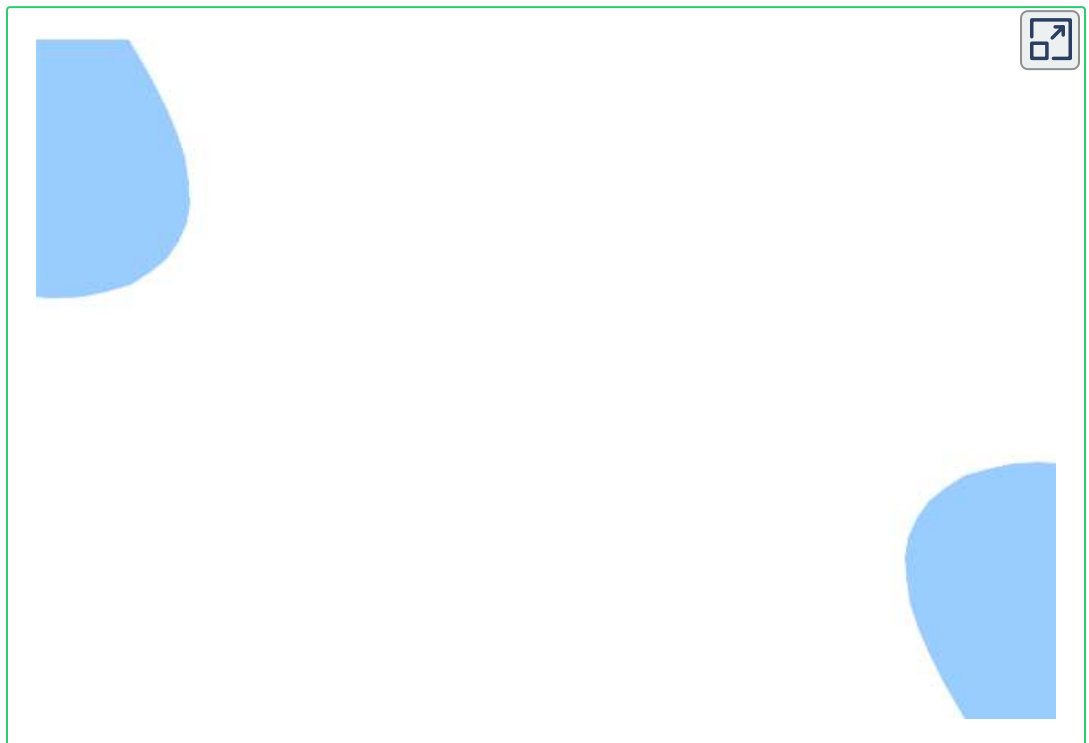
Observa que restamos 6 a la abscisa y sumamos 6 a la ordenada, de tal forma que la gota se ubique en el extremo superior izquierdo. Luego copiamos esta curva cambiando de signos los valores sumados a x e y , dibujar una segunda gota en el extremo inferior derecho. Por otra parte, tanto el color de la gota como su relleno los configuramos así:



En el algoritmo **INICIO** definimos las cinco variables que permitirán reconfigurar la macro que guardaremos a continuación.

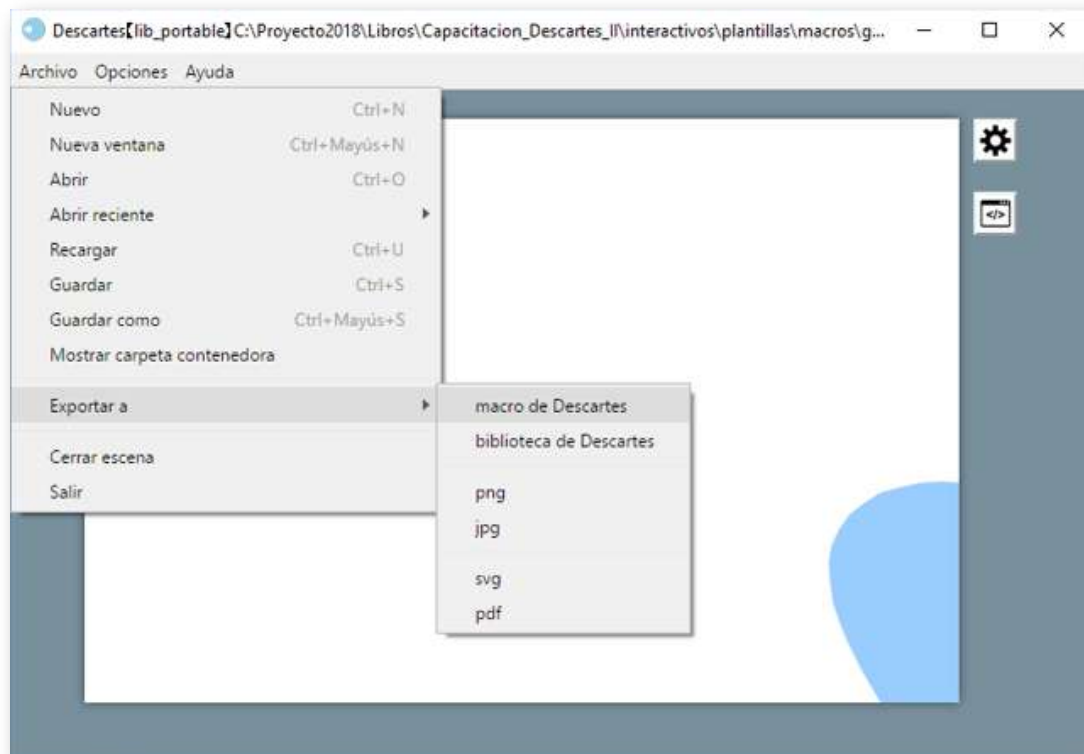
id	INICIO	evaluar	una sola vez
inicio			
<pre>r=5 rojo=0.2 verde=0.6 azul=1 transp=0.5</pre>			

La escena que obtenemos es esta:



Puedes desplazar los gráficos con clic sostenido para que observes las gotas.

Finalmente, guardamos la escena como **gota.html** y creamos la macro exportándola así:

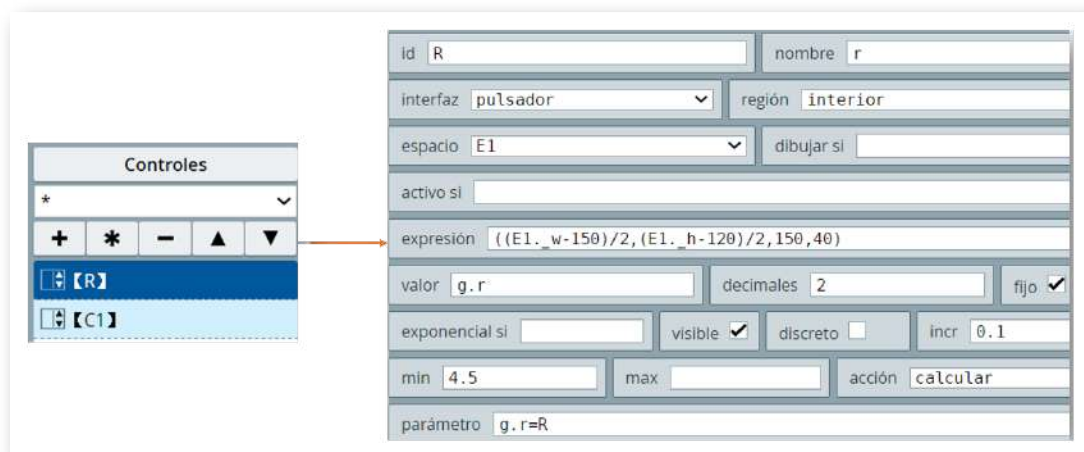


Una vez creada la macro, podemos invocarla desde una escena nueva:



Tal como lo dice el texto sobre macros, podemos intervenir las variables de la macro (**r**, **rojo**, **verde**, **azul**, **transp**), anteponiendo el nombre de la macro a dichas variables (**g** según la imagen anterior); por ejemplo, **g.azul=0.5** cambia el valor del componente azul del color y relleno de la gota.

Como ejemplo, hemos agregado dos controles que permitan reconfigurar la macro. El primero de ellos cambia la variable **r** de la curva:



El segundo control te queda como tarea.

Es importante, para esta macro, que uses escenas del mismo tamaño (600×400) y, para todas las macros, que el nombre del espacio sea el mismo del que generó la macro, que para el ejemplo es **E1**.

A continuación, puedes interactuar con la escena obtenida. Usa valores de **r** para **15** y **50** y, además, aumenta la tonalidad del rojo.

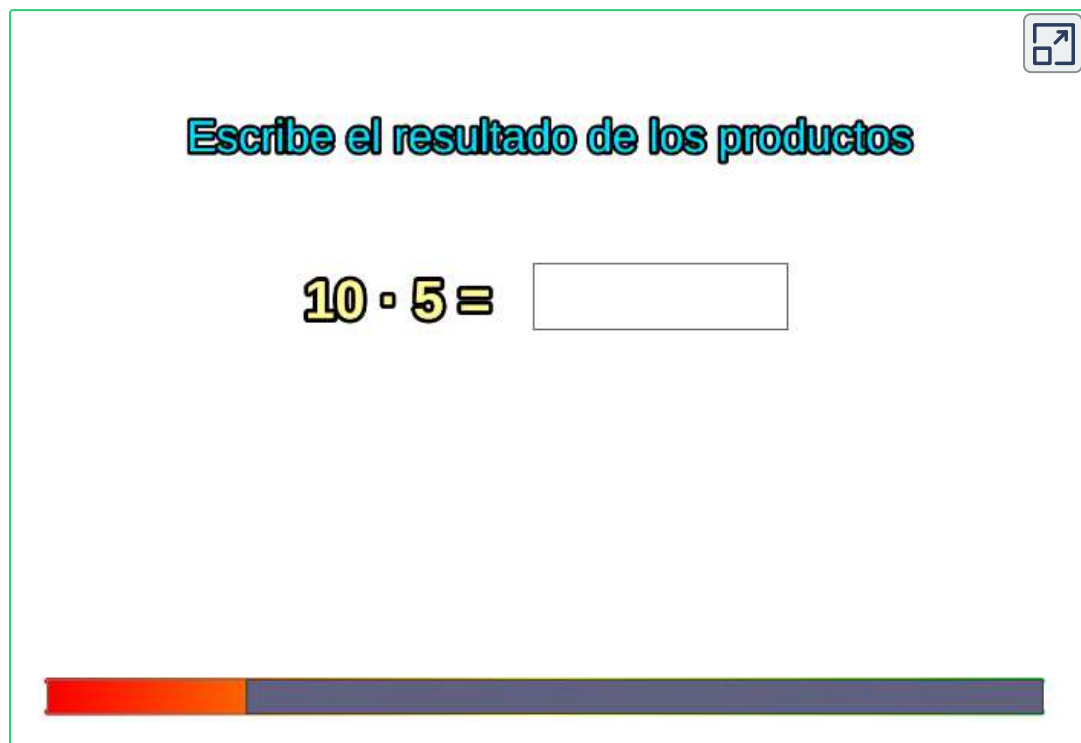


4.3 Macros prediseñadas

Existen varias macros que algunos diseñadores cartesianos han desarrollado en diferentes proyectos. Dos de ellas, por su utilidad, las vamos a explicar detalladamente en este apartado. Para ello, descarga esta [carpeta](#), luego la descomprimes en el lugar donde vas a diseñar las actividades de este capítulo.

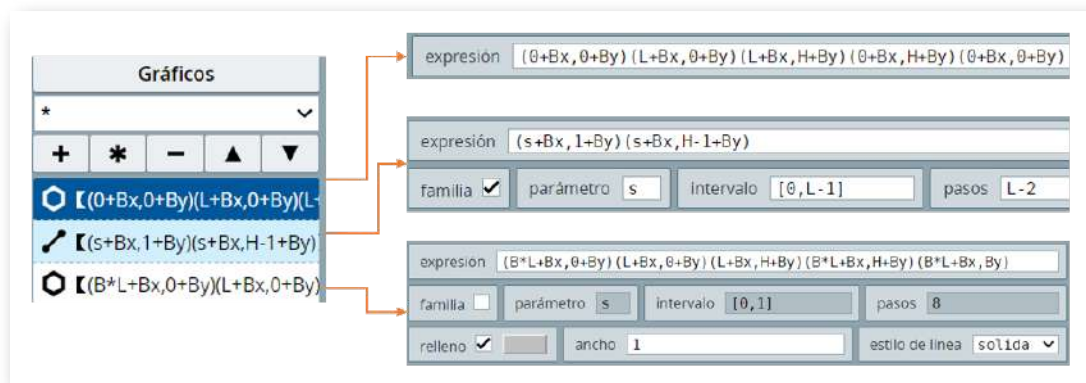
Barra Jinich

Esta macro fue diseñada para el proyecto [Telesecundaria](#). La barra aparece inicialmente en un avance del 50%, que irá creciendo hasta el extremo verde o decreciendo hasta el extremo rojo, según la configuración que se dé en la escena que la incorpora. Observa un ejemplo:



Como no se trata de diseñar la macro, sólo nos detenemos a describir su configuración.

Abre, con el editor DescartesJS, la macro [Barra_Jinich.html](#), en la que observarás: En el algoritmo **INICIO** se definen las siguientes variables: $B=0.50$; $L=600$; $H=20$, donde B corresponde al avance de la barra (50%), L y H son la longitud y la altura de la barra en pixeles. Sólo se usan tres gráficos:



Si observas el color del gráfico **segmento**, notarás que se define con tres funciones:



Estas funciones usan como variables la longitud de la barra (L) y, obviamente, la variable s de la familia de segmentos; por ejemplo: $\text{Rojo}(s) = (s < L/2) + (s \geq L/2) * (1 - (s - L/2) / (L/2))$, expresión que garantiza el cambio de tonalidad del rojo. Estas funciones se constituyen en la novedad de esta macro.

En el [ejemplo](#) de aplicación que mostramos anteriormente, invocamos la macro `Jinich.txt` con el nombre `barra`, así:

Gráficos

*

+

*

-

▲

▼

M `【macros/Barra_Jinich.txt】`

T `【(0,3)】`

T `【(-3,1)】`

T `【(0,0)】`

T `【(0,0)】`

info

espacio `E1`

fondo

dibujar si

coord abs

archivo `macros/Barra_Jinich.txt`

familia

parámetro `s`

Intervalo `[0,1]`

pasos `8`

rotación `0`

posición `[0,0]`

nombre `barra`

La reconfiguramos en el algoritmo `INICIO`:

id `INICIO`

evaluar `una sola vez`

inicio

```
barra.B=0.2
barra.Bx=5
barra.By=E1._h-25
barra.L=E1._w-15

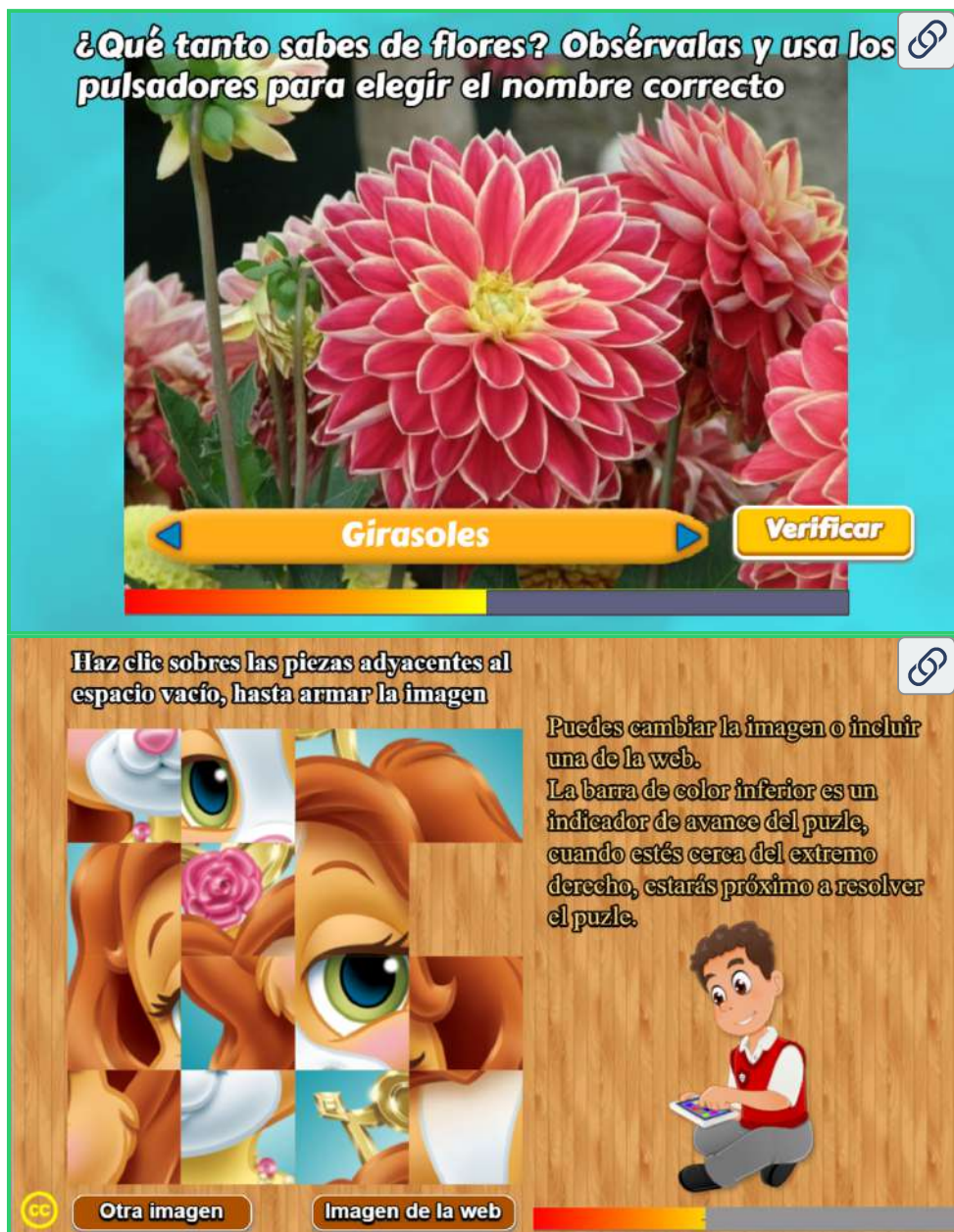
tarea='Se trata de hallar el resultado de una multiplicación

m1=ent(rnd*10)+1
m2=ent(rnd*10)+1
```

hacer

Como la variable `barra.B` es la que hace crecer o decrecer la barra, basta con aumentarla en `0.1` por cada acierto o reducirla en `0.1` en caso contrario. El resto del ejemplo es fácil de diseñar.

La barra Jinich la hemos usado en el proyecto "[Plantillas](#)". Observa dos ejemplos (haz clic sobre cada imagen):



Posición aleatoria

En muchos diseños necesitamos que un grupo de objetos aparezcan en un orden aleatorio. Por ejemplo, en las dos actividades del capítulo las respuestas no aparecen en el orden que las escribimos en el archivo de texto, pues al estar la respuesta correcta en el primer lugar, sería demasiado obvio el resto de la actividad. Por ello, optamos por recurrir a una posición aleatoria para que aparezcan las respuestas.

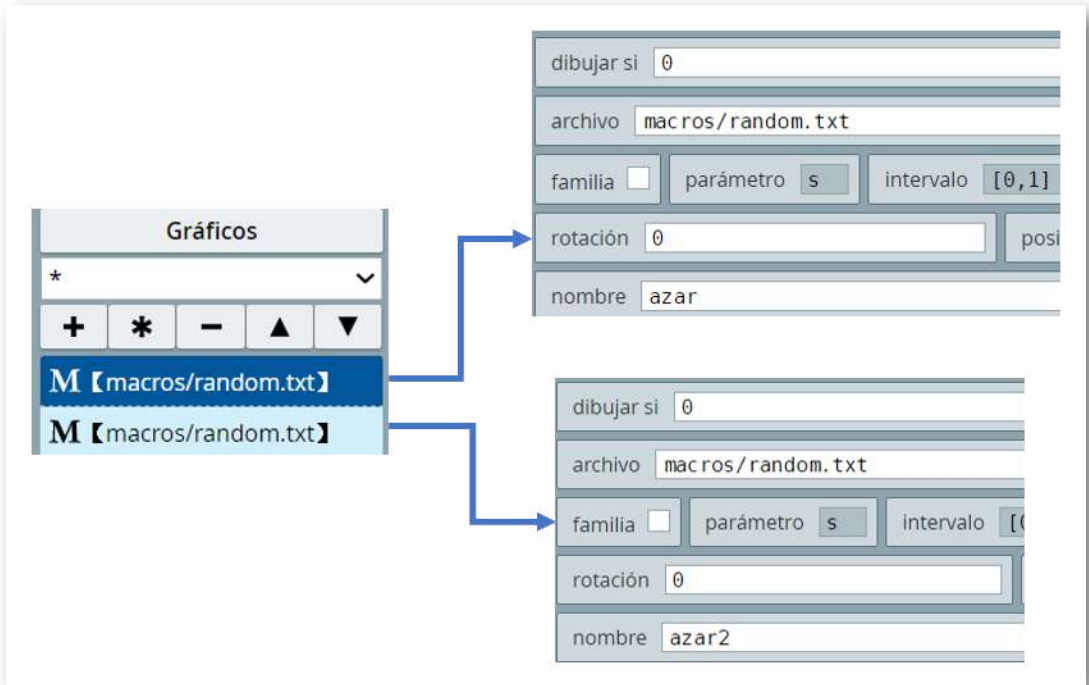
Otra situación puede ser que necesitemos seleccionar n datos de un repositorio que contiene m datos, donde n es menor que m . Para actividades repetitivas, tampoco es conveniente que se seleccionen siempre los primeros n datos; por ello, sería necesario que se escojan aleatoriamente del universo de datos.

Las plantillas ejemplo de la página anterior usan, también, la posición aleatoria. En la primera, los datos son imágenes que no siempre aparecen en el mismo orden. En la segunda, los datos son las coordenadas en el que aparecen las piezas del puzle, que siempre tendrán una posición aleatoria.

A continuación, diseñaremos una escena que usa la macro `random.txt`, la cual se encuentra en la carpeta que previamente descargaste. En esta carpeta hemos dejado tanto la macro como la escena que le dio origen, así que puedes abrir `random.html` con el editor DescartesJS y explorar cómo fue diseñada. Para su uso, sólo nos interesa la variable `n_numeros` (cantidad de números a aleatorizar) y la función `creaAleatorios()`:

```
n_numeros=6  
initVecAux1()  
creaAleatorios()
```

Iniciemos, pues, con el diseño de la escena, la cual es de 600×250 pixeles (en este caso no necesitamos que el tamaño sea igual al de la escena [random.html](#), pero si es necesario que se conserve el nombre del espacio, E1).



En **dibujar si** hemos puesto cero (0), con el fin de evitar que aparezcan los seis números en posiciones aleatorias que trae por defecto la macro. Hemos invocado dos veces la macro **random.txt** porque vamos a generar dos grupos de números. La primera macro la hemos llamado **azar** y la segunda **azar2**.

El propósito de la escena es que muestre, en primer lugar, cinco números del 1 al 5 en posición aleatoria (5 de 5) y, en segundo lugar, cinco números seleccionados aleatoriamente de los números del 1 al 20 (5 de 20).

La macro `random`, entonces, genera números enteros del 1 a `n_numeros`, que luego los posiciona aleatoriamente. Para el primer grupo de cinco números, usamos las siguientes instrucciones: `azar.n_numeros=5;` `azar.creaAleatorios()` (observa que debemos anteponer el nombre de la macro). Para el segundo grupo: `azar2.n_numeros=20;` `azar2.creaAleatorios()`. En los resultados a mostrar, debemos usar los vectores `azar.resultadoVec[]` y `azar2.resultadoVec[]`, obteniendo:

5 de 5

Puesto 1: 5

Puesto 2: 3

Puesto 3: 2

Puesto 4: 1

Puesto 5: 4

5 de 20

Puesto 1: 7

Puesto 2: 20

Puesto 3: 18

Puesto 4: 6

Puesto 5: 8

Otro orden

El control tipo botón debe ejecutar las instrucciones anteriores, de tal forma que se generen nuevos grupos de números en posición aleatoria.

4.4 Diseñando con macros

Vamos a diseñar la primera actividad propuesta al inicio del capítulo, usando dos macros.

Actividad 7

Diseñar una plantilla para realizar evaluaciones tipo selección múltiple de única respuesta. La respuesta se debe seleccionar de un grupo de cuatro posibles. Para el diseño se debe usar las macro `sombras.txt` y `random.txt`, esta última para presentar las posibles respuestas en posiciones aleatorias. Tanto las preguntas como las respuestas se deben almacenar en archivos tipo txt, para ello puedes usar los datos de la **Tarea 1**.

Iniciemos la actividad abriendo la [Tarea 1](#) con el editor DescartesJS (Si no hiciste la Tarea 1, puedes usar la escena `interactivo3.html` que se encuentra en la carpeta interactivos de este libro).

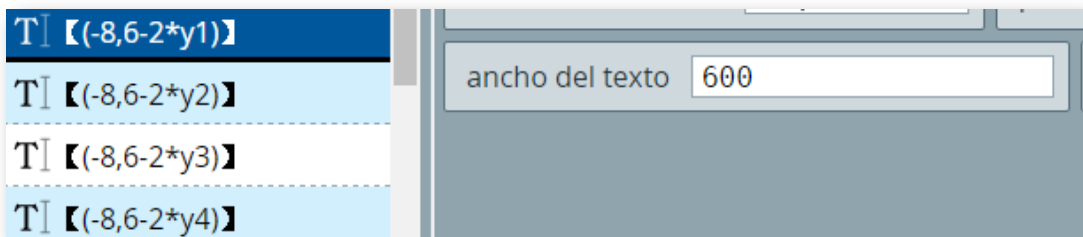
A este escena la haremos los siguientes cambios:

- Cambiamos las dimensiones a 710×500 .
- En el espacio `E1`, hacemos este cambio:

fijo ☒	escala 35	O.x 5	O.y 35
--	--	------------------------------------	-------------------------------------

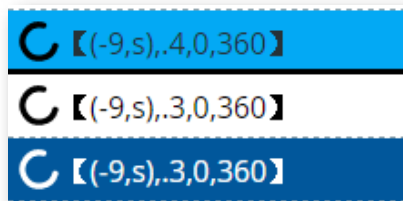
Estos dos primeros cambios obedecen a que debemos ajustar la escena para un nuevo entorno gráfico, como lo veremos a continuación.

- Modificamos los textos que presentan las respuestas, cambiando la abscisas en el campo de texto `expresion` y el ancho del texto:



Observa que sólo es cambiar -6 por -8 y ajustar el texto a 600 píxeles.

- Cambiamos las abscisas de las tres curvas de -7 a -9. Lo que obliga a cambiar la condición de la tercera curva por $(\text{abs}(s - E1.\text{mouse}_y) < .5) \& (\text{abs}(-9 - E1.\text{mouse}_x) < .5) \& (E1.\text{mouse_clicked} = 1)$, en coherencia con la nueva abscisa.



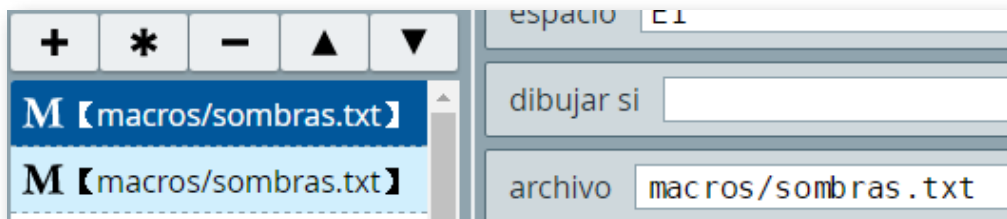
- Subimos un poco el texto de la pregunta cambiando la expresión $(0,6.5)$ por $(0,6.8)$ y cambiamos el tamaño de la letra a 20 (igual para las respuestas)

Hasta aquí hemos hecho cambios a los objetos gráficos existentes en la Tarea 1. Ahora, vamos a incorporar tres macros, tres rectángulos y cinco textos nuevos.

Macro sombras

Esta macro fue diseñada para el proyecto "[Pizarra Interactiva](#)", la cual tiene una función similar a la que vimos en la macro **gota**: es decir, un adorno en las esquinas de la escena.

- Agregamos, entonces, dos macros **sombras.txt**, así:



La primera la llamamos **adorno** en la posición **[0,0]**, la segunda tiene el nombre **adorno2** en la posición **[710,500]**. Estas posiciones corresponden a las esquinas donde se ubican estas macros gráficas, lo que significa que puedes ajustarlas a tu gusto (obviamente, debes haber copiado las macros en una carpeta donde tienes la Tarea 1).

- Agregas, también, la macro **random.txt**, asegurándote de asignar cero (0) en la casilla de texto **dibujar si**.
- Ahora, dibujaremos tres rectángulos, tal como se indica en la imagen de la derecha (haz clic sobre la imagen para ver mejor la configuración).

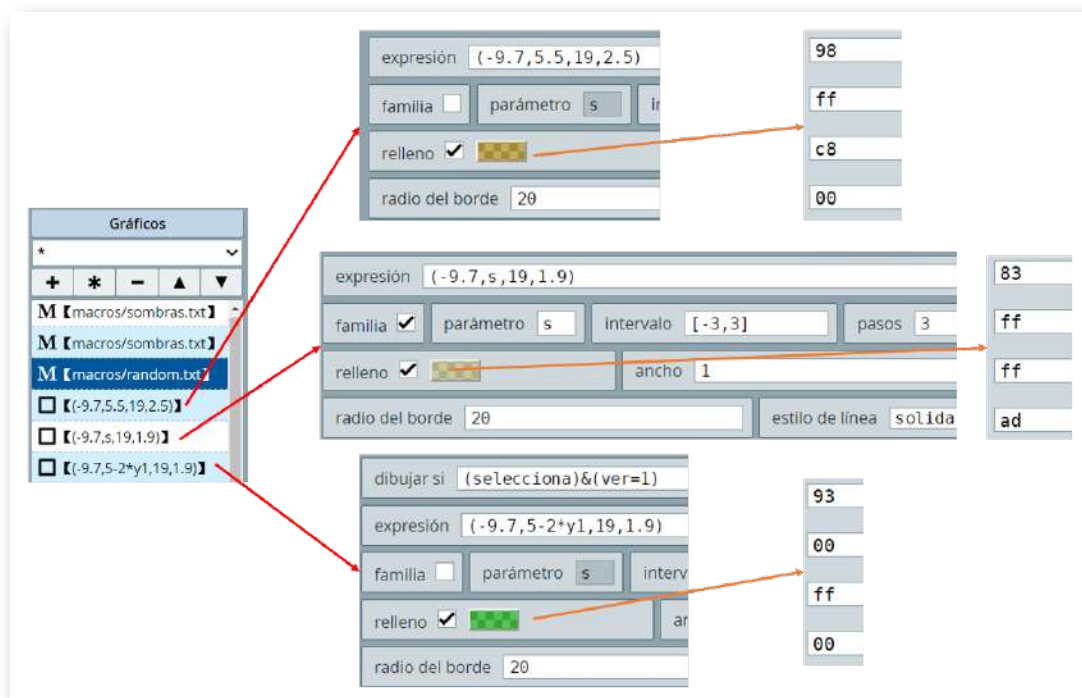
Cada rectángulo tiene radio del borde de **20**, que puedes cambiar.

El segundo rectángulo es una familia de cuatro, que se convierten en los contenedores de las respuestas.

El tercer rectángulo colorea de verde la respuesta correcta, una vez se haya seleccionado la respuesta y cliclado en el botón verificar.

Se indican los colores de relleno de los rectángulo, sugerimos un color un poco más oscuro para los bordes.

Es importante que los rectángulos estén al inicio, para evitar que se superpongan a los textos.



Luego retornamos al selector **Gráficos** para agregar los cinco textos nuevos.

- Agregamos un control tipo **botón**, el cual permitirá mostrar los resultados de la evaluación. Este botón tendrá la siguiente configuración:

id	b7	nombre	Resultado
interfaz	botón	región	interior
espacio	mascara	dibujar si	pregunta=total_preguntas
activo si			
expresión	((E1._w-160)/2,E1._h-40,160,30)		
valor	0	color texto	
		borde texto	☐
color interior		sin degradado	☐
fuelle	SansSerif		
tam fuente	22	negrita	☒
		cursiva	☐
subrayada	☐	pos texto	centro-centro
imagen	imagenes/btn160.png	pos imagen	centro-centro
acción	calcular	parámetro	ver=2

- En el selector **Definiciones** modificamos las instrucciones dadas para la función `calcula_posiciones()` por:

```

inicio
y1=random.resultadoVec[1]
y2=random.resultadoVec[2]
y3=random.resultadoVec[3]
y4=random.resultadoVec[4]

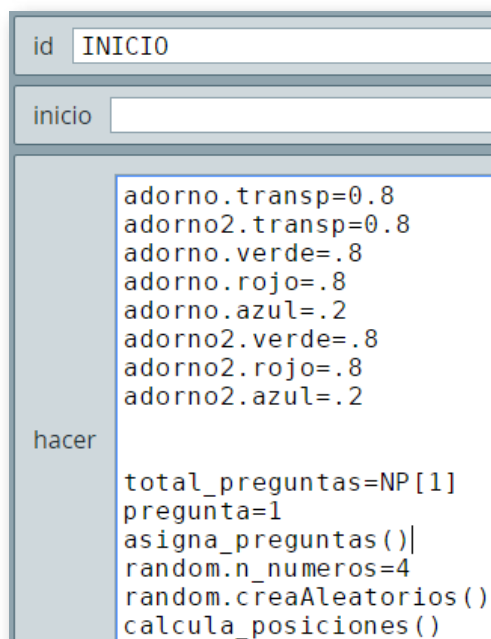
```

En este caso hemos usado los resultados de la macro **random**, la cual posiciona las respuestas aleatoriamente.

En el algoritmo **INICIO** haremos cambios significativos. En primer lugar, modificamos los colores de los adornos de las esquinas, de tal forma que tenga tonalidades similares a las dadas a los rectángulos.

En segundo lugar, hemos definido el número de preguntas como el primer elemento del vector **NP[]**, que luego definiremos.

Por último, calculamos las posiciones aleatorias de las preguntas, antes de invocar la función **calcula_posiciones()**



- En el algoritmo **CALCULOS** sólo tenemos que cambiar la abscisa **-7** por **-9**:

```
)&(abs(-9-E1.mouse_x)<.  
)&(abs(-9-E1.mouse_x)<.  
(abs(-9-E1.mouse_x)<.5)  
5)&(abs(-9-E1.mouse_x)<
```

Ahora sólo nos falta configurar los vectores con las preguntas y respuestas, para retornar al selector **Gráficos** y agregar los últimos cinco textos.

La creación de vectores con datos externos la explicamos en la siguiente presentación:



La expresión "Hemos creado una plantilla" es una afirmación, que se justifica porque la escena obtenida permite, con un editor HTML, modificar los `<script>` sin necesidad de intervenir con el editor DescartesJS, es decir, podemos cambiar el número de preguntas, las preguntas y respuestas y obtener una nueva escena.

También pudiste observar que en la escena final ya aparecen los cinco textos que nos falta diseñar.

Todos estos textos los ubicaremos en las coordenada relativas (0, -4.5) y con punto de anclaje **centro-centro**:

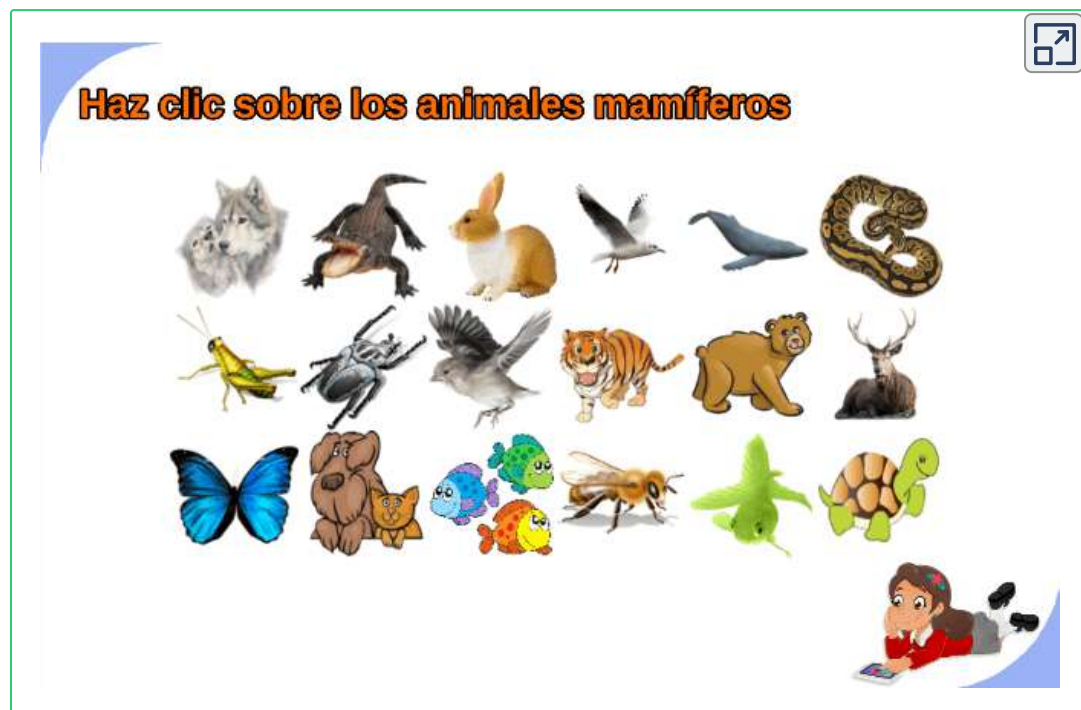
- **Primer texto.** Haz clic en el círculo de la respuesta correcta, el cual se mostrará si `(ver=0)&(pregunta=1)&(E1.mouse_clicked=0)`, su tamaño es 23 y color azul.
- **Segundo texto.** Ninguna respuesta correcta... ¡Muy lamentable!, el cual se mostrará si `(ver=2)&(buenas=0)`, su tamaño es 25 y color rojo.
- **Tercer texto.** Sólo una respuesta correcta... ¡Lamentable!, el cual se mostrará si `(ver=2)&(buenas=1)`, su tamaño es 25 y color naranja.
- **Cuarto texto.** Respondiste [buenas] respuestas correctas de [total_preguntas] preguntas, el cual se mostrará si `(ver=2)&(buenas>1)&(buenas<total_preguntas)`, su tamaño es 25 y color brown.
- **Quinto texto.** ¡Excelente! Todas las respuestas correctas, el cual se mostrará si `(ver=2)&(buenas=total_preguntas)`, su tamaño es 25 y color verde.

Tarea 6

Modifica la escena de tal manera que se obtenga una plantilla de selección múltiple de única respuesta con cinco opciones de respuesta, tal como lo mostramos en la segunda escena al inicio del capítulo, la cual puedes abrir [aquí](#).

Otras plantillas similares

En el proyecto "[Plantillas](#)" puedes encontrar varios ejemplos que incorporan los elementos que hemos usado en la última actividad. Presentamos dos de esas plantillas:



En este plantilla se han usado las macros **sombras** y **random**



En esta otra plantilla, también de selección múltiple de única respuesta, se han usado las instrucciones de la macro **random** incorporadas en la escena. Igual se hace con la **barra Jinich**, que sólo avanza (no retrocede) con las preguntas realizadas, por ello su color único.

Una variante interesante es que las preguntas aparecen, también, en posiciones aleatorias. Puedes verificarlo observado el número de la pregunta.

Bueno... ¡Eso es todo!

Capítulo V

Diseño de textos

5.1 Actividad del capítulo

Este capítulo complementa lo explicado en el nivel I. La actividad final consiste en usar textos simples y enriquecidos, usando diferentes fuentes, tal como se muestra en la siguiente imagen:

$$\frac{x^e y}{ax^2+bx+c} \rightarrow \text{Texto simple, fuente Cartoon}$$

$$\sum_{i=1}^n \frac{n^2}{n^3-2n} \rightarrow \text{Texto enriquecido, fuente ComicBook}$$

$$\int_1^5 \frac{5}{3-\frac{2}{x}} dx \rightarrow \text{Texto enriquecido, fuente Dekko}$$

$$\frac{\partial y}{\partial x} = \sqrt{\frac{1}{x^2 y + 6}} \rightarrow \text{Texto enriquecido, fuente Dekko}$$

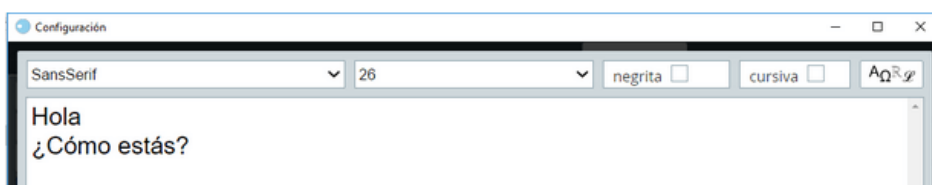
En el nivel I y en lo trabajado en este nivel, hemos usado con frecuencia el texto simple, pues no hemos tenido necesidad de diseñar textos con expresiones matemáticas complejas. DescartesJS presenta dos opciones para el diseño de texto, el simple y el enriquecido. Antes de explorar el segundo, veamos algunas herramientas que nos permiten "diseños menos simples en el texto simple".

5.2 Texto simple

La herramienta de introducción de textos se encuentra disponible para una variedad de gráficos tales como **punto**, **texto**, etcétera, así como para textos relacionados a otros elementos del interactivo más allá de los gráficos. No obstante, su funcionamiento es el mismo en todos los casos.

Introducción de texto simple

Si se presiona el botón T adyacente a un campo tipo texto en un gráfico se abre una ventana donde se pueden introducir varias líneas más cómodamente. En la siguiente figura se muestra dicha ventana



Es posible elegir de tres fuentes distintas para el texto: **SansSerif**, **Serif** y **Monospaced** (monoespacio). Esta fuente se aplica a todo el texto introducido en la ventana. Esto es, no es posible tener distintas fuentes en un texto simple. Cuenta con un menú del cual se puede elegir el tamaño de la fuente. Tiene también un checkbox **negrita** para que el texto se muestre en negritas y otro **cursiva** para que se muestre en cursiva. Nuevamente, estos controles se aplican por igual a todo el texto introducido en esta ventana. Por último, tiene un botón con diversos símbolos para la introducción de caracteres especiales. Este botón lanza una ventana adicional como se

Normalmente introducimos el texto en el campo de texto; sin embargo, para expresiones cortas que se deben enriquecer, presionamos el botón **T** que hay después del campo de texto y aplicamos las herramientas anteriores.

Comprobemos que tanto le prestaste atención al texto anterior. En la siguiente escena interactiva, ingresa en el cuadro de texto la expresión que permite generar el texto en color azul.



Practicando con textos simples

Escribe la expresión en el cuadro de texto para que se obtenga el resultado mostrado en color azul.

Te hemos ayudado con la primera, haz clic en continuar.

`\${\frac{e^x}{b^2}}`

$$\frac{e^x}{b^2}$$

Continuar

5.3 Texto enriquecido

Obviamente, las expresiones matemáticas complejas hacen complejo el diseño con texto simple; por ello, es importante que usemos el texto enriquecido:

Introducción de texto enriquecido

Si se presiona el botón **Rtf** adyacente a un campo de introducción de texto, la ventana que se muestra para la introducción de texto es diferente. Cuenta con muchos botones en la parte superior, los que permiten tener diferentes tipos de texto así como diversos símbolos matemáticos. En la siguiente figura se muestra dicha ventana:

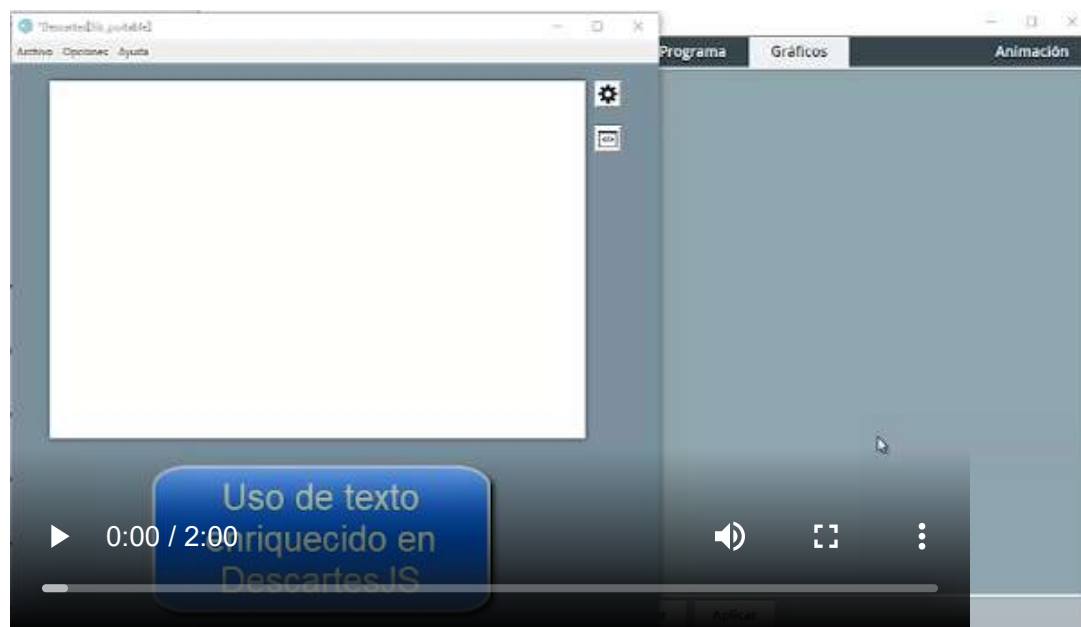


En esta ventana se puede introducir texto igual que en la de texto simple. No obstante, es posible seleccionar parte del texto y aplicarle cambios de formato sólo a esa parte. Se puede usar el menú para el tipo de fuente, el menú para el tamaño, y los checkboxes de cursivas y negritas para aplicar los cambios a dicha selección.

Cuando se coloca el cursor al final del texto en esta ventana y se continúa escribiendo, algunas veces el formato de este nuevo texto no coincide con aquél a partir del cual se continuó escribiendo como ocurre en otros editores de texto. Cuando la

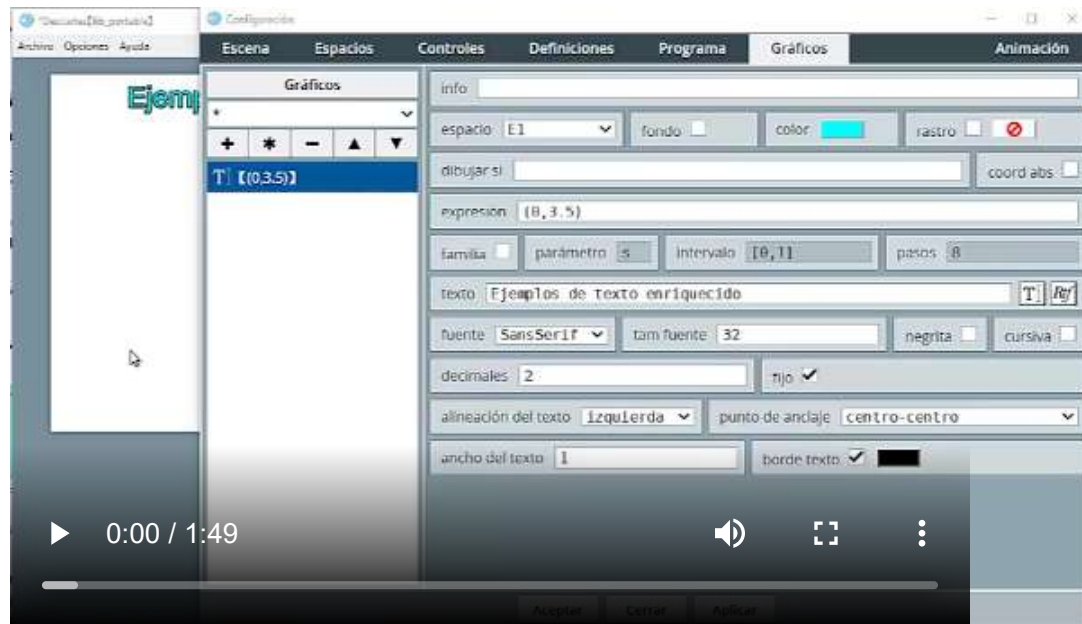
Una forma sencilla de entender cómo funciona la ventana del texto enriquecido es a través de dos vídeos, que presentamos a continuación.

El primer vídeo hace uso de seis botones de la ventana: **color**, **[F]**, **fracción**, **potencia**, **raiz** y **tabla**. Obsérvalo:



Observa que hemos usado coordenadas relativas y centrado de texto, opciones que no estaban disponibles en las versiones de DescartesJS anteriores.

En el segundo vídeo usamos una integral y un sumatorio. Observa que el color del texto lo podemos definir desde el selector **Gráficos**.



En los dos ejemplos recurrimos a la caja de fórmulas (**[F]**) para ingresar las expresiones matemáticas.

A continuación, veremos cómo cambiar las fuentes (*fonts*) del texto.

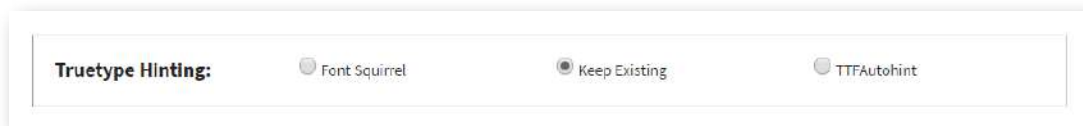
5.4 Cambio de fuentes

En el apartado 7.9 del Nivel I explicamos cómo descargar y cambiar las fuentes para nuestros textos, suministrando 16 fuentes diferentes. Estas fuentes fueron descargadas de <https://www.fontsquirrel.com>⁷ y, posteriormente, generábamos el código Base64 desde <https://www.fontsquirrel.com/tools/webfont-generator>.

En este libro, retomamos el cambio de fuentes pero utilizando otras colecciones, entre ellas *google fonts* (<https://www.cufonfonts.com>)⁸, Digital Fonts, Brand Fonts, Old School Fonts, etcétera.

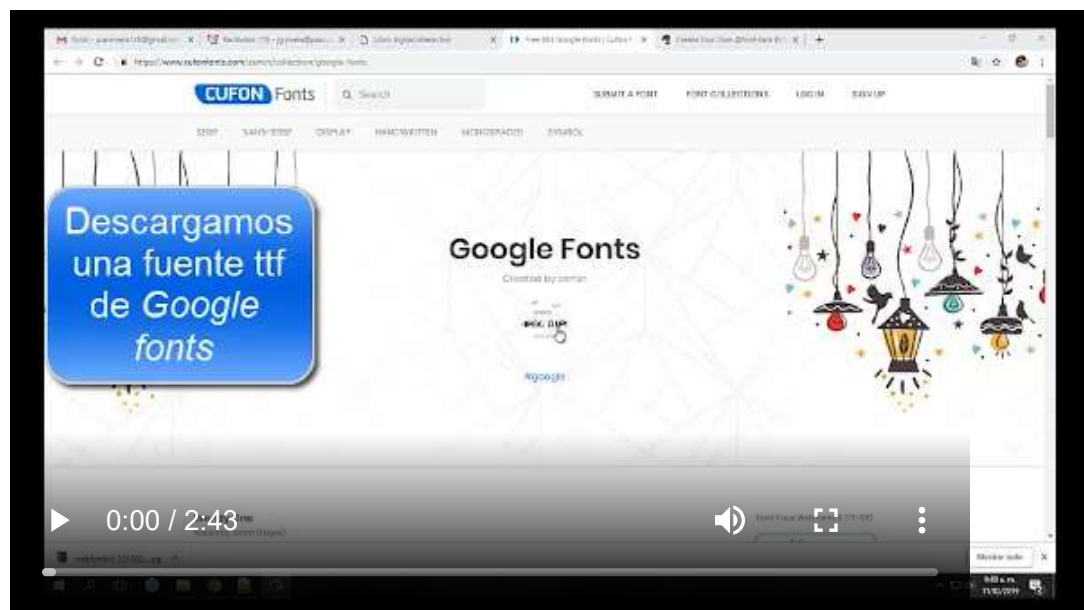
En el siguiente vídeo te explicamos cómo descargar la fuente, generar el código Base64 e incorporar esta fuente en una escena interactiva a través del archivo HTML generado por DescartesJS. Una vez comprendas cómo cambiar las fuentes, puedes diseñar la actividad propuesta al inicio de este capítulo.

En la generación del código Base64, es importante que tengas en cuenta que ya no se trata de una fuente *Squirrel*:



⁷ Font Squirrel es una página web que recopila una amplia variedad de tipografías gratuitas y libres para uso comercial. Cada una de las fuentes tipográficas de la web incorpora una ficha en la que se especifica cómo es la fuente y sus características principales, así como la explicación del proceso de creación. Esta ficha contiene también el tipo de licencia que ofrece cada una de las fuentes y, según esta licencia, sus usos permitidos (<https://graffica.info>).

⁸ Nuestra serie de colecciones temáticas lo ayuda a descubrir nuevas fuentes que han sido examinadas y organizadas por nuestro equipo de diseñadores, ingenieros y colaboradores, y nuestra clasificación predeterminada organiza las fuentes según su popularidad, tendencias y su ubicación geográfica (<https://fonts.google.com/about>).



Tarea 7

Desarrolla una escena que muestre los textos indicados en la [Actividad del capítulo](#). Para ello, debes usar textos simples, textos enriquecidos y cambios de fuentes.

Para terminar este capítulo, conoce un poco de nuestro sufrido país hermano... Venezuela.

Te sugerimos ampliar la escena interactiva.



Capítulo VI

Interactuando con YouTube

6.1 Introducción

En el nivel I diseñamos escenas de vídeos interactivos, las cuales usaban las funciones intrínsecas de DescartesJS. En este capítulo emplearemos otras funciones que son propias del vídeo, sea este en local (etiqueta `<video>`) o reproducido en YouTube; por ejemplo, control de volumen, control de tiempo, (avance o retroceso), autoreproducción (*autoplay*), entre otros.

Es importante recordar que el objetivo del vídeo interactivo es permitir al usuario interactuar con la escena, en la cual el objeto principal es el vídeo. La interacción se realiza a través de preguntas o de la selección de opciones presentadas como botones o puntos gráficos dibujados sobre el vídeo. Esta interacción se logra si sólo se habilitan los controles de vídeo antes mencionados, que sólo permitan al usuario interferir en la reproducción de acuerdo a una intencionalidad didáctica. La comunicación bidireccional escena – HTML posibilita una gran variedad de alternativas o modelos de vídeos interactivos.

En este capítulo presentamos algunas de estas alternativas. Se hará una descripción técnica de los comandos JavaScript relacionados con la reproducción del vídeo y, por otra parte, se explicará cómo modificar la escena para incorporar otros vídeos y las interacciones correspondientes.

Presentamos, por una parte, modelos que incorporan vídeos almacenados en una carpeta de cada modelo; es decir, modelos para ejecución en local. Si bien es posible reproducirlos en línea en ordenadores y algunos dispositivos móviles, su propósito principal es poderlos descargar e instalar en ordenadores que presentan baja conectividad; por otra parte, presentamos modelos que incluyen enlaces a vídeos de YouTube que, obviamente, requieren conexión a Internet, si bien es posible usar cualquier vídeo entre la gran abundancia que presenta este popular repositorio, recomendamos diseñar tus propios vídeos y luego subirlos a YouTube.

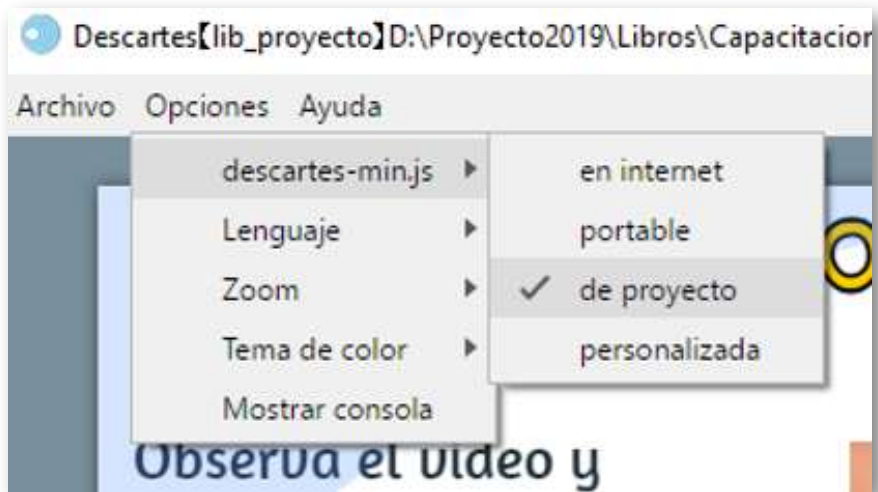
Cada sección guarda estrecha similitud en sus aspectos técnicos y de programación, que se diferencia por ligeros cambios en las palabras reservadas o comandos utilizados por el API de YouTube.

6.2 Modelos con vídeo en local

Dedicaremos este apartado a los vídeos que tendremos guardados en una carpeta, es decir, que no dependen de conectividad con la red (recuerda que pueden estar en formato mp4, webm u ogg). Presentaremos seis modelos con un mayor detalle en el primero, pues muchos de los aspectos técnicos y de programación son repetitivos.

6.2.1 Modelo 1 en local

Este primer modelo es muy simple en su interacción, pues sólo realiza preguntas abiertas durante la reproducción del vídeo. Hemos usado algunos elementos trabajados en este libro, tales como la macro `sombras.txt` y el uso de la fuente `Amaranth`. Por otra parte, hemos utilizado la opción `de proyecto`, para tener un sólo intérprete en los seis vídeos interactivos.



El vídeo diseñado es el siguiente:



Para la comprensión del diseño de este objeto interactivo, es importante que abras el archivo [index.html](#) que se encuentra en la carpeta [video_interactivo_modelo1_local](#), siguiendo la ruta [interactivos/videos_interactivos_local](#).

Algunas características del diseño son las siguientes:

- El vídeo se encuentra localizado al lado derecho de la escena, ocupando menos del 50% del espacio principal. El modelo, entonces, muestra varios elementos que hacen que el vídeo no sea necesariamente el componente principal.
- Se muestran dos barras para el control de volumen y el tiempo de reproducción del vídeo (avance y retroceso).
- Los mensajes de texto, preguntas y campos de texto para respuestas están acompañados de controles tipo botón, los cuales permiten la interactividad del vídeo.
- Se muestra el tiempo de reproducción del vídeo.

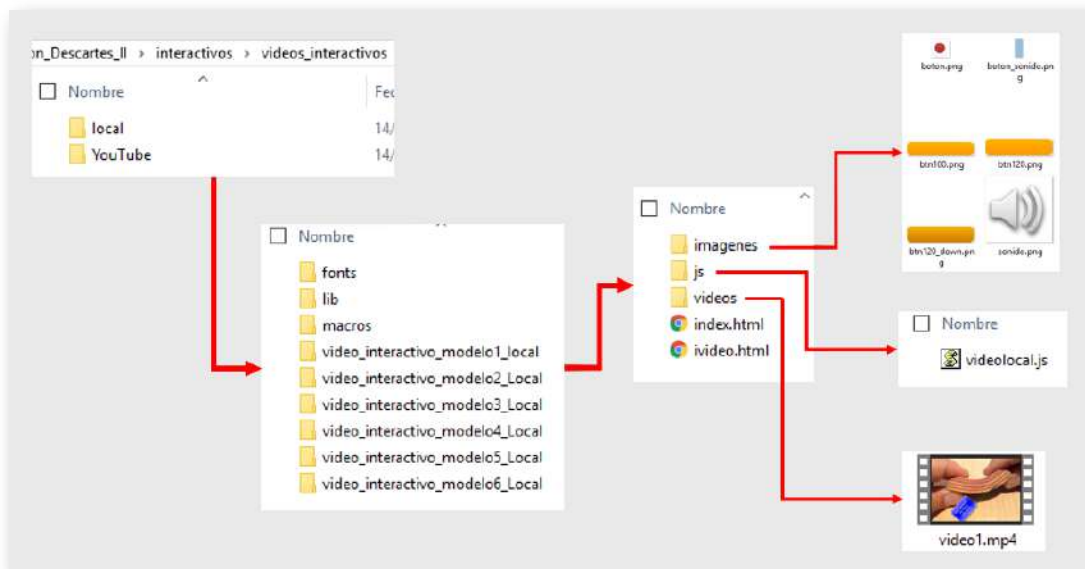
Carpetas y archivos usados

A continuación se describen las carpetas y archivos necesarios para este objeto interactivo, localizados en la carpeta denominada `video_interactivo_modelo1_Local`, en la que se encuentran:

- Carpeta de imágenes. Contiene las imágenes de botones y sonido, las cuales pueden ser modificadas al gusto de quien vaya a modificar la escena.
- Carpeta de vídeos. Contiene el vídeo a reproducir, este vídeo debe ser compatible con HTML5: mp4, ogg, ogv o webm.
- Carpeta js. Contiene la interface `videolocal.js`, librería que permite la comunicación con la escena DescartesJS.
- Archivo `index.html`. Es la escena DescartesJS.

- Archivo **ivideo.html**. Es el HTML que se embebe en la escena, permitiendo mostrar el vídeo.

Además de estos elementos, hay otros en el directorio de archivos previo que son comunes a los seis modelos: intérprete (carpeta **lib**), **macros** y **fuentes**. En la siguiente imagen se muestran estos elementos:



Elementos de programación de la escena

La mayoría de elementos de la escena están en capacidad de comprenderlos, motivo por el cual sólo nos concentraremos en aquellos que establecen la comunicación con el vídeo.

Preguntas y respuestas. La escena está diseñada preguntas con respuesta escrita. La primera pregunta tiene los siguientes elementos:

```
P[1]='¿Qué material es el que se está flexionando?'  
R[1]='Goma'  
R2[1]='goma'  
tiempo[1]=10
```

Hemos incluido dos respuestas, previendo que el usuario responda con la primera letra en mayúscula, pese a la advertencia de usar minúsculas. Se incluye, además, el tiempo desde el inicio del vídeo en el cual se hará la pregunta. En forma similar se hacen las demás preguntas; por ejemplo, la pregunta dos:

```
P[2]='La fisura se debe a la...'  
R[2]='Flexión'  
R2[2]='flexión'  
tiempo[2]=18
```

```
titulo='ELEMENTO SOMETIDO A FLEXIÓN'  
url='videos/video1.mp4'  
  
otro=1  
P[1]='¿Qué material es el que se está flexionando?'  
R[1]='Goma'  
R2[1]='goma'  
tiempo[1]=10  
  
hacer P[2]='La fisura se debe a la...'  
R[2]='Flexión'  
R2[2]='flexión'  
tiempo[2]=18  
  
P[3]='Las fibras a... producen fisuras'  
R[3]='Tracción'
```


Variables de comunicación. En el código de esta escena se incluyen instrucciones que permiten comunicarla con el archivo `ivideo.html`, que se incluye en el espacio HTMLIframe, que es el que gestiona el vídeo en sí:

- `play_pause`. Variable que permite enviar órdenes al archivo HTML para que detenga o reanude la reproducción del vídeo. Si deseamos enviar el valor `'seguir'` a la variable `play_pause`, podemos hacerlo con la función `continuar()` con estas instrucciones:

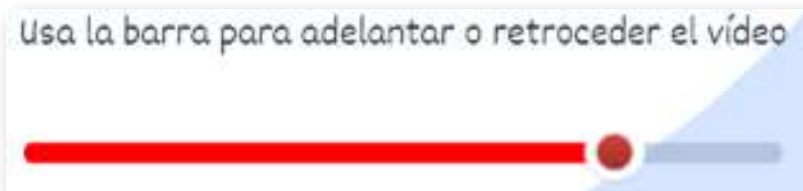
id	<code>continuar()</code>	=	x
dominio			
local			
inicio			
<pre>accion='seguir' E2.set('play_pause',accion)</pre>			

Observa que usamos la función `E2.set('play_pause',accion)`, la cual función se usa para el espacio HTMLIframe subordinado, e indica que el espacio principal que lo contiene recibirá en la variable `play_pause` el valor que el espacio subordinado tiene en su variable `accion`.

`E2` es el espacio HTMLIframe subordinado. Observa la función `parada()`, en la escena, que se ejecuta a través de un evento que controla el tiempo de reproducción para cada pregunta. La acción, entonces, sería `parar` o detener el vídeo para responder a la pregunta.

id	parada()	=	x
dominio			
local			
inicio			
<pre>accion='parar' E2.set('play_pause',accion) g.x=6</pre>			

- **actualizar_tiempo**. Variable que reasigna el tiempo en segundos a partir del cual se debe reanudar la reproducción del vídeo. En este modelo se controla con un control gráfico (g):

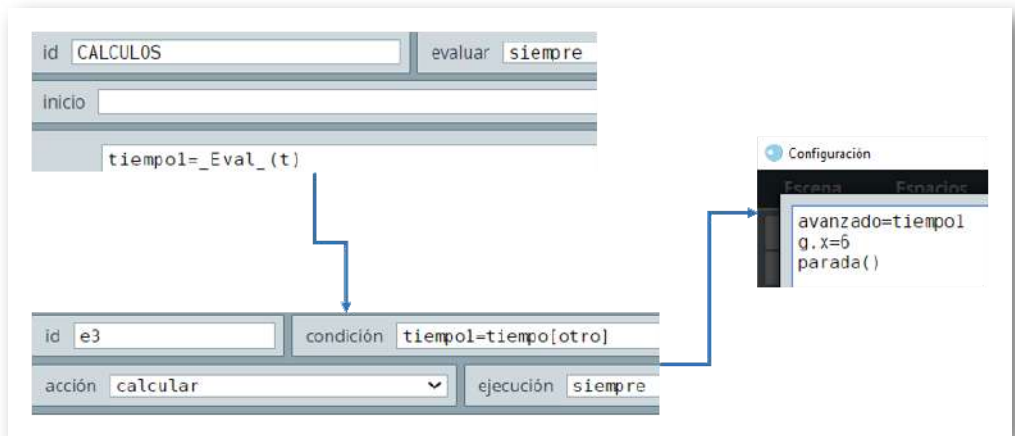


La orden para actualizar el tiempo de reproducción es:

```
E2.set('actualizar_tiempo',g.x*avanzado/6)
```

- **avanzado**. Es el tiempo transcurrido en el momento que se detiene la reproducción. El tiempo del vídeo se actualiza con valores entre 0 y el tiempo transcurrido (**avanzado**).

El cálculo de esta variable se realiza a partir de la variable **t**, cuyo valor es enviado por el archivo de comunicación **videolocal.js**. En la siguiente imagen se describe cómo se realiza el cálculo:



- **cambia_volumen**. Variable que modifica el valor del volumen entre un valor mínimo (0) y un valor máximo (100). Al igual que la variable anterior, se controla con un control gráfico (**sonido**):



La orden para modificar el volumen es:

```
E2.set('cambia_volumen',(sonido.x)*20)
```

Una función interesante es el cambio de formato del tiempo de reproducción recibido de **videolocal.js**, que permite escribir el tiempo en el formato **horas:minutos:segundos**:. En la siguiente imagen se muestra cómo se obtiene este formato.

id	formato_tiempo()	=	x
dominio			
local			
inicio			
<pre>t1_segundos=_Eval_(t) t1_horas=ent(t1_segundos/3600) t1_minutos=ent(t1_segundos/60) t1_segundos=t1_segundos%60</pre>			

Archivo **videolocal.js**

Este archivo permite la comunicación con la escena, es decir, es la interface de comunicación.

Mensajes hacia la escena. Para la manipulación del vídeo desde la escena, se requiere conocer el tiempo reproducido del vídeo (variable **t**) y la duración del vídeo (variable **t2**). La captura de estas dos variables se logra a través de los comandos:

```
seg = Math.round(myVid.currentTime);
duracion = Math.round(myVid.duration);
```

Donde **myVid** es la variable que contiene el nombre del video, la cual se declara con el comando:

```
myVid = document.getElementById("video1");
```

Para el caso de la primera variable a enviar (**t**) a la escena, se usan los siguientes comandos:

```
Contador.innerHTML = seg;  
document.getElementById("texto_a_enviar").value = seg;  
document.getElementById("texto_a_enviar").click();
```

En los cuales, la variable **texto_a_enviar** se maneja a través de un input creado en el archivo **ivideo.html**, que explicamos más adelante. La variable contenido envía a la escena el **texto_a_enviar** (**seg**) con el nombre (**t**), a través del siguiente bloque de comandos:

```
var contenido = document.getElementById("texto_a_enviar");  
  
contenido.addEventListener('click', function (evt) {  
    window.parent.postMessage({  
        type: "set",  
        name: "t",  
        value: contenido.value  
    }, '*');  
  
    window.parent.postMessage({  
        type: "update"  
    }, '*');  
});
```

En forma similar se envía la variable **t2**.

Mensajes desde la escena. Desde la escena se maneja un mensaje del tipo **set** que puede ser asociado a alguna de las siguientes variables: **play_pause**, **retrocede**, **actualizar_tiempo**, o **cambia_volumen** (en la descripción de la escena se explicita cómo se envían estos mensajes).

play_pause. Se esperan dos posibles valores: **parar** o **seguir** lo que permite parar o reanudar el vídeo, así:

```
var data = evt.data;
// se maneja un mensaje del tipo set
if ((data.type === "set") && (data.name === "play_pause")) {
  // data.name es el nombre de la variable
  // data.value es el valor de la variable

  if (data.value == "parar") {
    myVid.pause();
  } else if (data.value == "seguir") {
    myVid.play();
  }
}
```

Variables de avance y retroceso (retrocede, actualiza_tiempo). Permiten modificar el tiempo de reproducción del vídeo:

```
function skip(value) {
  myVid.currentTime += value;
}

function actualiza(value) {
  myVid.currentTime = value;
}

function actualiza2(value) {
  myVid.currentTime = value;
}
```

Variable de control de volumen (cambia_volumen). Asigna valores entre 0 (mínimo) y 1 (máximo) al volumen del vídeo.

```
function actualiza3(value) {  
    myVid.volume = value/100;  
}
```

Archivo `ivideo.html`

Es el HTML que se embebe en la escena, para la modificación de la escena no hay necesidad de intervenirla. Algunos bloques de diseño importantes son:

`<script src="js/videolocal.js"></script>`. Invoca la interface de comunicación.

`<input id="texto_a_enviar" type="text" style="VISIBILITY:hidden;display:none"/>`. Comando de entrada al que se le asigna el valor de la variable `texto_a_enviar`. Para nuestro caso es la variable `t`, la propiedad `VISIBILITY` permite ocultar el cuadro de texto que genera este comando. En la librería `videolocal.js` se simula la tecla intro (enter) para enviar automáticamente este mensaje a la escena, con el comando:
`document.getElementById("texto_a_enviar").click();`

Vídeo. La reproducción del vídeo se realiza con la etiqueta HTML5 `<video>`, la cual permite que el vídeo se adapte al tamaño del espacio HTMLiframe de la escena. El bloque es el siguiente:

```
<video autobuffer id="video1" style="width:100%; height: auto !importante;">  
    <source src="videos/video1.mp4" type="video/mp4">  
    <source src="videos/video1.ogv" type="video/ogg">  
    <source src="videos/video1.webm" type="video/webm">  
    <!-- Subtítulos para este vídeo -->  
    Su navegador no soporta videos HTML5  
</video>
```

6.2.2 Modelo 2 en local

Es una versión modificada del modelo anterior, donde los cambios más significativos son:

- **El vídeo es el elemento principal.** En este modelo el espacio asignado al vídeo es el 60% de la escena.
- **Imagen de fondo.** Se ha puesto una imagen de fondo.
- **Espacio máscara.** Este espacio (E4) se superpone al vídeo para presentar las preguntas. Se le da una transparencia para que el usuario pueda observar las imágenes del vídeo.
- **Macro sombras.** En el espacio principal (E1) se ha modificado el color de la macro `sombras.txt` (`sombra.rojo=0.5`). Esta macro también se ha puesto en el espacio E4 (máscara) en el que se hacen las preguntas.
- **Formato de vídeo.** Para este modelo hemos usado un vídeo con formato ogv.

id	INICIO	evaluar	una sola vez
inicio			
<pre>titulo='ELEMENTO SOMETIDO A FLEXIÓN' url='videos/video1.ogv'</pre>			

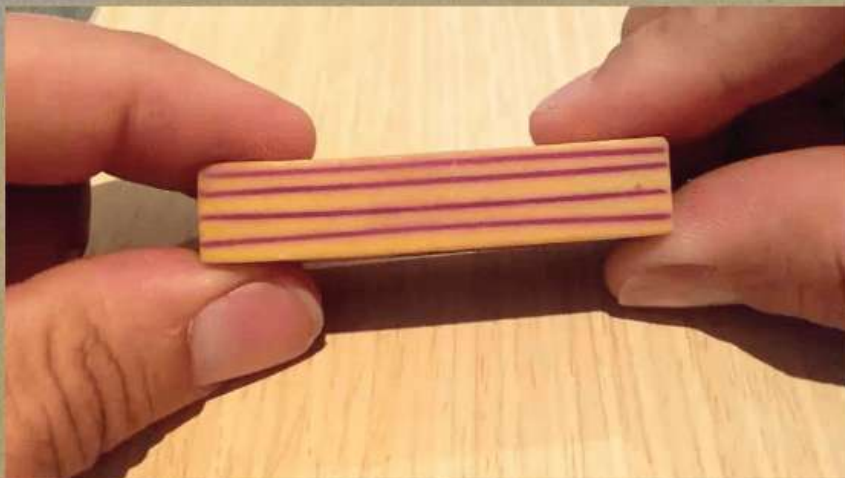
Estos cambios los puedes explorar en el archivo `index.html` localizado en la carpeta denominada `video_interactivo_modelo2_Local`.

El diseño es sólo ilustrativo, pues estás en capacidad de hacer los cambios que permitan ajustar la escena a tu gusto. En la siguiente página presentamos el vídeo interactivo.



ELEMENTO SOMETIDO A FLEXIÓN

Observa el vídeo y responde a las preguntas (Usa minúsculas y no olvides las tildes)



Usa la barra para retroceder o adelantar el vídeo

Play/Pause



0:00:00

6.2.3 Modelo 3 en local

Este modelo es bastante simple, pues sólo consiste en enviar un mensaje al archivo videolocal.js para que reproduzca el vídeo en un tiempo t , según la opción seleccionada.

Este mensaje se configura mediante el siguiente comando en el archivo [indexb.html](#):

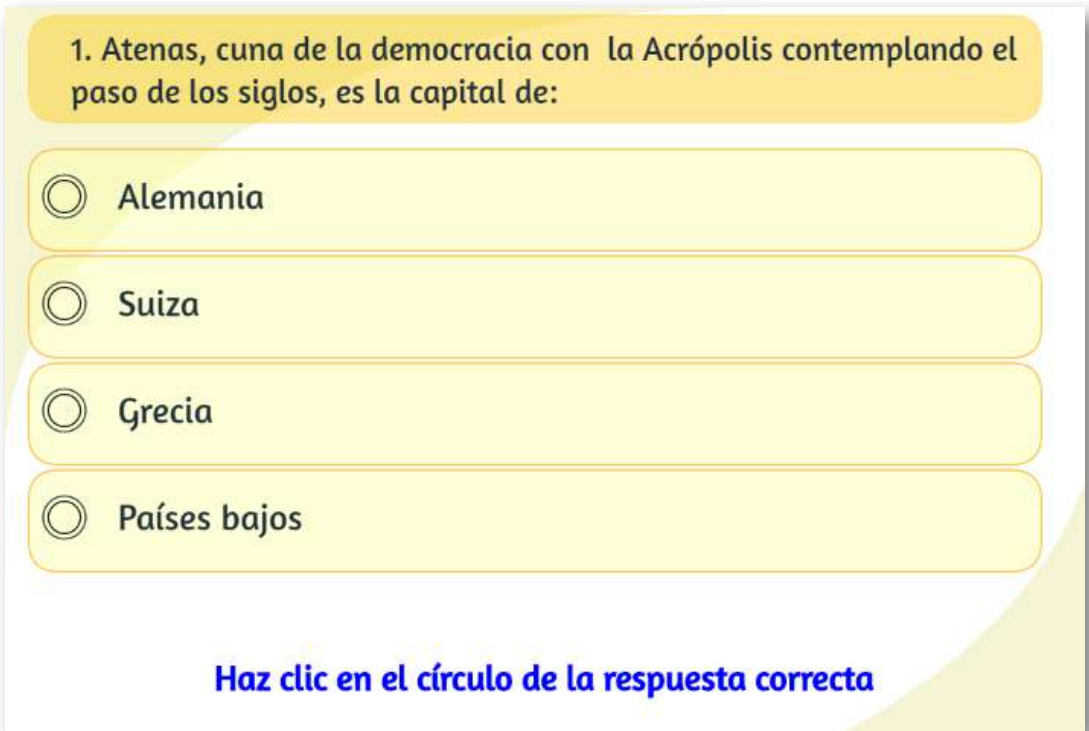
```
E2.set('actualizar_tiempo',ti)
```

donde **ti** es el tiempo en segundos en el que se actualiza el tiempo en el vídeo. En realidad, la interacción en este modelo es mínima, pues sólo se trata de hacer clic en los botones.



6.2.4 Modelo 4 en local - comunicación doble

Este modelo presenta dos novedades con respecto a los anteriores. La primera es que se realiza una comunicación adicional con otra escena interactiva diseñada con DescartesJS, se trata de la Actividad 7 (selección múltiple con cuatro respuestas), la cual hemos intervenido para un poco en sus dimensiones, para que se ajuste al vídeo interactivo, además de cambiar las preguntas:



1. Atenas, cuna de la democracia con la Acrópolis contemplando el paso de los siglos, es la capital de:

- ☐ Alemania
- ☐ Suiza
- ☐ Grecia
- ☐ Países bajos

Haz clic en el círculo de la respuesta correcta

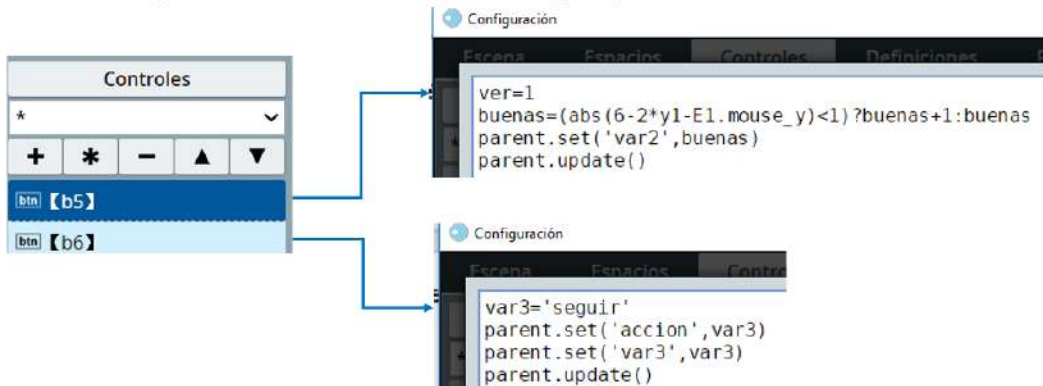
La escena envía datos al modelo, tales como: número de preguntas, respuestas acertadas y orden de continuar el vídeo una vez se ha respondido la pregunta.

En las siguientes imágenes se describen las instrucciones incorporadas en la actividad para que se logre la comunicación.

id	INICIO	evaluar
inicio		
hacer	<pre> total_preguntas=NP[1] pregunta=1 asigna_preguntas() random.n_numeros=4 random.creaAleatorios() calcula_posiciones() parent.set('var5',total_preguntas) parent.update() </pre>	

Se envía el número de preguntas de la actividad a través de la variable **var5**

Al hacer clic en los botones “verificar” o “continuar”, se envían mensajes con las respuestas buenas o con la orden ‘seguir’ para reanudar el vídeo



Puedes observar el uso de la expresión **parent.set**, la cual detallamos a continuación.



Otras tres funciones propias de Descartes

Hay otras tres funciones propias de DescartesJS que se usan para comunicar información entre un espacio principal y un espacio HTMLIFrame contenido en el principal.

parent.set('vr',var): Esta función se usa en un espacio HTMLIFrame subordinado, e indica que el espacio principal que lo contiene recibirá en la variable **vr** el valor que el espacio subordinado tiene en su variable **var**. Sin embargo, indicar esto no hace que el espacio principal se actualice. Es ahí donde entra la otra función propia **parent.update()**.

parent.exec('fnc',func): Esta función manda llamar una función **fnc** que debe encontrarse en el selector **Definiciones** del espacio principal. **parent.exec** acepta siempre dos argumentos: el nombre de la función a ejecutar en la escena y el segundo es el argumento de la función, en caso de tenerlo (en este ejemplo sería **func**). Si la función **fnc** sólo cuenta con un argumento, puede directamente ir como en el ejemplo. No obstante, en caso que tenga más argumentos, en lugar de **func** va una cadena de texto con los distintos argumentos separados entre ellos por comas. Por ejemplo, **parent.exec('fnc','a,b')**, donde los argumentos de la función son **a** y **b**.

parent.update(): Como se mencionó, esta función sirve para forzar una actualización de la escena principal posterior a recibir la información de la escena subordinada, por lo que suele incluirse justo después del **parent.set** o **parent.exec**

La segunda novedad es la inclusión de marcas de tiempo, las cuales indican en qué momento se harán las preguntas:



En el algoritmo **INICIO** del espacio principal ([indexb.html](#)) se definen los tiempos de parada del vídeo para realizar las preguntas, es decir, para invocar la escena subordinada ([index2.html](#)):

id	INICIO	evaluar	una sola vez
inicio			
hacer	<pre>titulo='CIUDADES DE EUROPA' url='videos/video1.webm' t='seguir' otro=1 tiempo[1]=40 tiempo[2]=66 tiempo[3]=95 muestra=0 cambia=1 accion2='parar'</pre>		

La barra de tiempo es un segmento entre los puntos $(-6, -3.7)$ y $(6, -3.7)$, es decir, de longitud 12; por ello, las marcas de tiempo se calculan así:

hacer

```
E2.set('cambia_volumen',(sonido.x-3)*25)
```

```
xr=-6+t*12/tiempo_reproduccion
```

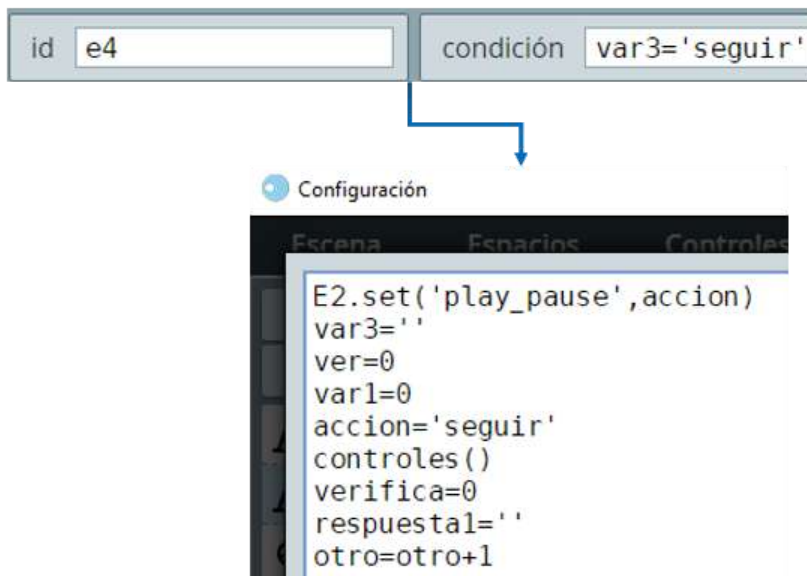
```
x1=-6+tiempo[1]*12/tiempo_reproduccion
```

```
x2=-6+tiempo[2]*12/tiempo_reproduccion
```

```
x3=-6+tiempo[3]*12/tiempo_reproduccion
```

donde **xr** es la abscisa que varía de acuerdo al tiempo de reproducción y **x1**, **x2** y **x3** las abscisas donde se dibujan las marcas de tiempo (segmentos color naranja).

Hemos agregado un **evento** que hace la funciones del botón **continuar vídeo** en los modelos anteriores. El evento se ejecuta cuando la actividad (**index2.html**) envía el mensaje **'seguir'** en la variable **var3**, permitiendo a la escena principal enviar ese mensaje al vídeo (**videolocal.js**)... he ahí la doble comunicación:



Y he aquí el cuarto modelo de vídeo interactivo:



6.2.5 Modelo 5 en local - múltiples actividades

En este modelo incluimos marcas en la línea de tiempo del vídeo para diferentes actividades. El modelo está diseñado de tal forma que permite una edición sencilla desde el editor de Descartes, con la posibilidad de incluir tres tipos de actividades: imágenes con información complementaria, preguntas de selección múltiple y escenas interactivas.

Para modificar el vídeo interactivo, nos centramos únicamente en las tres actividades que interactúan con el vídeo.

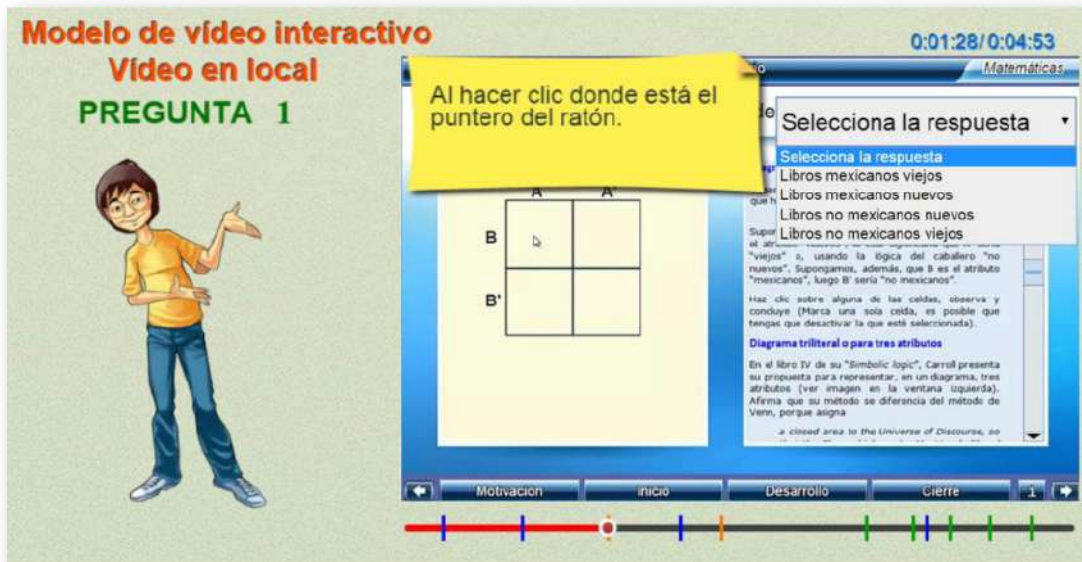
Actividad “Para saber más”. Se presentan en la línea de tiempo marcadas con color azul. Su objetivo es presentar una imagen con información complementaria. Esta actividad detiene la reproducción del vídeo, muestra la imagen y un botón de cierre que permite la reanudación del vídeo. Para su modificación se requiere:

- Modificar imágenes. Estas imágenes deben ir en la carpeta imágenes con los nombres `i1.jpg`, `i2.jpg`,... con un tamaño sugerido de 600×400 píxeles. Si no se desea este tipo de actividad en el vídeo, se recomienda dejar, al menos, la imagen `i1.jpg` para evitar lentitud en el editor de Descartes, pues por su diseño trata de leer al menos esta primera imagen.
- Modificar los tiempos en la línea de tiempo. En el editor de Descartes, en el algoritmo `INICIO`, podemos modificar los valores del vector `t_info`. Estos valores son los segundos transcurridos en el vídeo para presentar las imágenes. Si se desean más de cuatro imágenes, basta copiar las líneas adicionales; por ejemplo, para una quinta imagen a los dos minutos: `t_info[5]=120`. Si no se desea incluir imágenes, asignamos un tiempo de `1000` segundos o más. En la siguiente imagen, se observa que aparecerán cuatro actividades "Para saber más", dos preguntas y cinco actividades de DescartesJS (aunque podrían ser de otra herramienta).

id	INICIO	evaluar	una sola vez
inicio			
hacer	<pre>m1='Aquí declaramos los momentos en que se muestra información' t_info[1]=15 t_info[2]=50 t_info[3]=120 t_info[4]=229 m2='Aquí declaramos los momentos en que hay actividad interactiva' t_actividad[1]=202 t_actividad[2]=223 t_actividad[3]=239 t_actividad[4]=257 t_actividad[5]=275 m3='Aquí declaramos los momentos en que hay preguntas' t_pregunta[1]=88 t_pregunta[2]=138</pre>		
mientras			

Actividad “Preguntas”. Se presentan en la línea de tiempo marcadas con color naranja. Son preguntas de selección múltiple, que reanudan el vídeo una vez se seleccione una respuesta.

Para este modelo, el diseño de las preguntas está incorporado en la escena principal. Se podría modificar el modelo incluyendo preguntas a través de una segunda comunicación, tal como se hizo en el modelo anterior. En la siguiente imagen, se muestra cómo es el diseño de las preguntas.



Para su modificación se requiere:

- Modificar los tiempos en la línea de tiempo. En el editor de DescartesJS, en el algoritmo **INICIO**, podemos modificar los valores del vector **t_pregunta**. Estos valores son los segundos transcurridos en el vídeo para presentar la pregunta. Si se desean más preguntas, basta copiar las líneas adicionales; por ejemplo, para una tercera pregunta a los dos minutos: **t_pregunta[3]=120**. Si no se desea incluir preguntas, asignamos un tiempo de **1000** segundos o más (explora la configuración para saber el por qué).
- Modificar preguntas y respuestas. En el mismo algoritmo anterior del editor DescartesJS, podemos modificar los valores de las preguntas asignadas al vector **P**. Como se observa en la imagen anterior, el enunciado de la pregunta puede tener más de una línea (para el modelo máximo tres), que se separan por comas. En nuestro ejemplo, se tienen formuladas dos preguntas **P[1]** y **P[2]**. Por otra parte, en el vector **R**, se asignan las posiciones en la que se encuentran las respuestas correctas (ver siguiente apartado). En la siguiente imagen, se observa que aparecerán sólo dos preguntas en el vídeo interactivo.

```
t_actividad[3]=255
t_actividad[4]=257
t_actividad[5]=275

m3='Aquí declaramos los momentos en que hay preguntas'
t_pregunta[1]=88
t_pregunta[2]=138

m4='Aquí vienen las preguntas, hasta tres líneas separadas por una c
hacer
P[1]='Al hacer clic donde está el, puntero del ratón., ¿Qué mensaje
R[1]=2
P[2]='Al hacer clic donde está el, puntero del ratón., ¿La función s
R[2]=3
k=1
organiza_preguntas()
```

Una función interesante es `organiza_preguntas()`, la cual se encarga de distribuir el texto de la pregunta en un máximo de tres líneas. Este recurso se utilizó porque el modelo original fue diseñado en 2015, año en el cual el editor DescartesJS no contaba con las opciones actuales **punto de anclaje** y **ancho del texto**. Lo hemos dejado sólo para que explores cómo se usan las funciones de cadena para organizar el texto de la pregunta. Obviamente, puedes rediseñar la escena de tal forma que no se tengan que usar estas funciones.

- Modificar el menú de respuestas. Como se trata de preguntas tipo selección múltiple, por cada pregunta aparecen cuatro opciones. Para nuestro ejemplo la respuesta correcta a la primera pregunta sería '**Libros mexicanos nuevos**', que corresponde a la posición dos; es decir, `R[1] = 2`.

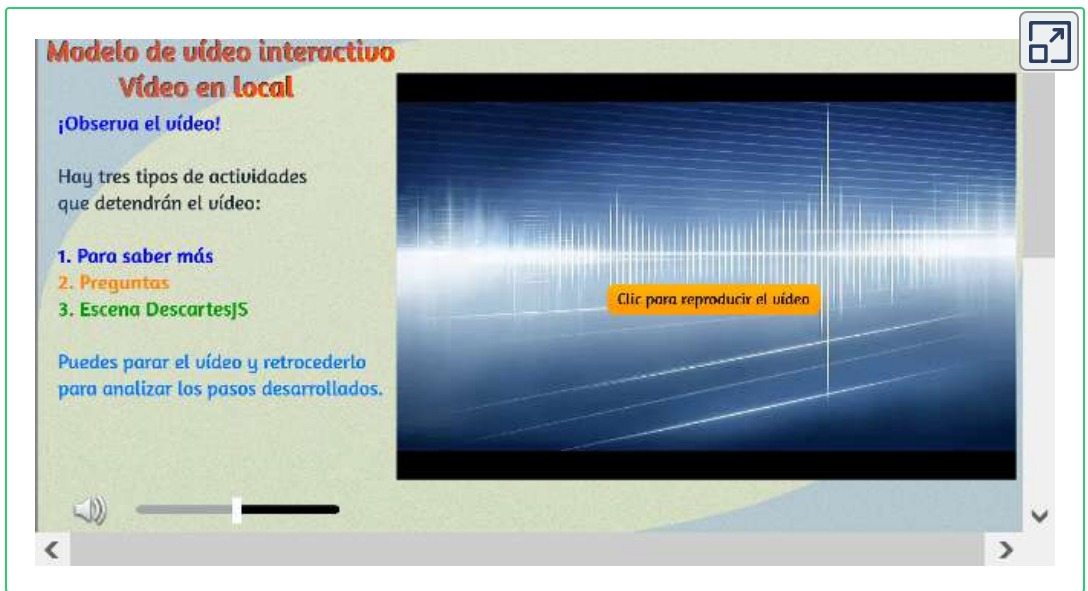
Este menú se modifica en los controles tipo menú que aparecen en el apartado Controles del editor de DescartesJS, basta cambiar el contenido de la casilla opciones. Cada repuesta se separa con coma. La primera opción '**Selecciona respuesta**' no se modifica. El modelo está diseñado para un máximo de cinco preguntas. Si no se desean hacer preguntas, es suficiente con modificar los tiempos del vector `t_pregunta`; es decir, no es necesario eliminar los cinco controles de preguntas.

Actividad "Escena DescartesJS". Se presentan en la línea de tiempo marcadas con color verde. Para el modelo son escenas de DescarteJS, pero igual podemos incluir otro tipo de escenas que estén adaptadas a HTML5, GeoGebra por ejemplo (ver varios ejemplos al final de este apartado).

- Modificar los tiempos en la línea de tiempo. En el editor DescartesJS, en el algoritmo **INICIO**, podemos modificar los valores del vector **t_actividad**. Estos valores son los segundos transcurridos en el vídeo para presentar una de las escenas interactivas. Si se desean más actividades, basta copiar las líneas adicionales; por ejemplo, para una sexta actividad a los cinco minutos: **t_actividad[6]=300**. Al igual que en los caso anteriores, basta con asignar un tiempo grande (**1000**, por ejemplo) para no incluir este tipo de actividades.
- Modificar las escenas DescartesJS. En la carpeta Practicas se guardan las escenas que vamos a utilizar. Cada escena debe nombrarse como **practica1.html**, **practica2.html**,..., con los correspondientes archivos y carpetas de soporte.

El modelo permite la inclusión de escenas con las siguientes dimensiones: 970×550 para vídeos en local y 790×520 para vídeos de YouTube, cada una de ellas tienen un tratamiento de diseño adaptable para ajustarlas a la escena principal.

A continuación puedes interactuar con este quinto modelo de vídeo interactivo. Te recomendamos hacerlo en una ventana ampliada.



6.2.6 Modelo 6 en local - múltiples actividades y animación

Es el mismo modelo anterior con dos novedades de animación. La primera es una animación usando <https://www.moovly.com/>⁹ y, la segunda, una animación DescartesJS. Pero... explora el vídeo en la siguiente página.

⁹ El creador de videos Moovly hace que sea simple e intuitivo crear videos atractivos que cautiven a su audiencia. No necesita habilidades de edición o un gran presupuesto para hacer un video o editarlo fácilmente en nuestro editor de video en línea. (<https://www.moovly.com/>).



Para terminar este apartado, presentamos algunos ejemplos de vídeos interactivos con GeoGebra.

6.2.7 Demostrando el teorema de Pitágoras

Este ejemplo corresponde a un vídeo de 3 minutos y 46 segundos, en el que se hacen cuatro preguntas de respuesta escrita. Al final aparece la escena de GeoGebra construida en el vídeo. En este caso la comunicación es sólo entre DescartesJS y el vídeo, puesto que la escena de GeoGebra es simplemente un HTMLIfame embebido en

Este es el vídeo interactivo:



6.2.8 Dibujemos un huevo

En este ejemplo hay doble comunicación, tanto con el vídeo como con la escena de GeoGebra. Es una forma de explicar una construcción geométrica con el concurso del usuario.

La interacción del usuario con GeoGebra se realiza construyendo los tres arcos finales que conforman el huevo. Esto se logra a través de las funciones `dibuja_arco2()`, `dibuja_arco3()` y `controla()`, donde la última verifica que el usuario haya dibujado correctamente los arcos.

The screenshot shows the GeoGebra script editor interface. At the top, the 'id' field is set to 'dibuja_arco2()' and the '=' field is set to 'x'. Below this, there are input fields for 'dominio' and 'local', both of which are empty. To the right of the 'dominio' field is a checkbox labeled 'algoritmo' which is checked. Below the 'local' field is an 'inicio' field, also empty, with a small icon to its right. At the bottom, there is a text area containing the following code: `arco='ArcoCircunferencia[ E, F, H ]'` and `Cal.set('evalua2',arco)`.

La verificación se hace a través de funciones de cadena. Por ejemplo, para el primer arco:

```
arco1a=_substring_(A1,4,_length_(A1))
arco1b=_substring_(A2,4,_length_(A2))
verifica1a=( _Eval_(arco1b)>0)
verifica1b=(arco1a = arco1b)
arco_correcto1=(verifica1a)&(verifica1b)
```

Este es el vídeo interactivo:



6.2.9 Construcciones de GeoGebra con DescartesJS

En este ejemplo hay comunicación con dos escenas de GeoGebra, pero sólo se limita a enviar dos mensajes con los colores de los ángulos.

Se realizan dos construcciones geométricas. La primera es un polígono inscrito en una circunferencia, el cual tiene como propiedad que los ángulos opuestos suman 180° .

La segunda, es un ángulo inscrito en una circunferencia, que se compara con el ángulo central correspondiente.

```
if ((data.type === "set") && (data.name === "construcciones")) {  
  Construye=data.value;  
  
  //colores  
  document.ggbApplet.setColor('α', 255, 255, 255);  
  document.ggbApplet.setVisible('α', true);  
  
  window.parent.postMessage({ type: "update" }, '*');  
}  
else if (data.type === "update") {  
}
```

Figura 6.1. Cambio de colores en los ángulos en el archivo calculos.html



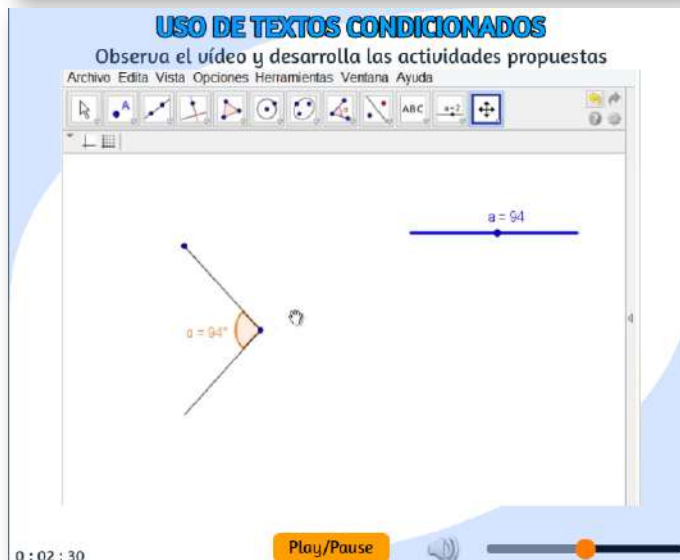
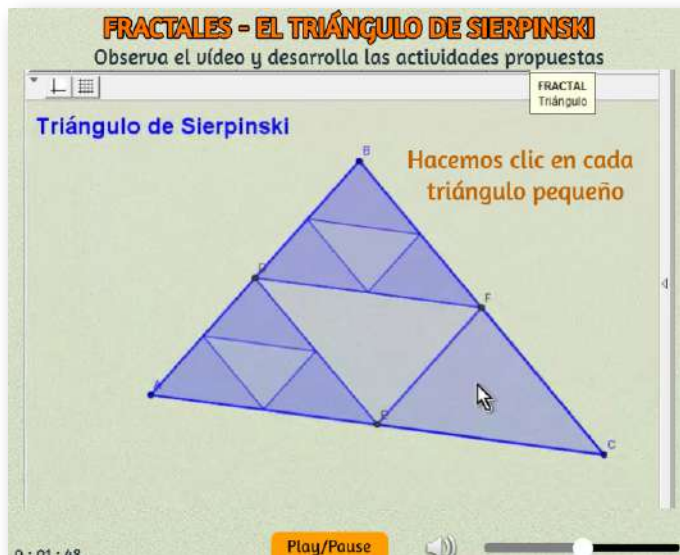
Figura 6.2. Cambio de colores en los ángulos en la escena de GeoGebra

Este es el vídeo interactivo:



6.2.10 El triángulo de Sierpinski y textos condicionados

Terminamos con dos ejemplo más, que puedes abrir e interactuar con ellos haciendo clic en las siguientes imágenes:



6.3 Plantillas Modelos con vídeo en local

Si deseas diseñar un vídeo interactivo como los anteriores en una forma más rápida, puedes recurrir a una plantilla de las que hemos dispuesto en <https://proyectodescartes.org/plantillas/>. No obstante, lo explicado anteriormente es de utilidad para que diseñes tus propios modelos, basta que te esfuerces un poco para programar, tanto el código DescartesJS como la interface `videolocal.js`

A continuación, te presentamos un vídeo que explica cómo se modifican las plantillas para modelos en local:



6.4 Modelos con vídeos de YouTube

Google, en general, y YouTube, en particular, suministran rutinas JavaScript de programación, más conocidas como **JavaScript API**, las cuales permiten incrustar una aplicación Google (YouTube, Google Maps,...) en un sitio web y controlarla mediante JavaScript. Estas APIs, que hemos llamado interface o interfaz, anteriormente eran una especie de *plug-in* que hoy en día se han estandarizado en JavaScript, buscando una mayor compatibilidad con los sistemas operativos y navegadores.

En este último apartado, veremos cómo aprovechar la API de YouTube para reproducir los vídeos, pausar o detener esos videos, ajustar el volumen, o recuperar información sobre el video como su duración.

No obstante, siempre recomendamos diseñar vídeos interactivos con los modelos en local, pues no tienen dependencia externa que puedan frustrar uno de los atributos que esperamos de nuestros objetos interactivos... la perdurabilidad. Esta frustración puede presentarse por dos razones; la primera es la eliminación del vídeo por el autor, incluso en nuestro propio canal (una demanda, por ejemplo); la segunda, porque Google cambie políticas o modificaciones en los atributos de sus aplicaciones que hagan inservible la interface (algo similar se ha presentado con la API de Google Maps, al modificar la llamada API [key](#)).

Pese a estos posibles inconvenientes la actual API de YouTube funciona muy bien, así que presentamos cinco modelos de comunicación DescartesJS - YouTube y varios ejemplos de aplicación. Sólo en el primer modelo haremos una explicación más detallada de los elementos que intervienen en la comunicación, excepto por aquellos de uso frecuente en el editor de DescartesJS o que ya han sido ampliamente trabajados en este libro o en el nivel anterior.

Presentamos, a continuación, un vídeo introductorio a este apartado, en el que puedes observar dos tipos de interacciones, la típica de YouTube (clic en una parte del vídeo, para este ejemplo en el botón **más información**) y, al final, la interacción que más nos interesa en las aplicaciones de Descartes:



Los comandos de comunicación entre DescartesJS y el vídeo de YouTube los explicamos en los siguientes apartados.

6.4.1 Modelo 1 de YouTube

Este modelo es igual al presentado en el modelo 1 de los vídeos en local, sólo se diferencia por el contenido del vídeo y porque hemos incorporado la macro **Barra Jinich**, tal como se muestra en la siguiente imagen:



La imagen fue capturada en una pausa del vídeo. Se puede observar la presencia de vídeos relacionados en la parte inferior, pese a que se dio lo orden de no hacerlo (`rel=0`). Al indagar en Google, obtuvimos la siguiente información:

Nota: este parámetro cambió partir del 25 de septiembre de 2018. Antes del cambio, este parámetro indica si el reproductor debe mostrar videos relacionados cuando finaliza la reproducción del video inicial. Si el valor del parámetro se establece en `1`, que es el valor predeterminado, el reproductor muestra videos relacionados. Si el valor del parámetro se establece en `0`, el reproductor no muestra videos relacionados. Después del cambio, no podrá desactivar los videos relacionados. En cambio, si el parámetro `rel` se establece en `0`, los videos relacionados provendrán del mismo canal que el video que se acaba de reproducir (<https://developers.google.com>).

¡He ahí un cambio de política de Google!

Escena DescartesJS

La programación del vídeo interactivo en DescartesJS es similar al modelo en local (ver archivo [indexb.html](#)), de la cual destacamos:

Identificación del vídeo (id). El **id** de los vídeos en YouTube se presenta luego de la expresión `watch?v=`; por ejemplo, el vídeo del canal de YouTube "las 50 ciudades más hermosas de Europa" tiene este enlace:

https://www.YouTube.com/watch?v=V6CQjkm_qcY 

El id del vídeo, entonces, es `V6CQjkm_qcY`.

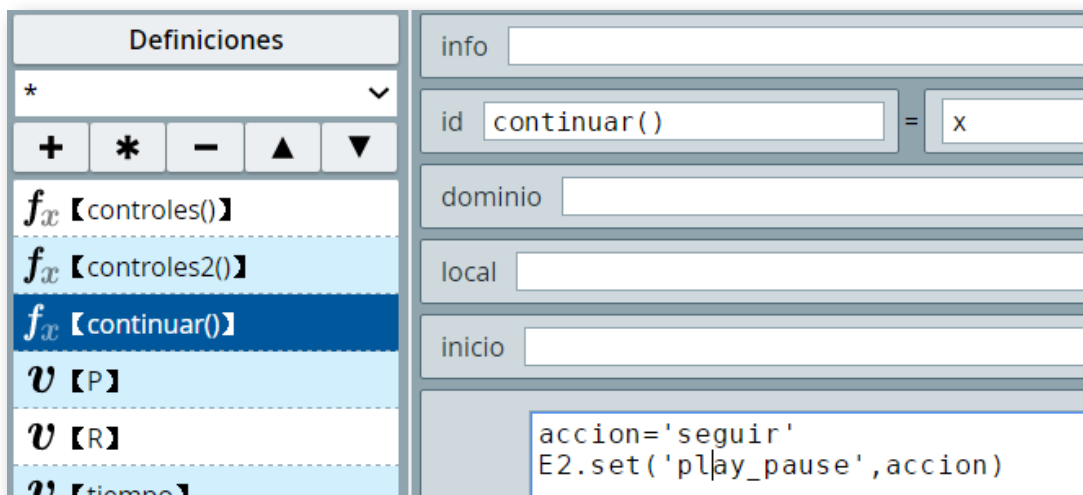
Si queremos otro vídeo, una vez lo tengamos identificado, vamos al algoritmo **INICIO** y modificamos la expresión `url='V6CQjkm_qcY'`.

Vídeo introductorio con el logo. Al inicio de cada vídeo aparece el logo de la Institución Universitaria Pascual Bravo. Tienes tres opciones: i) Conservar este logo, ii) crear tu logo y subirlo a YouTube, luego incorporas el id obtenido (ver apartado sobre el archivo [ivideo.html](#)) o, iii) eliminar el logo. Si la decisión es la última opción, basta cambiar la dirección YouTube en [ivideo.html](#) y cambiar la condición en el evento `e4` por `tiempo1>3000` (¿por qué?).

Instrucciones de comunicación. En el código de esta escena se incluyen instrucciones que permiten comunicarla con el archivo [ivideo.html](#), el cual se incluye en un espacio `HTMLIframe`. A continuación describimos los elementos de la escena que permiten gestionar el vídeo:

- **play_pause**. Variable que permite enviar órdenes al archivo HTML para que detenga o reanude la reproducción del vídeo. Si deseamos enviar el valor **seguir** a la variable **play_pause**, podemos hacerlo con instrucciones como:

```
accion='seguir'; E2.set('play_pause',accion)
```



E2 es el espacio HTMLIframe. Observa la función **parada()**, en la escena, que se ejecuta a través de un evento que controla el tiempo de reproducción para cada pregunta. La acción, entonces, sería **parar** o detener el vídeo para responder a la pregunta.

- **actualizar_tiempo**. Variable que reasigna el tiempo en segundos a partir del cual se debe reanudar la reproducción del vídeo. En este modelo se controla con un control gráfico (**g**):

Usa la barra para retroceder o adelantar el vídeo



La orden para actualizar el tiempo de reproducción es:

```
E2.set('actualizar_tiempo', g.x*avanzado/6)
```

Donde la variable **avanzado** es el tiempo transcurrido en el momento que se detiene la reproducción, que se calcula a través del evento **e3**. El tiempo del vídeo se actualiza con valores entre **0** y el tiempo transcurrido (**avanzado**).

id	e3	condición	tiempo1=tiempo[otro]
acción	calcular	ejecución	siempre
parámetro	avanzado=tiempo1\ng.x=6\nparada()		

- **cambia_volumen**. Variable que modifica el valor del volumen entre un valor mínimo (**0**) y un valor máximo (**100**). Al igual que la variable anterior, se controla con un control gráfico (**sonido**):



La orden para modificar el volumen es:

```
E2.set('cambia_volumen', (sonido.x-1)*20)
```

- **cambia_video**. Como lo indicamos antes, la identificación de nuestro vídeo la asignamos a la variable url del vídeo. La orden para modificar el enlace de YouTube del vídeo es:

```
E2.set('cambia_idYouTube', url)
```

Finalmente, desde el archivo HTML se capturan los valores del tiempo de reproducción (t) y de la duración total del vídeo (t2), a través de las siguientes instrucciones:

```
tiempo1=_Eval_(t)  
tiempo_reproduccion=_Eval_(t2)
```

Esta captura permite controlar los tiempos para realizar las preguntas, además de presentar el tiempo de reproducción en la escena y su duración:



Archivo de comunicación YouTube.js

Este archivo de comunicación lo puedes encontrar en la carpeta `js`, del cual destacamos:

- **Mensajes hacia la escena.** Para la manipulación del vídeo desde la escena, se requiere conocer el tiempo reproducido del vídeo (variable `t`) y la duración del vídeo (variable `t2`). La captura de estas dos variables se logra a través de los comandos:

```
seg = Math.round(player.getCurrentTime());  
duracion = Math.round(player.getDuration());
```

Donde `player` es la variable que contiene el nombre del video, la cual se declara con el comando:

```
player = document.getElementById("video1");
```

Para el caso de la primera variable a enviar (`t`) a la escena, se usan los siguientes comandos:

```
Contador.innerHTML = seg;  
document.getElementById("texto_a_enviar").value = seg;  
document.getElementById("texto_a_enviar").click();
```

En los cuales, la variable `texto_a_enviar` se maneja a través de un input creado en el archivo `ivideo.html`, que explicamos más adelante. La variable contenido envía a la escena el texto a enviar (`seg`) con el nombre (`t`), a través del siguiente bloque de comandos:

```

var contenido = document.getElementById("texto_a_enviar");
contenido.addEventListener('click', function (evt) {
    window.parent.postMessage({
        type: "set",
        name: "t",
        value: contenido.value
    }, '*');
    window.parent.postMessage({
        type: "update"
    }, '*');
});

```

En forma similar se envía la variable **t2**.

- **Mensajes recibidos desde la escena.** Desde la escena se maneja un mensaje del tipo set que puede ser asociado a alguna de las siguientes variables: **play_pause**, **retrocede**, **actualizar_tiempo**, o **cambia_volumen** (en la descripción de la escena se explicita cómo se envían estos mensajes).

play_pause. Se esperan dos posibles valores: **'parar'** o **'seguir'**, lo que permite parar o reanudar el vídeo, así:

```

var data = evt.data;
if ((data.type === "set") && (data.name === "play_pause")) {
    if (data.value == "parar") {
        player.pauseVideo();
    } else if (data.value == "seguir") {
        player.playVideo();
    }
}

```

Variables de avance y retroceso del vídeo (**retrocede**, **actualiza_tiempo**). Permiten modificar el tiempo de reproducción del vídeo:

```
function skip(value) {  
  player.currentTime += value;  
}  
  
function actualiza(value) {  
  player.seekTo(value);  
}
```

Variable de control de volumen (**cambia_volumen**). Asigna valores entre 0 (mínimo) y 100 (máximo) al volumen del vídeo:

```
function actualiza3(value) {  
  player.setVolume(value);  
}
```

Variable que cambia la url del vídeo. Asigna el valor de la url definida por la escena:

```
function actualiza4(value) {  
  player.loadVideoById(value);  
  player.playVideo();  
}
```


Archivo `ivideo.html`

Es el HTML que se embebe en la escena, para la modificación de la escena no hay necesidad de intervenirla. Algunos bloques de diseño importantes son:

`<script src="js/YouTube.js"></script>`. Invoca la librería descrita en el apartado anterior.

`<input id="texto_a_enviar" type="text" style="VISIBILITY:hidden;display:none"/>`. Comando de entrada al que se le asigna el valor de la variable `texto_a_enviar`. Para nuestro caso es la variable `t`, la propiedad `VISIBILITY` permite ocultar el cuadro de texto que genera este comando. En la librería `YouTube.js` se simula la tecla intro (enter) para enviar automáticamente este mensaje a la escena, con el comando:

```
document.getElementById("texto_a_enviar").click();
```

`<iframe>`. La reproducción del vídeo se realiza con la etiqueta HTML5 `<video>`, la cual permite que el vídeo se adapte al tamaño del espacio HTMLIframe de la escena. El bloque es el siguiente:

```
<div class="" id="descartes_d">
  <iframe id="video" src=
    "https://www.youtube.com/embed/clryISLhHzc?enablejsapi=1&html5=1&rel=0&autoplay=0&controls=0&showinfo=0&start=1&disablekb=1" width=
    "550px" height="330px" frameborder="0"
    allowfullscreen></iframe>
</div>
```

Aquí es importante describir varios aspectos:

- En la fuente del vídeo (`src`) aparece el id `j8SdsVIBbZQ`, que corresponde al vídeo logo explicado en el apartado de modificación de la escena.
- `enablejsapi=1` es un comando para que se habilite la API de YouTube, que es lo que permite que podamos intervenir el vídeo.
- Como se observa, se incluye la propiedad de autoreproducción (`autoplay=0`).
- Deshabilitación de los controles de YouTube (`controls=0`)

Finalmente, el vídeo interactivo es el siguiente:



6.4.2 Modelo 2 de YouTube

En este vídeo hemos incorporado la línea de tiempo y las marcas donde se van a realizar las preguntas. Nos detendremos únicamente en explicar cómo se diseñaron.

- Agregamos un segmento **gris claro** con las siguiente configuración:

expresión	(-6, -5.1) (6, -5.1)		
familia	☐	parámetro	s
intervalo	[0,1]		paso
texto			
fuelle	SansSerif	tam fuente	18
decimales	2	fijo	☒
tamaño	2	ancho	8

Es decir, el segmento es de una longitud de **12** pixeles que va desde **-6** a **6**:



- Agregamos un segmento de color amarillo del mismo ancho, pero de longitud variable:

espacio	E1	fondo	☐	color	
dibujar si					
expresión	(-6, -5.1) (xr, -5.1)				

La longitud variables está dada por xr , que se calcula en el algoritmo **CALCULOS**, así:

$$xr = -6 + \text{tiempo1} * 12 / \text{tiempo2}$$

La fórmula es una relación simple entre la longitud máxima (12 pixeles) asociada al tiempo total (tiempo2) y la longitud (xr) asociada al tiempo transcurrido (tiempo1).

En forma similar se calculan las abscisas de las marcas de tiempo:

$$x1 = -6 + \text{tiempo}[1] * 12 / \text{tiempo2}$$

$$x2 = -6 + \text{tiempo}[2] * 12 / \text{tiempo2}$$

$$x3 = -6 + \text{tiempo}[3] * 12 / \text{tiempo2}$$

Estas marcas son segmentos verticales de ancho 6 que se dibujan en las abscisas $x1$, $x2$ y $x3$. Para la primera, la configuración sería:

espacio	E1	fondo	☐	color	
dibujar si	$\text{tiempo1} < \text{tiempo}[1]$				
expresión	$(x1, -4.9) (x1, -5.3)$				

El vídeo es el siguiente:



6.4.3 Modelo 3 de YouTube - Múltiples actividades

El funcionamiento de este vídeo es similar al mostrado en el modelo en local. En este modelo de YouTube hemos escogido un vídeo de nuestra colega cartesiana Eva Perdiguer Garzo, publicado en el canal de la Red Educativa Digital Descartes, lo cual nos garantiza un mayor nivel de perdurabilidad.



Se trata de un vídeo relacionado con una unidad didáctica del Proyecto Pizarra Interactiva, llamada "Medición de ángulos". Es en este proyecto donde se usa, por primera vez, la macro **sombras**.

Las actividades que vamos a incluir son seis (6), dos de información complementaria "para saber más", dos actividades evaluativas y dos escenas interactivas tomadas de la unidad didáctica.

En tanto que ya estás en capacidad de explorar y comprender la escena DescartesJS y los archivos de comunicación [ivideo.html](#) y [YouTube.js](#), sólo nos resta presentar el vídeo:



Si deseas explorar o modificar las escenas interactivas incorporadas en la carpeta [practicass](#), debes hacerlo con los archivos [actividad1.html](#) y [actividad2.html](#). Observarás que no hemos intervenido estas escenas, las cuales fueron diseñadas en 2015.

6.4.4 Modelo 4 de YouTube - Múltiples actividades y animación

El vídeo utilizado en este modelo corresponde al cálculo de la matriz adjunta, el cual ha generado cierta discusión en el canal de YouTube, pues en otras latitudes, España por ejemplo, la matriz adjunta se define de otra manera; sin embargo, sea cual fuere el nombre que le demos, finalmente es útil para comprender cómo calcular la matriz inversa y, en consecuencia la matriz o vector solución de un sistema de ecuaciones. Este vídeo hace parte de una unidad didáctica interactiva del Proyecto ([Un_100](#)).

El vídeo interactivo cuenta con dos actividades "para saber más", una evaluativa y, al final, una actividad interactiva de la unidad didáctica.

id

evaluar

inicio

hacer

```
m1='Aquí declaramos los momentos en que se muestra informaci  
t_info[1]=10  
t_info[2]=122  
t_info[3]=2000  
  
m2='Aquí declaramos los momentos en que hay actividad intera  
t_actividad[1]=251  
t_actividad[2]=2000  
  
m3='Aquí declaramos los momentos en que hay preguntas'  
t_pregunta[1]=90  
t_pregunta[2]=180
```


He aquí el vídeo interactivo (ponle volumen al audio, pues presenta un nivel bajo el vídeo original).



VIDEO INTRO I.U. PASCUAL BRAVO

Ver más ta... Compartir

YouTube

Modelo Vídeo Interactivo
Cálculo Matriz Adjunta

¡Observa el vídeo!

Hay tres tipos de actividades que detendrán el vídeo:

1. Para saber más
2. Preguntas
3. Escena Descartes

Puedes parar el vídeo y retrocederlo para analizar los pasos desarrollados.

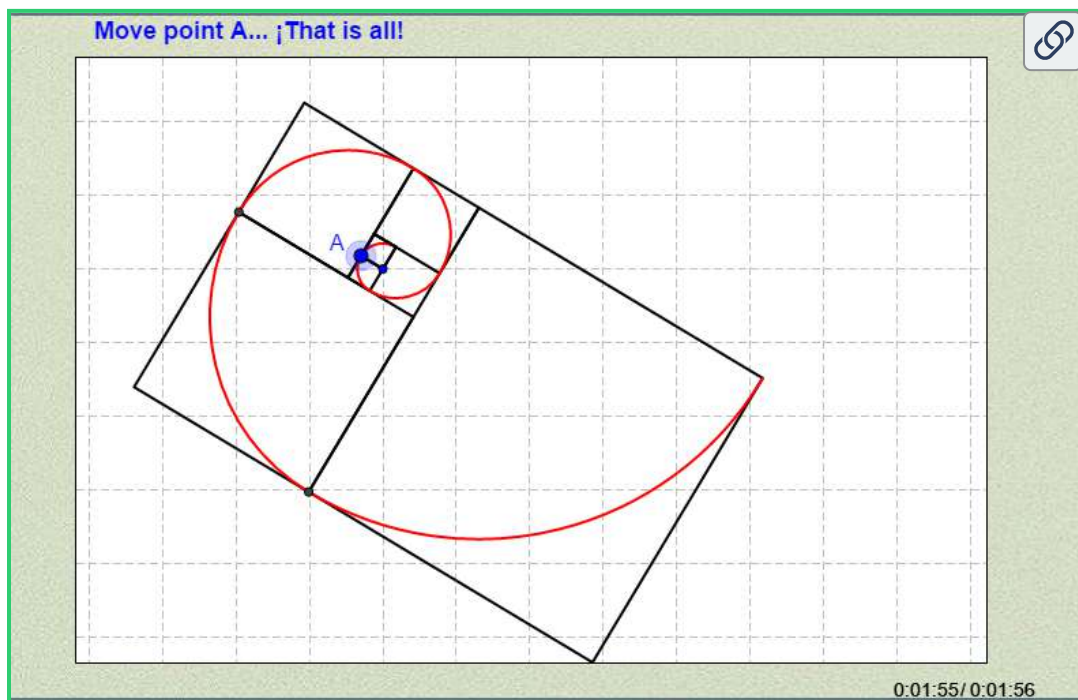
Finalmente, presentamos algunos ejemplos de aplicación, entre ellos algunos con la herramienta GeoGebra.

En los ejemplos de GeoGebra se presentan suspensiones del vídeo, para que practiques con la herramienta lo explicado en el vídeo. En el segundo ejemplo (Euler's Line), podrás observar el efecto "no deseado" de una de las nuevas políticas de Google.

The Fibonacci Spiral

Este es un vídeo interactivo publicado en el foro de GeoGebra, versión lengua inglesa. El vídeo original de YouTube se encuentra publicado en <https://www.YouTube.com/watch?v=pUcBaVVjZ8s> . Hemos incorporado música de fondo, descargada de <https://www.bensound.com>.

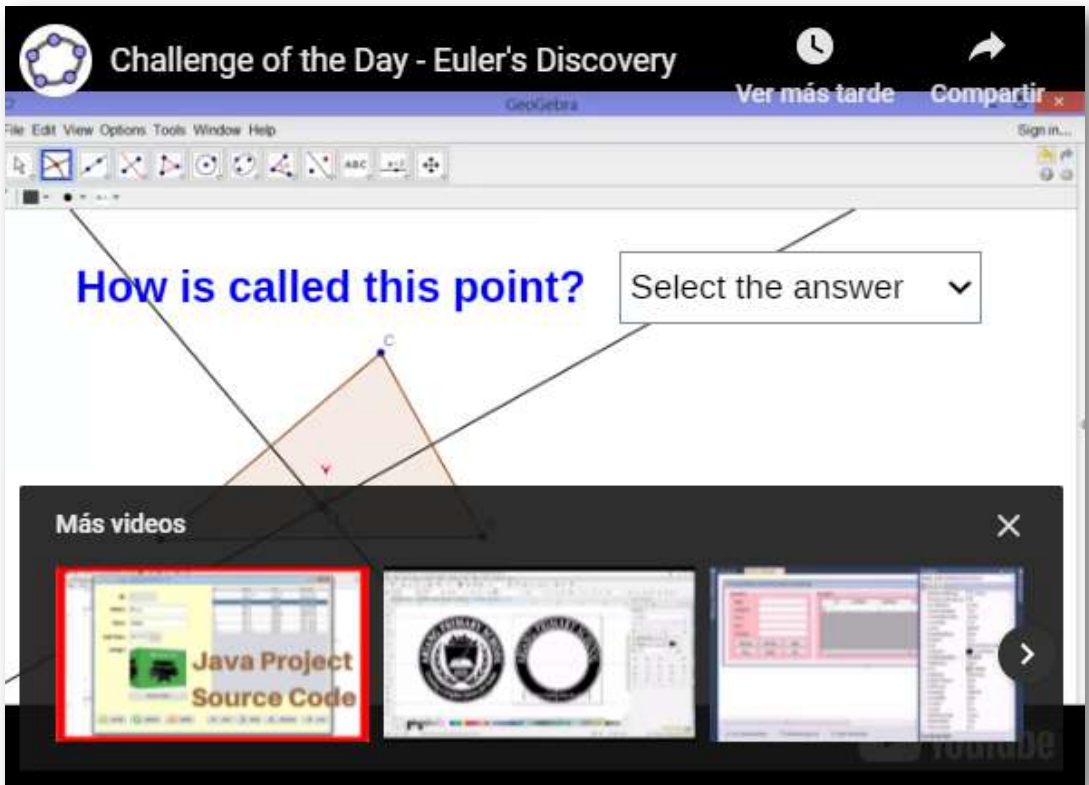
Haz clic sobre la imagen para ver el vídeo:



Euler's Line

Este es otro ejemplo que hace uso de la herramienta GeoGebra, se diseñó empleando el vídeo publicado en <https://www.YouTube.com/watch?v=Bn1T1oILbUU> 

En este ejemplo se evidencia el impacto negativo de la afectación realizada al comando **reL**, pues en el momento de enviar un mensaje con el comando **pause**, aparecen los vídeos relacionados, dificultando identificar la imagen pausada para dar respuesta a las preguntas:

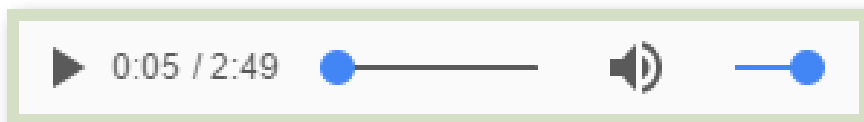


Una solución posible sería recurrir al modelo de vídeos interactivos en local; sin embargo, aún no renunciaremos a interactuar con YouTube, tal como lo veremos en siguiente ejemplo.

Como en el vídeo anterior, tuvimos que recurrir a un audio de fondo pues el vídeo original carece de audio.

id	a1	espacio
dibujar si		
expresión	(30,455+100*(tiempo1<4),290,60)	
archivo	audio/fondo.mp3	

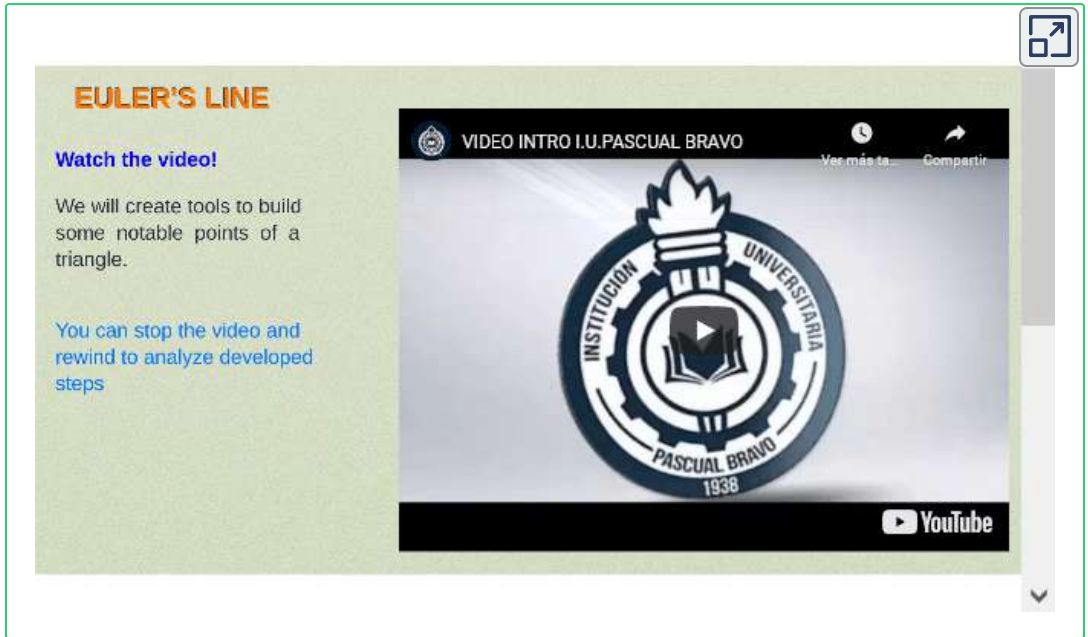
Dado que el control de audio que hemos venido utilizando es para comunicarnos con el vídeo, ya no tiene sentido en este y el anterior modelo; por ello, lo hemos eliminado y dejado visible en control **a1**



Para este modelo, hemos evitado que el audio se siga escuchando cuando pausamos el vídeo, a través de instrucciones como:

```
Configuración
Escrena  Espacios  Controles  Definiciones
*
accion2=(accion2='parar')?'seguir':'parar'
accion3=(accion2!='parar')?a1.play():a1.pause()
controles2()
```

El vídeo es el siguiente:



Lower and Upper sum

Habíamos advertido que una posible solución a los molestos vídeos relacionados, era recurrir a un modelo en local; no obstante, podemos recurrir a no usar el espacio `mascara` y dejar que el vídeo se reproduzca sin restringir la opción de pausarlo o reproducirlo haciendo clic sobre él.

Esto permite que sólo se muestran los vídeos relacionados la primera vez que hacemos clic sobre el vídeo, pues tenemos la posibilidad de cerrar la ventana. El presente modelo muestra tres escenas interactivas de GeoGebra, luego de ciertas explicaciones.

Este tipo de modelo permite que el usuario se convierta en un actor más del vídeo... compruébalo:



Para terminar este apartado, te invitamos a que explores la bella Andalucía.

6.5 Plantillas Modelos con vídeo YouTube

Si deseas diseñar un vídeo interactivo como los anteriores en una forma más rápida, puedes recurrir a una plantilla de las que hemos dispuesto en <https://proyectodescartes.org/plantillas/>. No obstante, lo explicado anteriormente es de utilidad para que diseñes tus propios modelos, basta que te esfuerces un poco para programar, tanto el código DescartesJS como la interface **YouTube.js**

A continuación, te presentamos un vídeo que explica cómo se modifican las plantillas para modelos con vídeos YouTube:



Tarea 8

Diseña tu vídeo interactivo. Puedes hacerlo con un vídeo en local o de YouTube. Usa alguno de los modelos anteriores, ¡No uses modelos de las plantillas!

Capítulo VIII

Evaluación final

La evaluación final consta de seis pruebas. Haz clic sobre cada imagen para realizar la prueba.

7.1 Prueba 1

Lee el enunciado y usa los pulsadores para elegir el término asociado 

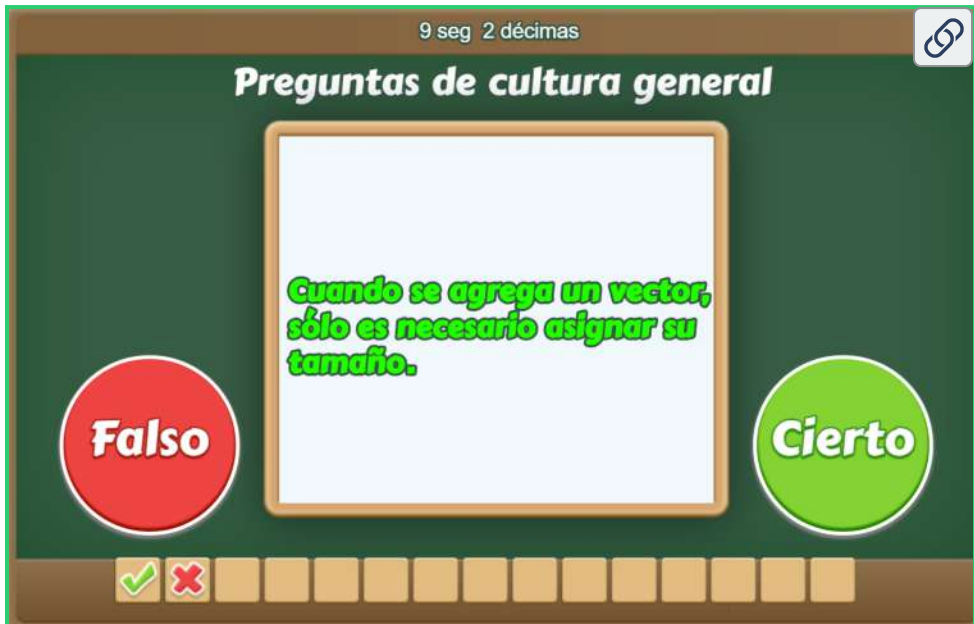
Esta variable vale la unidad siempre que el botón izquierdo del ratón se encuentre oprimido.

 **El.mouse_x** 

Verificar



7.2 Prueba 2



En esta prueba se presentan 15 preguntas de un banco de 32, por lo que sería una buena idea repetir la prueba para mejorar tu nota.

7.3 Prueba 3

Arrastra hacia la derecha las afirmaciones que son correctas y hacia la izquierda las que no lo son

rotini es un campo de texto en el que se introduce la posición inicial.

NO

Al configurar un espacio 3D, una opción para la casilla despliegue es escalar.

Al configurar un espacio 3D, una opción para la casilla despliegue es orden.

rotini es un campo de texto en el que se introduce la rotación inicial.

7.4 Prueba 4

Arrastra las palabras al contenedor correspondiente

DescartesJ

dibujar-si

Cal.set

reset()

else

Deslizador

Mediatriz

<body>

El_w

function

redIO

Interface

GeoGebra

Derivada

HTML

CLASIFICA

7.5 Prueba 5

Arrastra las frases al contenedor correspondiente

SÍ

Es posible establecer dos comunicaciones con DescartesJS (vídeo y GeoGebra, por ejemplo).

FRASES

En el texto simple de DescartesJS no se pueden escribir fracciones

Ya no es posible diseñar vídeos interactivos con vídeos de YouTube

El color rojo en formato hexadecimal es 00ff00

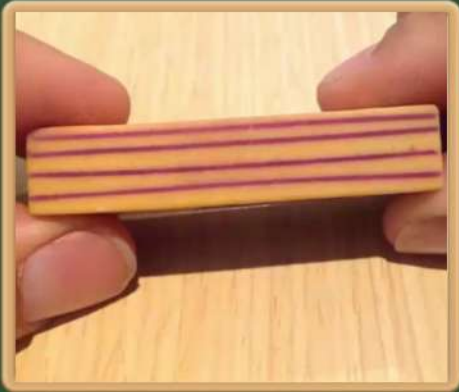
NO

7.6 Prueba 6

3 seg 5 décimas

El formato del vídeo en local puede ser avi

Falso



Cierto

Dos videojuegos para el relajamiento

Ahora que has concluido la capacitación en DescartesJS, te dejamos dos juegos clásicos de los 80 para que te relajes. El primero es Lode Runner adaptado a HTML5 por Antoine Brassard Lahey y Simon Boyer. El segundo es el clásico juego de autos de la Commodore 64 Out Run, adaptado para HTML5 por Jake Gordon.

